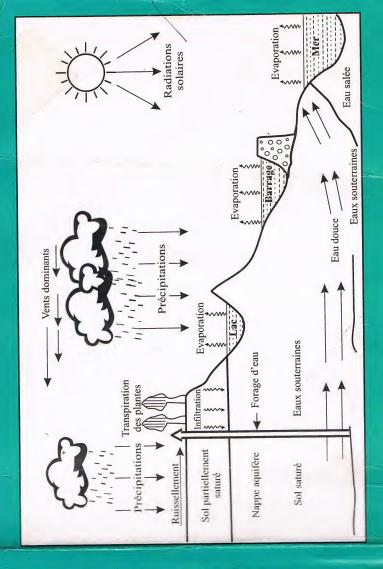
INITIATION A

HYDROLOGIE DE SURFACE

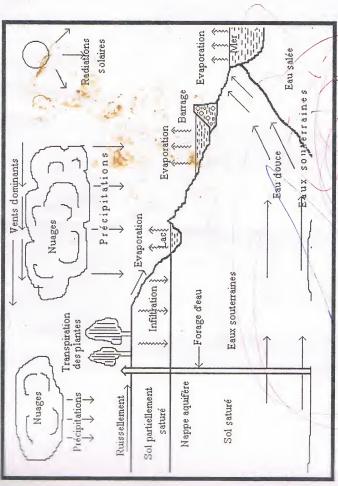


COURS

EDITIONS - DISTRIBUTION HOUMA

Speife 6- 11-05 2 4

L'HYDROLOGIE DE SURFACE INITIATION A



Cours

Par Abdelwaheb SARI AHMED Maître de Conferences Associé Université de Bab Ezzouak

Imprimer: 2002

Alger

Réf.: \$\(080 \)

Editions Distribution HOUMA

34 Lot. La Bruyère - Bouzaréah-

Alger

Ei

وجعلنا من الماء بل شيء حيا

صدق الله العضيم

Dépôt légal : 973/2002

ISBN, 9961 - 66 - 636 -4 . 5 . (1.3.)

Toute reproduction d'un extrait quelconque de ce livre par quelque procédé que ce soit, et notamment par photocopie ou microfilm, est interdite sans l'autorisation de l'éditeur.

AVIS DU CONSEIL SCIENTIFIQUE DE L'INSTITUT DE GÉNIE CIVIL DE L'UNIVERSITÉ DE BAB EZZOUAR

« Rapport sur les ouvrages d'Hydrologie de surface (Cours et Exercices) proposés par Monsieur SARI AHMED Abdelwaheb

L'ouvrage de Cours rédigé par Monsieur SARI AHMED tomoigne, si besoin est, d'une grande expérience de l'auteur dans le nomaine de l'hydrologie de surface. Le document, très clair dans sa présentation, est écrit dans un style directement accessible à tout lecteur possédant un minimum de connaissance mathématiques du premier cycle universitaire. Les différentes notions nouvelles exposées sont étayées par bon nombre d'exemples succincts permettant leur facilité de compréhension. On peut simplement dire que le but de cet ouvrage est de fournir aux étudiants de nos établissements universitaires un support d'introduction élémentaire moderne et assez complet de l'hydrologie de wurface. A la fin de chaque chapitre figure une bibliographie sommaire permettant au lecteur d'élargir son domaine d'investigation. En couvrant le sujet de façon complète, cet ouvrage sera très apprécié par les étudiants nussi bien que par les ingénieurs.

L'ouvrage d'exercices est rédigé sans fioritures pour pouvoir dure facilement compréhensible aux étudiants. On note également une parfaite symbiose entre les thèmes abordés dans les énoncés proposés et un chapitre précis correspondant dans l'ouvrage du cours.

Pour toutes ces raisons très brièvement décrites, le Conseil Scientifique de l'Institut de Génie Civil estime que l'apport pédagogique de ces deux ouvrages, très bien rédigés, est indéniable et recommande vivement leur édition.

Le Président du Conseil Scientifique

Malek BOUHADEF

Ce cours est structuré en neuf chapitres. L'on a préféré mannencer par un chapitre introductif et descriptif de l'hydrologie en la millionnant dans le champ des connaissances.

Le chapitre II décrit les caractéristiques géomorphologiques i impographiques du bassin versant et développe des formules permettant le les quantifier.

Inni les chapitres III, IV et V permettant à l'étudiant, qui n'a eu aucune manualon statistique auparavant, d'apprendre à ajuster les données uninologiques puisqu'il sera appelé à manipuler des lois statistiques, à Quelques notions essentielles de statistiques sont abordées mine lour adéquation et à définir des intervalles de confiance.

Le chapitre VI présente l'étude des pluies : mesures, analyse In données et calculs prévisionnels. Quelques notions sur la régression mante sont également présentées dans ce chapitre.

Les chapitres VII et VIII abordent respectivement Avaporation et l'infiltration, décrivent succinctement les phénomènes et nementent quelques formules empiriques utilisées pour leur calcul.

Le chapitre IX est consacré au ruissellement : méthodes de monure et formules empiriques sont présentées. L'accent est mis sur la methode de l'hydrogramme unitaire qui est présenté en détail, pour sa meur pédagogique dans la compréhension de certains concepts mentiels.

en champs d'application de ces méthodes ont été définis. Tous les voncepts et méthodes sont illustrés d'exemples pratiques. Les exercices pouvent requérir l'utilisation de tables, les plus usuelles sont listées en minexes. De même qu'il a été jugé utile de publier les énoncés et corrigés des exercices relatifs à chaque chapitre, ainsi que ceux des L'importance des probabilités et statistiques en hydrologie comme dans plusieurs autres domaines scientifiques et techniques a fait pu'une grande partie de cet ouvrage leur a été consacrée, d'autant que les midiants de ce cours sont supposés n'avoir reçu auparavant aucun meignement en la matière. L'accent a été mis sur l'aspect pratique, et application des méthodes introduites a été faite sur des exemples réels.

examens des dernières années, ils feront l'objet d'ouvrages particuliers paraître prochainement.

Ce livre s'adresse aux élèves ingénieurs qui ont terminé tronc commun de leur cursus. Il peut être aussi utile aux ingénieu pratiquants, lorsque la théorie s'est quelque peu « rouillée ».

Je tiens à remercier, en premier lieu, mon ami et collègue A Khemici, qui m'a encouragé à réintégrer l'enseignement; sans lui, livre n'aurait pas vu le jour. Mes remerciements sincères vont aussi a Professeur Malck Bouhadef, et à MM. Tahar Zitoun, Sélim Bouzahe Arezki Ould Amara et Djamel Allili qui ont accepté de consacrer un grande partie de leur temps à la lecture critique du manuscrit. Leur pertinentes remarques ont permis d'apporter des amélioration Evidemment, toute lacune, imprécision, voire erreur restent imputables l'auteur.

Ma reconnaissance va aussi aux élèves de 3^{ième} anné hydraulique et de 4^{ième} année CHA de l'Institut de Génie Civil de Ba Ezzouar lesquels, par leurs questions et remarques et l'enthousiasm manifesté par certains d'entre eux, au cours des dix dernières années m'ont procuré la motivation nécessaire à la confection de ce livre.

Enfin, « last but not least », je tiens à exprimer ma gratitude ma petite famille pour ses sacrifices, sa patience et ses encouragement pendant les trois longues années qu'a demandé la confection de ce ouvrages.

Abdelwaheb SARI AHMEI Alger, avril 200

Il mes parents, grands et petits, proches et éloignés,

Ru Ckeikh Beldjebès.

Au Dr Eugene S. Simpson,

Que Dieu les bénisse.

O

B - LE CYCLE DE L'EAU ET LE BILAN HYDROLOGIQUE:

D'où vient l'eau qui coule à la surface du sol et dans le sol, où va-t-elle? La réponse à cette question dépend des échelles du tem et de l'espace.

A l'échelle planétaire ou continentale, l'eau s'évapore docéans pour former des nuages. Ces derniers se déplacent vers le continents et se transforment partiellement en pluie. Ces précipitation alimentent les rivières et les nappes aquifères dont un notable volun retourne à son point de départ, les océans, pour boucler ce que l'a appelle le " CYCLE HYDROLOGIQUE". En cours de route, ce cyc peut être perturbé par l'homme (barrages, irrigation, pollution).

L'énergie thermique provenant du soleil est à la base du cyc

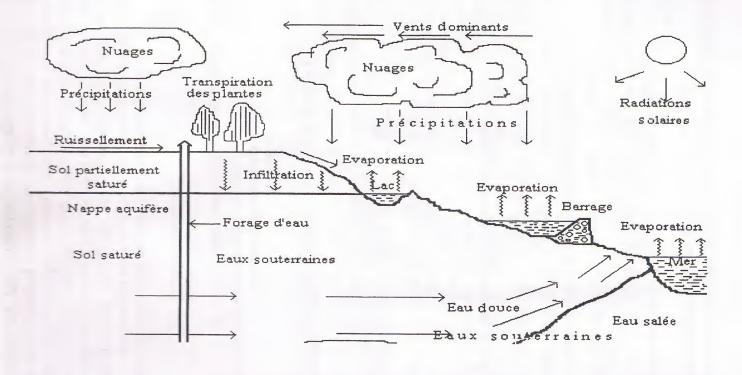
hydrologique.

On peut considérer, arbitrairement, que le cycle hydrologique commence par l'évaporation (E) de l'eau à partir des océans, des mes des étendues d'eau (douce ou salée), du sol, de la végétation, des animan (relativement en très petites quantités dans ce dernier cas).

L'eau évaporée est transportée vers des régions propices à condensation et engendre, sous l'effet de la gravité, les précipitations (sous forme de pluie, de neige ou de grêle.

Parvenue à la surface du sol, une partie des précipitation sous l'effet de la pesanteur, s'écoule vers le réseau hydrographique et le étendues d'eau qu'elle alimente : c'est le ruissellement de surface (R).

Une autre quantité d'eau pénètre dans le sol, ce ser l'infiltration (I). Sous la terre, l'eau peut traverser de grandes profondeu pour atteindre les couches aquifères, c'est-à-dire les couches du sous-se qui contiennent de l'eau.



Une partie de l'eau contenue dans les étendues d'eau telleque les océans, les lacs, les barrages et dans le sol retourne ve l'atmosphère par évaporation directe ou par la transpiration des plante c'est l'évapotranspiration (son abréviation est aussi E). La vapeur d'e ainsi formée retourne vers l'atmosphère pour se condenser et reconstitue les nuages qui, transportés par les vents, peuvent engendrer de précipitations, ce qui referme le cycle de l'eau (figure I-1).

Le bilan hydrologique peut s'exprimer par l'équation suivant

$$P = E + R + I$$

où P = précipitations totales,

E = évaporation + transpiration des plantes,

R = ruissellement de surface,

I = infiltration

Le bilan des eaux sur le globe a été établi approximativemen dans le tableau I-1.

H	-	-					_	-			-
	POURCENTAGE DU VOLUME TOTAL		0.620	~		0.008	0.001	2,100	97,250		100,000
	VOLUMES (1 000 km ³)	125	1.25	65	8 250	105	13	29 200	1 320 000	1 360 000 ou	1,36x10 ¹⁸ m ³
	LIEUX	Lacs d'eau douce	Rivières	Humidité du sol	Eaux souterraines	Lacs salés	Atmosphère	Calotte glacière, glaciers et neige	Mers et océans	Total	

Tableau I - 1 Répartition de l'eau sur le globe terrestre

D'après ce bilan, sculement 2.5 % environ du tota constituent le volume d'eau douce. L'homme ne peut contrôler exploiter qu'une part très faible de cette eau douce.

Le bilan annuel est indiqué approximativement dans l

On peut calculer le temps de résidence moyen d'une molécule d'eau dans un sous-système du cycle hydrologique en divisant le

		OCEANS	CONTINENTS
avitation .	(km²)	361 300 000	148 800 000
difficitions	(km³/an)	458 000	119 000
	(mm/an)	1 270	800
minimina	(km³/an)	505 000	72 000
	(mm/an)	1 400	484
mements vers la mer:	s la mer:		
Miran	(km³/an)		44 800
Inniterraine	ss (km³/an)		2 200
416	(km ³ /an)		47 000
	(mm/an)		316

Tableau 1-2 Bilan annuel de l'eau sur le globe terrestre

man d'eau V donné dans le premier tableau par le débit Q donné par le

$$D = V / O$$

Pour l'atmosphère, par exemple, le volume est de 13.000 km

$$Q = 458\ 000 + 119\ 000 = 577\ 000\ \text{km}^3/\text{ an}$$

Mulle d'eau séjourne, en moyenne, pendant 8,2 jours dans montphère.

On peut calculer de la même manière les temps de résidence ind adjour) pour les autres sous-systèmes (rivières, eaux souterraines).

IN BILAN HYDRAULIQUE DE L'ALGERIE

Pour notre pays, le bilan s'établit comme suit : pour une une totale de 2,38 millions de km², la pluviométrie n'intéresse que u ", de cet espace, qui se divise approximativement en trois zones:

1 - La zone septentrionale

d'une superficie de 130 000 km², elle reçoit, en moyenne 100 mm/an, ou 13 x 10^{10} x $0.5 = 65 \times 10^{9}$ m (65 milliards de m³).

2 - La zone des Hauts Plateaux

d'une superficie de 76 000 km², avec 300 mm/ an en moyenne, ou $76 \times 10^{9} \times 0.3 = 22.8$ milliards de m

3 - La zone Sud Atlas

d'une superficie de 67 000 km², avec 250 mm/an e $67 \times 10^9 \times 0.25 = 16.75$ milliards de m Globalement donc, le pays reçoit 100 milliards de m³ de plu évaporation, l'homme est impuissant. Les 15 milliards restant s'écoule dans les cours d'eau et vers la mer, ou s'infiltrent dans les napp par an, dont 85 % s'évaporent (85 milliards de m'). Devant ce souterraines.

mobiliser à moindre coût; ou bien l'on réduit les volumes utilisés o gaspillant moins) pour les différents usages de la population son mobiliser l'eau à ce prix-là et l'on cherche une autre source d'eau prix de l'eau dépasse un certain seuil, jugé trop élevé, on renonce Les quantités d'eau mobilisables économiquement (car si évaluées à :

- * 5.7 milliards de m³ en eaux de surface,
- * 1.8 milliards de m'en eaux souterraines dans le Nord,

soit un total de 12.4 milliards de m'.

La mobilisation de ces ressources rencontre un certain nombre de contraintes:

- hiver qu'en été, et beaucoup plus à l'est du pays qu'à l'ouest. Leur qualit importants, ce qui pose problèmes : envasement des barrages et de forte irrégularité dans le temps et dans l'espace. Il pleut beaucoup plus o Pour les eaux de surface. Elles sont caractérisées par un physico-chimique est souvent médiocre. Les transports solides son canaux, détérioration rapide des pompes.
- plus, ces eaux ne se renouvellent pas, ce sont des eaux fossiles, comme l forte minéralisation dans certaines zones de la steppe et du Sahara. Le profondes, sont chaudes (plus de 60°C parfois), ce qui nécessite leu Pour les eaux souterraines. Elles sont caractérisées par un eaux souterraines du Sahara, lorsqu'elles proviennent des nappe refroidissement avant leur utilisation, et qui n'est pas chose aisée. D pétrole. Se pose alors le choix difficile suivant : faut-il exploiter cett

in management on faut-il la laisser aux générations futures? S'il y a

quel en sera le mode opératoire?

On peut faire la comparaison du volume annuel ruisselé avec Internation pays proches du nôtre, soit par le niveau de développement, soit in the prographic:

	20	Tunisie	2	Libye	7
0.3	98	Irak	77	Italie	167
. 0	180	U.S.A.	2470	Chine	2680

Inbleau I-3 Ruissellement annuel dans quelques pays (109 m³)

Ceci nous amène à conclure que notre pays est très faiblement month en eau et qu'il y a un défi à relever. Dans l'état actuel de l'offre et de la demande globales, Monte se situe déjà dans la catégorie des pays en deçà du seuil de rareté 1000 m'/ habitant / an. Ce potentiel par habitant est actuellement de l'ordre de Il passera à 300 m' en l'an 2010 (45 millions Modellands) et à 180 m en l'an 2030 (70 millions d'habitants)

IN INITIOGRAPHIE

Meinzer, O.E. (1942): Hydrology, Dover Publications, Inc., Now York.

Roche M. (1963): Hydrologie de Surface, Gauthier-Villars

Chow, V.T. (1964): Hydrology and its development, Section u "Handbook of Hydrology", Mc Graw Hill, New York.

Arléry R., Grisollet H. et Guilmet B. (1973): Climatologie, Millodes et Pratiques, Gauthier-Villard Editeur, Paris.

Linslay, R.K., Kohler, Paulhus (1982): Hydrology for Engimens, Mc Graw Hill Company, New York. Wilson, E.M., (1985): Engineering Hydrology, Mac Millan Publishers Ltd, London.

- indice de compacité,
- relief, caractérisé par la courbe hypsométrique,
- rectangle équivalent,
- indice de pente.

1 - L'indice de compacité

Le contour d'un bassin versant enserre une superficie S, qui a global et sur l'allure de l'hydrogramme résultant d'une pluie donnée. Un bassin longiligne ne réagira pas de la même manière qu'un bassin de une certaine forme, laquelle va avoir une influence sur l'écoulement forme arrondie.

Ou compare le périmètre P du bassin versant à celui, Pa, d'un cercle ayant la L'indice de compacité Kc caractérise ce phénomène. même surface.

$$Kc = P / Pa$$
mais $Pa = 2\pi R$, $S = \pi R^2$, $R = \sqrt{\frac{S}{\pi}}$ et $P_a = 2\sqrt{\pi . S}$

donc:
$$K_c = \frac{P}{\sqrt{S}} \times 0,282$$
 (2)

Pour trouver Kc, il suffit de mesurer S au planimètre, P au curvimètre, et d'appliquer la formule 2.

de Koudiat Rosfa sur l'oued Foddha, à 30 km en amont du barrage de On applique cette méthode au bassin versant du futur barrage Foddha, wilaya de Chlef. Les mesures ont permis de trouver: P = 87 km et $S = 437 \text{ km}^2$; donc

$$K_c = 0,282 \frac{87}{\sqrt{437}} = 1,17$$

2 - Le Relief

Il est caractérisé par la courbe hypsométrique. Cette courbe est obtenue en portant:

- en abscisses, l'altitude considérée;
- en ordonnées, la surface partielle du bassin versant pour laquelle chaque point a une côte au moins égale à cette altitude.

20

	00,00						
S, (km²)	0,0	139,2	379,0	414,0	431,2	436,2	437,00
%	00,00	31,85	54,87	8,01	3,94	1,15	0,18
S _i (km ²)	0,0	139,2	239,8	35,0	17,2	5,0	0,8
Sup. (m)	592	800	1000	1200	1400	1600	1786
(m)	10 (0 592	008-2-00	100-1000	1000-1200	1200-1400	1100-1600	1600-1786

Surfaces cumulées

Surfaces entre courbes

Bornes

Lievation

Tableau II - 1 Calcul des surfaces cumulées

inblenu II-1 et dans lequel on calcule les surfaces cumulées et leurs mamprises entre les différentes courbes de niveau, est donné dans le Pour le bassin versant, le planimétrage des surfaces, municentages respectifs.

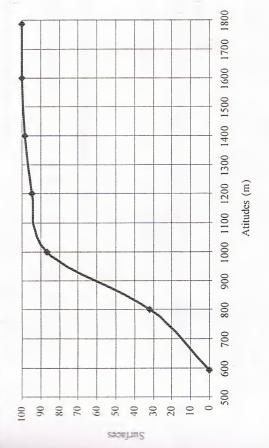


Figure II-2 Courbe hypsométrique

A partir de cette courbe, on détermine:

- l'altitude à 95 % de la surface, $H_{95} = 1200 \text{ m}$
- l'altitude à 5% de la surface, $H_5 = 630$ m
 - l'altitude médiane,

 $H_{50} =$

L'altitude moyenne est ainsi définie: $\overline{H} = \sum_{n=1}^{S_{1}} \overline{H_{1}}$

21

Ce nouveau paramètre facilite la comparaison entre bassins versants du point de vue de leur influence sur l'écoulement.

Il s'agit d'une transformation purement géométrique da

- le contour du bassin devient un rectangle de mêm
- les courbes de niveau sont des droites parallèles à largeur du rectangle :
 - l'exutoire est un des petits côtés du rectangle.

D'après les définitions, l'on a:
$$K_{\mathcal{C}} = 0,282 \frac{P}{\sqrt{S}}; \text{ et } P = 2(L+I)$$

Par conséquent, l'on a:
$$P = \frac{K_c \sqrt{S}}{0.282} = 2(L + I),$$

ce qui donne:

 $2(L+I) - \frac{K_c \sqrt{S}}{0,282} = 0$ En multipliant cette équation par L, l'on obtient:

$$2L^2 + 2L.1 - \frac{Kc\sqrt{S}}{0,282}L = 0$$

c'est à dire:

$$2L^2 - \frac{Ke\sqrt{S}}{0.282}L + 2S = 0$$

qui est une équation du second degré en L de type $ax^2 + bx + c = 0$ dans

$$a = 2$$
, $b = \frac{-K_c\sqrt{S}}{0,282}$, et $c = 2$. En remplaçant on obtient:

$$L = \frac{K_c \sqrt{S}}{1,12} (1 + \sqrt{1 - (\frac{1,12}{K_c})^2}) \quad \text{et} \quad I = \frac{K_c \sqrt{S}}{1,12} (1 - \sqrt{1 - (\frac{1,12}{K_c})^2})$$

Ayant déterminé les dimensions du rectangle équivalent, l'on détermine la répartition des courbes de niveaux, en utilisant la courbe hypsométrique tracée précédemment, ou bien en mesurant la surface l'aide du planimètre.

bassin versant du barrage de Koudiat Rofsa sont trouvées respectivement égales à L = 28,15 km et I = 15,52 km.

Altitude de	Surface de l'intervalle (km²)	Pourcentage de la surface	Largeur de l'intervalle
1786-1600	0,8	0,8%	50,67 m
1600-1400	5,0	1,15 %	323,72 m
1400-1200	17,2	3,94 %	1,11 km
1200-1000	35,0	8,01%	2,25 km
1000-800	239,8	54,87 %	15,45 km
800-592	139,2	31,85 %	8,97 km

Tableau II-2 Calcul des largeurs des intervalles

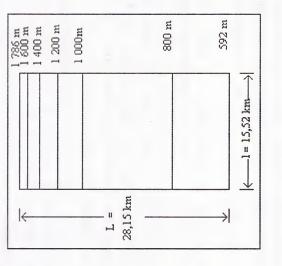


Figure II-3 Le rectangle équivalent

On établit le tableau II - 2: La largeur de l'intervalle est égale moduit de la longueur du rectangle équivalent par le pourcentage de la Infine Intéressée. Ensuite, à l'aide des dimensions trouvées on trace le manuale equivalent (figure II - 3).

I un indices de pente

Indice de Pente de Roche

Ainsi, la longueur et la largeur du rectangle équivalent du montre au point culminant (c'est-à-dire le plus élevé), la pente a₁, a₂, a_n sont les lignes de niveau croissant de Illumine qui sépare les deux courbes de niveau sur le rectangle mommo entre deux lignes de niveau, côtées a; et a;-1, sera (a; - a;-1) / x; où

équivalent. L'indice de pente est défini par:
$$I_p = \frac{1}{\sqrt{L}} \sum_{i=1}^{n} \sqrt{\beta_i(a_i - a_{i-1})}$$

%) comprise entre a_i et a_{i-1}. Ainsi, l'indice de pente du bassin versant de monte, On trouve Ds = 423,11 m D'après la classification de barrage de Koudiat Rosfa est:

$$I_{p} = \frac{1}{\sqrt{28150}} \times (\sqrt{31,85} \times (800-592) + \sqrt{54,87} \times (100-800) + \sqrt{8,01} \times (1200-100))$$

$$+\sqrt{3,94\times(1400-1200)}+\sqrt{1,15+(1600-1400)}+\sqrt{1,15+(1786-1600)}=$$

$$\frac{275,6}{\sqrt{28150}} = 1,643$$

b) Indice de pente global:

Ig =
$$\Delta$$
 / L_r où Δ = dénivelée totale. Mais en réalité, or prend : Δ = H₉₅ – H₅. Pour notre bassin versant, on a donc :

$$\Delta=1200$$
 - 630 = 570 m et Lr = longueur du rectangléquivalent = 28,15 km et Ig = 570 / 28,15 = 20,24 m / km.

c) Indice de pente moyenne:

 $Im = \Delta H / Lr = (Hmax - Hmin) / Lr = (1786-592)/28,15 \times 10^3 = 0,0424$ ou 4,24%

d) Dénivelée spécifique Ds

La dénivelée spécifique permet d'utiliser la classification d l'O.R.S.T.O.M (tableau II – 3) qui permet définir les différents types d relief des bassins versants quelque soient leurs superficies. La dénivelé spécifique est définie comme suit :

R1	Relief très faible	Ds < 10 m
R2	Relief faible	10 < Ds < 25 m
R3	Relief assez faible	25 < Ds < 50 m
R4	Relief modéré	50 < Ds < 100 m
R5	Relief assez fort	100 < Ds < 250 m
R6	Relief fort	250 < Ds < 500 m
R7	Relief très fort	Ds > 500 m

Tableau II - 3 Classification des reliefs d'après l'ORSTOM

$$D_s = I_G \sqrt{S} = 20,24 \times \sqrt{437} = 423,111$$

où L et ai sont exprimés en mètres et βi = surface du bassin versant (en 1000 dénivelée spécifique. In indice de pente. S:superficie du bassin ORSTOM, notre bassin versant présente un relief fort (R6), car :

$$50 \text{ (m)} < \text{Ds(m)} < 500 \text{ (n)}$$

ILES CARACTERISTIQUES DU RESEAU HYDROGRAPHIQUE

i Le profil en long

sur un Pour tracer le profil en long d'un oued, on porte monthque: - en abscisses, la distance du point à l'exutoire;

- en ordonnées, l'altitude du même point.

Le tracé en plan

In plus importants sont ceux qui sont eux-mêmes alimentés par des imments moins importants et ainsi de suite jusqu'au plus petit affluent, mente alimenté que par les écoulements de surface ou les écoulements Le cours principal d'un oued est alimenté par des affluents. Whodermiques.

1) La classification de Horton

Comme montré dans la figure II - 3, on classe de façon innuelle les différents cours d'eau, selon leur importance:

Ordre 1: ruisseau qui n'a pas de tributaire (ou d'affluent),

Ordre 2: ruisseau ayant au moins un affluent d'ordre 1 et uniquement, Ordre 3: rivière qui a des tributaires du 2ème ordre, et même In premier ordre.

I) Les lois de Horton

Horton a introduit la notion de rapport de bifurcation r_b qui In In import entre le nombre d'affluents d'un ordre donné au nombre l'utiliuents de l'ordre immédiatement inférieur. Généralement, la valeur de r_b est comprise entre 2 et 4 avec une moyenne égale à 3,5. Ceci conduit à la formulation des lois de Horton:

1) la loi du nombre d'affluents:

$$N_u = r_b^{k-u} \rightarrow \log N_u = (k-u)\log r_b$$

où : $N_u = \text{nombre } d'\text{affluents } d'\text{ordre } u, r_b = \text{rapport } de \text{ bifurcation,}$ k = ordre de la rivière principale.

Horton a proposé d'autres lois concernant les longueurs et les surface moyennes des bassins versants des affluents

2) les longueurs moyennes des oueds d'ordre u :

$$\overline{L_u} = \overline{L_l} r_l^{u-1} \to \log \overline{L_u} = (u-1)\log r_l + \log \overline{L_l}$$

= rapport de longueur; c'est le rapport entre les longueurs des oued d'un ordre donné aux longueurs des oueds d'ordre immédiatemen où L_u = longueur moyenne des affluents d'ordre u, et

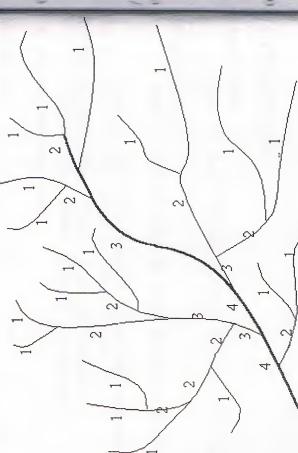


Figure II – 4 La classification de Horton

1) les surfaces moyennes des bassins versants des affluents d'ordre

$$A = Ar^{n-1} \rightarrow \log A = (n-1)\log r + \log r$$

$$\overline{A_u} = \overline{A_r}^{u-1} \rightarrow \log \overline{A_u} = (u-1)\log r_u + \log \overline{A_v}$$

mapport de surfaces; c'est le rapport entre les surfaces des oueds Illui ordre donné aux surfaces des oueds d'ordre immédiatement Au surface moyenne des bassins versants des affluents d'ordre u, Inferiour. 110

infinitions peuvent être utilisées en mesurant N, L et A pour les deux plus Les équations ci-dessus indiquent une progression infiniting des grandeurs des nombres d'affluents, des longueurs et des Graphiquement, ces nombres, longueurs et surfaces sont minute ordres dans le bassin et permettent ainsi l'estimation de ces Milmin pour les ordres inférieurs. Ceci est illustré par un exemple dans infinitentés par des droites sur du papier semi-logarithmique. In Hyro d'exercices. WILLINGS.

1 Les facteurs physiographiques d'un bassin versant

") Densité de drainage:

C'est le rapport entre la longueur totale de tous les cours Manuet la superficie du bassin versant.

$$D_d = \frac{\sum L_i}{\varsigma}$$

Pour le bassin versant du barrage de Koudiat Rofsa, $D_d = 330$ 117 0,755 km / km². Les Li peuvent être soit mesurées sur la carte du hayelu hydrographique, soit estimées par les formules précédentes.

III) Densité de thalwegs élémentaires, ou fréquence des oueds élémentaires:

$$F_1 = \frac{N_1}{S}$$

 $N_1 = \text{nombre de thalwegs d'ordre 1. On a } N_1 = 96 \text{ d'où}$: $F_1 = 96 / 437 = 0,220$ 3

$$R_c = \frac{N_i}{N_{i+1}}$$

 N_i = nombre de thalwegs d'ordre i.

d) Coefficient de torrentialité C_t:

$$0.755 \times 0.220 = 0.1$$

 $C_l = D_d \times F_1$.

$$C_t = 0,755 \times 0,220 = 0,166$$

D. BIBLIOGRAPHIE

Roche M. (1963): Hydrologie de Surface, Gauthier-Villa

Grisoni, M., Decroux, J. (1972): Cours d'Hydrolog. Superficielle, Initiation à l'Hydrologie, S.E.S., Secrétariat d'Etal. l'Hydraulique, Alger.

Masson et Cie éd. Paris.

Linslay, R.K., Kohler, Paulhus (1982): Hydrology for En neers, ;Mc Graw Hill Company, New York.

Wilson, E. M. (1983): Engineering Hydrology, MacMill Publishers Ltd, London.

Réméniéras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur,

Chow, V.T., Maidment, D.R., Mays, L.W. (1988): Apply the new petite partie du groupe appelée échantillon.

Hydrology, Mc Graw Hill Book Company, New York.

glous, G. (1992): Water Ressources Engineering, Mc Graw Hill In

QUELQUES NOTIONS DE STATISTIQUES

INTRODUCTION

Les statistiques sont une science qui utilise des méthodes minimiliques pour collecter, organiser, synthétiser, présenter et analyser In données de tel ou tel phénomène. Elles permettent aussi de tirer des innulunions valables et de prendre des décisions raisonnables sur la base In the analyses.

Les statistiques permettent d'exploiter les informations Munilles pour établir toute relation de causalité par l'interprétation et Un phénomène aléatoire est un phénomène comportant des Dubreuil, P. (1974): Initiation à l'Analyse Hydrologique aléatoires, c'est-à-dire des variables liées au hasard et dont les minimine peuvent, en conséquence, être connues à l'avance.

Les statistiques sont appliquées dans presque tous les immines de l'activité scientifique. Lorsqu'on analyse des données Individual on d'individus ou d'objets, par exemple les tailles des mulimits, les hauteurs et/ou les diamètres des troncs d'arbres dans une mon, les débits d'un cours d'eau, il est souvent impossible ou pas pratique Manuelles tous les éléments du groupe appelé population; on examine

Si l'échantillon est représentatif de la population, des Linsley, R.K., Franzini, J.B., Freyberg, D.L., Tchoban untilunions importantes peuvent être tirées à partir de l'analyse de In limitillon.

ANALYSE STATISTIOUE

Une série statistique est constituée par l'ensemble des valeurs u un netère étudié.

Par exemple, nous disposons de la série suivante de débits mulmum annuels d'un oued, en m'/s:

_			_			
2	0	58	39	38	103	47
-	Λn	1985	1986	1987	1988	1989
69	O'	11	77	59	54	49
-	Λn	1980	1861	1982	1983	1984
2	0	44	49	53	58	64
_	An	1975	9261	1977	1978	1979
2	0	36	69	66	77	62
_	An	1970	1971	1972	1973	1974
2	0	28	37	52	34	44
-	An	1965	9961	1967	1968	6961

Tableau III-1 Débits maximum d'un oued

En général, ces données brutes ne sont pas organisées. Pou pouvoir analyser une telle série et mettre en relief ses caractéristique essentielles, l'on procède comme suit :

1 - Ordre de la série :

On peut ranger les valeurs étudiées soit dans l'ordre croissa soit dans l'ordre décroissant. La différence entre la plus grande valeur la plus petite est appelée l'amplitude de la série.

Une valeur n'est inscrite qu'une seule fois et, en face, α indique le nombre de fois où l'on a observé cette valeur. Ce nombre e l'effectif de la valeur ou sa fréquence absolue (n_i) ; ainsi, la fréquence absolue du débit $38 \, m^3/s$ est 1.

On peut également indiquer pour cette valeur la fréquen relative (f_i) qui est le rapport entre la fréquence absolue de la valeur et total des fréquences absolues $N=\sum n_i=25$ de la série ; ainsi, la fréquen relative du débit 38 m³/s est 1/25 = 0,04.

Toutes ces opérations sont indiquées dans le tableau II - 2.

2 - Groupement des valeurs:

Pour mettre en relief les caractéristiques de la série étudié on opère des groupements en classes de valeurs.

dans un intervalle donné par une valeur unique, appelée "centre classe", à laquelle on attribue une fréquence égale à la somme d fréquences des valeurs appartenant à cet intervalle. Dans la plupart d cas, l'on recherche un découpage en intervalles égaux.

Pratiquement, pour trouver les distributions fréquentielle

l'on procède comme suit :

1.- On détermine la donnée la plus grande et la donnée la plus prufte, et on calcule l'amplitude de notre échantillon, qui est égale à la militérence entre ces deux valeurs.

3	(f)	0,04	0,04	0,08	0,04	0,04	0,04	0,04	0,12	0,04	0,04
2	(n _i)	-	-	2	_	-	1	1	c	-	
_	(x [!])	53	54	58	59	62	64	69	77	66	103
m	Fréquence Relative (f _i)	0,04	0,04	0,04	0,04	0,04	0,04	0,08	0,04	0,04	0,04
	Effectif ou Fréquence Absolue (n _i)		-	_	-	1		2		2	_
-	Variable (N.)	28	=	91	17	38	30	=	11	64	2.5

Tableau III-2 Rangement des valeurs des débits

2.- On divise cette amplitude en un nombre convenable un nombre de même grandeur. Le nombre d'intervalles se situe entre 5 m 20 selon les cas. On utilise souvent la formule suivante:

$$k = 1 + \frac{10 \times \log N}{3}$$

où k = nombre d'intervalles et N = grandeur de l'échantillon.

Les limites des classes ne doivent pas coïncider avec les

						_		-			_
	Fréquence	-	0.16	0.28	0.24	760	0,12	0.12	0	0.08	2060
	Centre de Effectif ou fréquence	absolue (ni)	4	7	9		3	3	0	2	
	Centre de	classe (xi)	31,5	43,5	55,5	2 43	C,\0	79,5	91,5	103,5	
	umero de Bornes des classes		$25.5 \le x < 37.5$	$37,5 \le x < 49,5$	$49.5 \le x < 61.5$	615/2/72	C,C/ \ X < C,10	$73.5 \le x < 85.5$	85,5 ≤x < 97,5	$97.5 \le x < 109.5$	-
1 1900	Numero de	classe (1)	1030000	2	3	4	100000000000000000000000000000000000000	5	9	7	

Tableau III-3 Groupement des valeurs des débits

- 3.- On détermine le nombre d'observations (ou de données dans chaque intervalle, c'est-à-dire la fréquence absolue n_i de chaque classe.
- 4.- On détermine la fréquence relative $f_i = (n_i / N = nombre total d'observations contenues dans l'échantillon).$

L'ensemble des couples (x_i,n_i) ou (x_i,f_i) définit ce qu'o appelle la fonction de distribution de la variable x.

On remarque ce qui suit:

- 1° une classe contient la limite inférieure, mais pas la limit supérieure, ceci afin d'éviter qu'une valeur chevauche entre deux classe ou soit comptée deux fois;
 - 2º le groupement dénature la série initiale : per d'information et altération de son contenu ;
- 3° le groupement, étant dépendant du statisticien, e

arbitraire.

Le groupage des données fait perdre beaucoup d'information Ainsi, pour la classe [40,5 - 55,5 [, l'on ne sait pas comment so distribuées les données à l'intérieur de l'intervalle. Cependant le groupaprésente un avantage majeur, qui est celui d'avoir une vision globale l'échantillon et les caractéristiques principales de l'échantillon devienne plus apparentes.

Le groupement devra donc être choisi de manière à concili les avantages de la synthèse et les inconvénients d'une trop gran altération

3 - Histogramme et polygone de fréquences:

C'est la représentation graphique de la fonction listribution.

Un histogramme est une série de rectangles ayant:

a- leurs bases sur l'axe des x centrées au milieu des intervalle et dont la longueur est égale à la grandeur de l'intervalle.

b- leurs hauteurs sont égales aux fréquences. De ce fait surface d'un rectangle est proportionnelle à la fréquence de l'interval qu'il représente.

Le polygone des fréquences est obtenu en joignant l'milieux des sommets des rectangles de l'histogramme. On complète ligne polygonale au moyen des segments AB et HI, de façon telle que l'aire du polygone soit égale à l'aire de l'histogramme.

La fréquence relative d'une classe est obtenue en divisant la montre absolue de la classe par le nombre total de données dans montillon. Par exemple, la fréquence relative de la 2ème classe est :

$$8/25 = 0.32$$
 ou 32% .

Si on remplace, dans le tableau, la colonne des fréquences par celle des fréquences relatives, on obtient la distribution des muences relatives.

La représentation graphique de la distribution des fréquences s'obtient à partir de l'histogramme ou du polygone des montes en changeant l'échelle verticale des fréquences par les limitences relatives.

Si les intervalles des classes sont égaux entre eux, on a: $\frac{1}{2}$ l'histogramme = aire du polygone des fréquences = $\sum f_i = 1$

where de l'histogramme = aire du polygone des fréquences = Σ ni = N; N = 25 dans notre cas).

in the

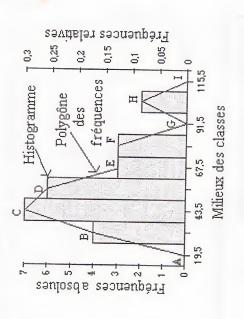


Figure III-1 Histogramme et polygone des fréquences

de fréquences cumulées ou fonction de répartition:

La fonction de distribution d'une variable est constituée par nsemble des couples (x_i , n_i) ou (x_i , f_i).

1	Ē	SHEET STATES	STREET,	Same		1		i
Fre cun dépass	1,00	0,84	0,56	0,32	0,20	80,0	0,08	0,00
Effectif cumulé	25	21	14	∞	2	7	7	0
Débits	> 25,5	> 37,5	> 49,5	> 61,5	> 73,5	> 85,5	> 97,5	> 109,5
Fréquence cumulée au non- dépassement (FND)	0	0,16	0,44	89,0	0,80	0,92	0,92	1,00
Effectif cumulé	0	4	11	17	20	23	23	25
Débits	<25.5	< 37.5	< 49.5	<61.5	< 73.5	< 85.5	< 97.5	< 109,5

Tableau III-4 Calcul des fréquences cumulées

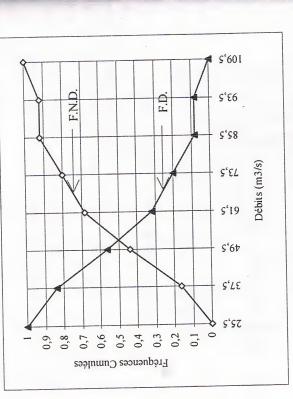


Figure III-2 Courbes des fréquences cumulées

La fonction de répartition, dite aussi fonction intégrale, constituée par l'ensemble des couples suivants :

- (xi, cumul des fréquences de la plus petite valeur jusqu'à celle xi) pour les cumuls ascendants (c'est à dire de la plus petite à la p grande valeur). C'est la fréquence cumulée au non-dépassement (FND)
- ou (xi, cumul des fréquences depuis celle de xi jusqu'à celle de plus grande valeur de l'échantillon) pour les cumuls descendants. C' la fréquence cumulée au dépassement (FD).
Dans le tableau III - 4 on a calculé les fréquences cumule.

plus petites que la limite supérieure d'un intervalle est limit l'réquence cumulée au non - dépassement (FND) : ainsi 80 % limits maximum annuels considérés sont inférieurs à 73,5 m³/ s. En lin somme des fréquences de toutes les valeurs plus grandes que la Inférieure d'un intervalle est appelée fréquence cumulée au Inférieure d'un intervalle est appelée fréquence cumulée au Inférieure d'un intervalle set appelée d'un intervalle set ap

On constate que: F.N.D. + F.D. = 80 % + 20 % = 100 %

Les paramètres de position:

(a) Le mode (ou dominante)

C'est la valeur dont la fréquence est la plus grande (qui se le plus souvent). Dans notre cas, cette valeur est 77 m³ /s.

1) La moyenne arithmétique xa:

$$x_n = \frac{(\sum x_i)}{N} = \frac{\text{somme des valeurs des variables}}{\text{nombre total des variables}} = 56,28 \text{ m}^3/\text{s}$$

c) La moyenne géométrique xg:

$$x_g = (x_1 \times x_2 \times \times x_N)^{1/N} = (\prod_i x_i)^{1/N}; (1/N) \sum_i \ln x_i = 99,45/25 = 3,98; \overline{x_g} = e^{3,98} \Rightarrow \overline{x_g} = 53,40 \text{ m}^3/s$$

d) La moyenne harmonique xh:

$$\bar{x}_h = N/(\sum 1/x_i) = 25/0,4925 = 50,76 \text{ m}^3/s$$

e) La moyenne quadratique xq:

$$\bar{X}_q = \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{N}} = \sqrt{87,989/25} = 59,33 \text{ m}^3 / \text{ s}$$

f) Hiérarchie des moyennes:

jusqu'aux bornes des intervalles. La somme des fréquences de toutes

On appelle moyenne d'ordre α la valeur x_{α} telle que

$$(x\alpha)^{\alpha} = \frac{x^{\alpha} + x^{\alpha}_{2} + \dots + x^{\alpha}_{N}}{N} = \sum_{N} x^{\alpha}_{N}$$

et l'on voit que si:

 $\alpha = 2$, on retrouve la moyenne quadratique,

 $\alpha = 1$, on retrouve la moyenne arithmétique,

 $\alpha = -1$, on retrouve la moyenne harmonique,

si α tend vers 0, on montre que la limite est la moyen géométrique.

Nous noterons que la fonction x_{α} est toujours croissante.

hiérarchie des moyennes est donc celle des valeurs de
$$\alpha$$
 c'est-à-dire: $x_h < x_g < x_a < x_q$

Dans notre exemple on a bien:

$$x_h = 50,76 \text{ m}^3 / s < \frac{1}{x_g} = 53,40 \text{ m}^3 / s$$

$$< \overline{x_a} = 56,28 \text{ m}^3 / s < \overline{x_q} = 59,33 \text{ m}^3 / s$$

g) La médiane:

La médiane d'une série de chiffres ordonnés est la valeur milieu, c'est à dire celle qui partage l'échantillon en deux parties égales

Géométriquement, la médiane est la valeur de l'abscisse 12+7x qui correspond à la verticale qui divise l'histogramme en deux par d'égale surface.

On calcule la médiane par la formule suivante:

Médiane =L₁+
$$\left(\frac{N-(\sum f_i)}{2}\right)$$
xc

OÙ.

 L_1 = limite inférieure de la classe médiane,

N = nombre de valeurs dans l'échantillon,

 $\sum f_j = \text{somme des fréquences absolues de toutes les classinférieures à la classe médiane.}$

fmédiane = fréquence de la classe médiane c = grandeur de la classe médiane.

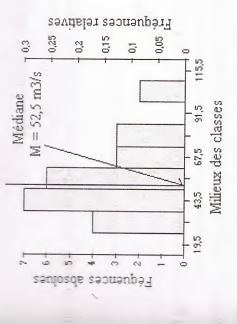


Figure III-3 Calcul de la médiane

in notre cas on a:

Médiane =
$$49.5 + \left(\frac{(25/2) - (4+7)}{6}\right) \times 12 = 52.5 \text{ m}^3/\text{s}$$

On vérifie que:

moitié gauche histogramme = moitié droite

 $1/1/12 + 6 \times (52.5 - 49.5) = 6 \times (61.5 - 52.5) + 6 \times 12 + 2 \times 12$ 48 + 84 + 18 = 54 + 72 + 24

150 = 150

mulité est vérifiée.

6 « Les paramètres de dispersion :

a) La variance s2

La variance d'une série de valeurs est la moyenne llimétique des carrés des écarts entre ces valeurs et leur moyenne:

$$s^2 = \frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{N - 1} = 366,79$$

b) L'écart-type s

L'écart-type s est égal à la racine carrée de la variance. Il esure la dispersion des valeurs étudiées autour de la moyenne. In no notre cas: $s=19,15\,\mathrm{m}^3/\mathrm{s}$.

U

LA LOI NORMALE

$$c_V = s/\overline{x} = 19,16/56,28 = 0,34$$

Il mesure la dispersion relative d'une série. C'est un nomb sans dimension.

C. BIBLIOGRAPHIE

Spiegel, M.R. (1961): Statistics, Shaum Publishing Co pany, New York. Hydrology: Part 3, Flood - Flow Techniques, United States Governme Printing Office, Washington, D.C.

Roche M. (1963): Hydrologie de Surface, Gauthier-Villa une la fonction de répartition est:

Parl, B. (1967): Basic Statistics, Doubleday, New York.

Riggs, H.C., (1968): Some Statistical Tools in Hydrolog on to nombre d'intervalles. United States Government Printing Office, Washington, D.C.

Pacé, P. et Cluzel R. (1969): Statistiques et Probabilia Librairie Delagrave, Paris.

Viallet, F. (1970): Statistiques et Recherche Applique Chotard et Associés éd., Paris.

Laborde, J.P. (1982) : Eléments d'Hydrologie de Surfa Institut Nationale Polytechnique de Lorraine, France.

Sachs, L. (1884): Applied Statistics, a Handbook of Ted niques, Spring-Verlag Inc., New York.

Baillargeon, G. (1990) : Méthodes Statistiques (no fonction de densité de probabilité (f.d.p.), l'Ingénieur, Les Editions S.M.G., Trois Rivières, Quebec, Canada.

INTRODUCTION

Nous avons vu au chapitre III que l'ensemble des couples (x_i, Dalrymple, T. (1962): Flood Frequency Analysis, Manual (x_i,f_i) définit la fonction de distribution d'une variable, c'est-à-dire:

$$f_{\mathcal{C}}(\mathbf{x_i}) = \mathbf{n_i}/N$$

$$FND = F_e(x_j) = \sum_{j=1}^{k} f_e(x_j) \text{ ou } FD = F1_e(x_j) = \sum_{j=1}^{k} f_e(x_j)$$

Mehantillon. Pour une population ces fonctions sont f(x) et F(x) et Ces fonctions fe et Fe (e pour échantillon) sont définies pour Muléfinies comme suit;

$$f(x) = \lim \left\{ f_c(x) / \Delta x \right\}$$
 et $F(x) = \lim F_c(x)$
 $N \to \infty$ $N \to \infty$
 $\Delta x \to 0$ $\Delta x \to 0$

(x) = Fonction de probabilité (f.p.).

our que f(x) soit une f.d.p., on doit avoir:
$$\int_{-\infty}^{+\infty} f(x) dx = 1$$

Les fonctions f(x) et son intégrale F(x) sont des fonctions noriques. Les mathématiciens ont étudié et développé un bon nombre ces fonctions dont chacune peut s'appliquer à un ou plusieurs onomènes concrets et permettre ainsi d'améliorer considérablement le compréhension. Nous en aborderons brièvement quelques unes qui mappliquées le plus fréquemment en hydrologie.

- la loi normale ou loi de Laplace-Gauss,
 - la loi log-normale ou loi de Galton,
- la loi exponentielle ou loi de Gumbel.

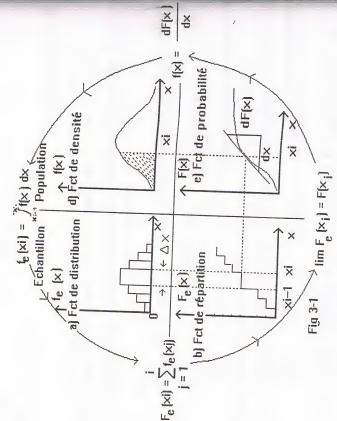


Figure IV-1 Relations entre les fonctions de distribution, de répartition, de densité el probabilité d'une variable aléatoire

B - DEFINITION DE LA LOI NORMALE

OU LOI DE LAPLACE - GAUSS

normale est:

$$f(x) = \frac{1}{(x-\mu)^2} c^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

Celle de la fonction de probabilité de la loi normale est:

$$F(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{x} \frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2} dx$$

Il est la moyenne et \(\sigma\) l'écart-type de la population étudiée.

En remplaçant x par $z = (x - \mu) / \sigma$ qui est la variable normale dutte, ou encore appelée variable centrée réduite, on a:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}}$$

$$et F(x) = \frac{1}{G\sqrt{2\pi}} \int_{-2\pi}^{2\pi} dz dz$$

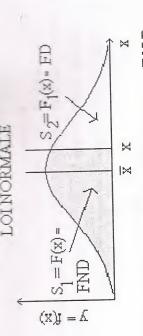
Les valeurs de F(x) sont fournies par les tables de l'intégrale muns en fonction de la variable réduite z (annexe 1).

une que la probabilité de non-dépassement de x_i. Notez que F(x) est Supposons qu'un échantillon de hauteurs de pluies annuelles limite bien à une loi de Gauss. Pour chaque valeur de xi de notre munton, nous pouvons calculer sa variable réduite z_i. La table de nous donne la probabilité de non-dépassement (PND ou FND) de c'est-à-dire la probabilité de ne pas dépasser ou d'égaler z_i, qui est la In a la surface sous la courbe f(x) qui va de $-\infty$ à x; elle est donc mentale la probabilité d'avoir xi inférieur ou égal à x, c'est-à-dire la ubibilité d'égaler ou de ne pas dépasser x. F(x) est aussi appelée la quince au non-dépassement (FND) de x.

Notez qu'il existe des tables de l'intégrale de Gauss qui mont la probabilité au dépassement FD (x):

$$FD(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_{z}^{+\infty} e^{-\frac{zz}{2}} dz$$

Donc FD (x) est égale à la surface sous la courbe f(x) qui va L'expression de la fonction de densité de probabilité de la 💌 🗥 + ∞; elle est donc égale à la probabilité d'avoir x_i supérieur ou égal l'est-à-dire la probabilité d'égaler ou de dépasser x.



In the rang de la variable, et N = nombre de valeurs dans la série) et les

inquences théoriques calculées ou lues sur la table de Gauss.

= probabilité au non-dépassement = P.N.D. F(x) = fréquence au non-dépassement = F.N.D.

= probabilité au dépassement = P.D $F_1(x) = \text{fr\'equence}$ au d\'epassement = F.D

Figure IV-2 Définition de la FD et de la FND

Noter que FND (x) + FD(x) = 1. Avant d'utiliser une ta de Gauss, il y a lieu donc de s'assurer quelle surface elle donne.

La loi de Gauss offre une répartition symétrique de pan Certaines tables ne donnent que la moitié de la distribution. On pre d'autre de la moyenne, qui est en même temps la médiane et le mol avantage de la symétrie pour avoir les valeurs de l'autre moitié.

C - LA DROITE DE HENRY:

L'équation de la variable réduite $z = (x - \mu) / \sigma$ peut s'écrin

Noter que l'on désigne respectivement par μ et σ la moye et l'écart-type de la population et par x et s la moyenne et l'écart-type l'échantillon

Cette équation est l'équation de Henry ; elle représent courbe de Gauss sur le papier à probabilité normale (Figure IV - 4).

diffèrent que par l'échelle des abscisses:

valeurs des variables réduites zi correspondant chacune à la variamennale, c'est-à-dire la hauteur de pluie égalée ou dépassée au moins l'un a une échelle arithmétique sur laquelle on porte naturelle xi,

l'autre a une échelle gaussienne (ou de probabilité) nour T. laquelle on porte les fréquences expérimentales $f_i = (n_i - 0,5)$

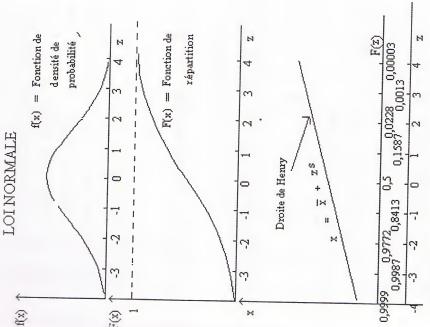
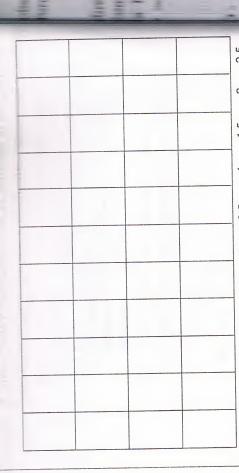


Figure IV-3 Relations entre f(x), F(x) et la droite de Henry

Evidemment, l'on porte sur l'axe des ordonnées les valeurs N expérimentales ou calculées (théoriques).

A partir de l'équation de la droite de Henry l'on peut Il existe deux types de papier de probabilité normale qu'ullement calculer les valeurs que prendrait la variable analysée (hauteur pluie annuelle, par exemple) pour une probabilité voulue.

On voudrait, par exemple, connaître la hauteur de la pluie le fois pendant dix ans. Cette période de dix ans est appelée période de



1,5 Echelle arithmétique (variable réduite z) 0,5 0 - 0,5 -1,5

Figure IV - 4 Les deux types de papier de probabilité normale

Echelle gaussienne

Par définition, FD = 1/T = 1/10 = 0.1; la table de Gauss donne, programment en attribuant à chacune des valeurs son numéro d'ordre ni FD = 0.1, z = 1.28 (la table donne exactement FD = 0.1003). On mine à partir de 1. On commence par chercher la fréquence au dépassement déduit que la pluie décennale est égale à :

 $x_{0.10} = x + 1.28 \text{ s}$

On calcule x et s à partir de l'échantillon de pluies annuelles minvées en un lieu donné et l'on tire x_{0,10} pour cet endroit, grâce à la infinite ci-dessus.

Introment la FND, c'est-à-dire la surface sous la courbe de Gauss La première table de Gauss donnée dans l'annexe la indique minimise entre -∞ et z. La seconde table de Gauss de l'annexe 1b donne (10), c'est à dire la surface sous la courbe de Gauss comprise entre z et

AJUSTEMENT D'UNE LOI NORMALE À UN ÉCHANTILLON

On se propose d'ajuster une loi de Gauss à un échantillon mm de pluie annuelles. Les étapes à suivre sont les suivantes:

la Calcul des caractéristiques empiriques:

moyenne $\bar{x} = \frac{\sum x_i}{N}$ où x_i = valeurs de l'échantillon et N = longueur de l'échantillon,

- variance $s^2 = \frac{\left\{\sum x_i^2 - N_X^2\right\}}{\left.\left.\left.\left(\sum x_i^2 - N_X^2\right)\right.\right.\right.\right.}$

- écart-type: $s = \sqrt{s^2}$

- coefficient de variation: $c_v = \frac{S}{c_v}$

Classement des valeurs :

On classe les valeurs de l'échantillon par ordre croissant ou

3 - Calcul de la fréquence expérimentale :

On calcule la fréquence expérimentale de chacune de l'ordonnée. Plusieurs formules sont données dans la littérature. recommande : $F_{i}(x) = (n_{i} - 0.5) / N$. valeurs.

Deux cas peuvent se poser:

a- si on a classé nos valeurs par ordre croissant, la formule dessus donne la fréquence au non-dépassement (F=FND);

b- si on a classé nos valeurs par ordre décroissant, la form donnera alors la fréquence au dépassement ($F_1 = FD$).

4 - Report des valeurs:

On reporte les valeurs de notre échantillon sur du papie probabilité normale. On porte en ordonnées arithmétiques les valeurs précipitations annuelles. Pour les abscisses, deux possibilités existent

a) on porte les fréquences expérimentales calcul $F_{\rm i}(x)=(n-0.5)/N$ sur une gradation gaussienne de 0,0001 à 0,9999,

gradation arithmétique où l'unité est égale à la variable réduite b) ou bien on porte les variables réduites $z_i = (x_i - x) / s$ Gauss z, (cf. les deux types de papier de probabilité, page 44).

visuellement, de conclure si notre échantillon s'ajuste ou non à une lo montre sont : moyenne = 37.35 mm et écart-type = 11.14 mm. L'alignement des points permet d'un premier ab Gauss, ayant comme moyenne et écart-type les valeurs calculées

5 - Tracé de la droite de Henry:

calcule l'autre coordonnée en utilisant l'équation de la droite de He choisit pour chaque point, arbitrairement, l'ordonnée ou l'abscisse et points. Chaque point est défini par une abscisse et une ordonnée. On trace la droite de Henry en la faisant passer par Celle-ci permet d'obtenir:

soit la valeur de l'ordonnée si on choisit arbitrairent

soit la valeur de z si on a choisit arbitrairement l'ordonn arithmétiques, on porte le point sur le graphe et on procède par démarche identique pour porter le second point de la droite de Henry Si on utilise le papier à échelle de probabilité, on utili Maintenant, si l'on a utilisé le papier à écht

abscisse, on doit trouver le z correspondant à l'aide de la table de G Noter que si on choisit arbitrairement une probabilité con table de Gauss pour trouver la FD ou la FND correspondant à z.

Ivant de recourir à l'équation de la droite de Henry pour trouver

6 - Observations:

Plusieurs cas peuvent se présenter:

- 1. Les points expérimentaux s'alignent bien et la droite de luny se place au milieu des points. On en conclut que la loi de Gauss mun "adapter à notre échantillon.
 - 2. Les points expérimentaux s'alignent bien, mais la droite de Monty est mal placée par rapport à ces points. Il peut s'agir d'une erreur Innula détermination des caractéristiques empiriques.
- 3. Les points expérimentaux ne s'alignent pas. La loi de est à rejeter. Il faudrait essayer d'ajuster une autre loi de Mabilité à notre échantillon.

Exemple

On considère la série des pluies journalières maximales à multa, c'est-à-dire qu'on choisit, pour chaque année, la pluie journalière Proposed and the square $(tableau\ IV - I)$

Les caractéristiques de l'échantillon de pluies maximales de

		T	T			T	1	_	1	_	T		1	T	_	
	Pluie	36.0	2,0	74	35	27.5	C, 12	43,1	48.4	10.7	17,	37,5	33.3	0,00	4	
	An	1981	10001	1907	1983	1984		1985	1986	1987	1000	1988	1989	1001	1771	
	Pluie	27	12.1	47,4	42,6	63.8	200	57,4	37.7	35	1000	20,7	28.2	27.1	1,10	
	An	1971	1072	71/1	1973	1974	1075	1973	1976	1977	1070	17/0	1979	1080	2000	
	Pluie	44.9	21	12	47,3	39,7	306	0,25	29,9	79,1	700	1,07	31	306		21,8
	An	1951	1952		1953	1954	1055	557	1956	1957	1058	1730	1959	6961		1970
. 10	Flure	35,4	40.6	,,,,	9,07	30	40.5	2,5	32,5	31,2	40.2	2,6	45,8	25,4		40
A	An	1933	1934	1005	1933	1943	1944		1945	1946	1947		1948	1949	0000	1950
Divio	aini	44	29,7	200	20,7	40,5	63	. 20	55,1	41,6	49.5	,	43,8	53,5	1 00	1,77
-	A Distance	11.2	0.73				0/1	-	/ 100	X	010	N. A. S.	0.6		10	9 2

Tableau IV-1 Série de pluies journalières maximales à Bouira

Le tableau IV - 2 donne les différentes étapes de calcul unlement quelques lignes sont indiquées dans le tableau IV enu entier est donné en annexe 4):

- la première colonne indique les pluies telles qu'elles of été mesurées,
- la deuxième colonne donne les pluies classées par ordinissant,
- la troisième colonne donne l'ordre de classement n,
- dépassement, étant donné que les données sont classées par orderoissant, en appliquant la formule $F_n=(n-0.5)\ /\ N$ où n=num d'ordre de la pluie et N= taille de l'échantillon, on obtient F=FN qui est la probabilité au non-dépassement de la pluie considén (FD = 1 FND serait la probabilité au dépassement),

1		_					
(5)	zi théoriques	-1,584	-1,468		2,303	2,374	3,748
(4)	FND	600,0	0,028	:	0,953	0,972	0,991
(3)	Rang	-	2	•	51	52	53
(2)	Pluies classées	7,61	21	:	63	63,8	79,1
(1)	Pluies Mesurées	44	29,7	•	37,5	33,3	41

Tableau III-2 Ajustement d'une loi normale à le série de pluies maximales à Boui

- La cinquième colonne donne la variable

$$z_i = \frac{P_i - \overline{P}}{s}$$

Maintenant on porte les points expérimentaux :

- soit sur le papier à échelle arithmétique en abscisses les et en ordonnées les P_i (figure IV 6),
- soit sur du papier à échelle de probabilité en abscisses FND et en ordonnées le P_i. Le loisir est laissé au lecteur de le faire.

Noter que pour éviter une confusion, il y a lieu de porter FND sur l'échelle de probabilité du bas de la page et les FD sur l'éche

Pour tracer la droite de Henry ou droite théorique :

- sur le papier millimétré on porte 2 points par lesquels par la droite de Henry et pour lesquels on choisit arbitrairement les abscis $z_1 = -1$ et $z_1 = +1$ par exemple. Les ordonnées correspondantes sont :

$$P_1 = P + z_1 s = 37,35 - 11,14 = 26,21 \text{ mm}$$
 et

$$P_2 = P + z_2 s = 37,35 + 11,14 = 48,49 \text{ mm}$$

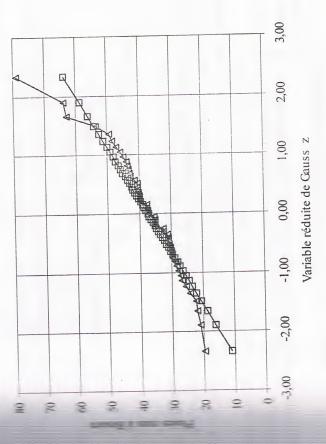
sur le papier de probabilité, on choisit arbitrairement les 0.2 et $FND_2 = 0.9$ par exemple. On cherche ensuite sur mille de Gauss z_1 et z_2 correspondant à FND_1 et FND_2 ; on trouve 0.84 et $z_2 = 1.28$

d'où
$$P_1 = \overline{P} + z_1 s = 37,35 - 0,84 \times 11,14 = 28 \text{ mm}$$
 e

$$P_2 = \overline{P} + z_2 s = 37,35 + 1,28 \times 11,14 = 51,61 \text{ mm}.$$

On aurait pu procéder inversement, c'est-à-dire choisir minimement les pluies et trouver les z et les FND correspondants.

Noter que sur le graphe IV – 5 l'ordinateur a calculé et tracé monts théoriques et les points expérimentaux ayant la même FND (et mêmes z !!!!). Réfléchir et trouver pourquoi.



IV-5 Ajustement d'une loi normale aux pluies journalières maximales à Bouira

TESTS D'ADEQUATION D'UNE LOI THEORIQUE

Supposons qu'une répartition empirique soit approchée par courbe théorique F(x). Même si la courbe théorique est bien choisie,

Une question se pose alors:

CELLACITICA CONTROLLACIONAL

- Ces écarts sont-ils dûs uniquement au hasard, vu le nom

- Ou bien sont-ils structurels et proviennent-ils du fait que courbe théorique a été mal choisie?

Pour y répondre, l'on fait appel aux tests d'adéquation ou conformité. Dans ce cours, nous décrirons deux tests d'adéquation:

- le test du khi- deux χ^2 ,

- le test de Kolmogorov-Smirnov.

L'application de ces derniers consiste à vérifier l'hypothe échantillon. C'est-à-dire que H_0 est considérée hypothèse vrai et appelée hypothèse nulle. Toute autre hypothèse est appelé hypothèse alternative H_1 .

Le risque consenti et choisi à l'avance et que nous appelons de rejeter H_0 alors qu'elle est vraie est appelé seuil de signification. 0

- $\alpha = \text{probabilité}$ de rejeter H_0 alors qu'elle est vraie, ou bie

 $\alpha = \text{probabilité}$ de nous tromper dans notre choix.

1 - Test du χ^2 (khi-deux)

Pour pouvoir faire des prévisions à l'aide d'un échantillon d données, on émet l'hypothèse H₀ que cet échantillon appartient à un population dont les caractéristiques (moyenne et écart-type pour une lo normale, par exemple) sont égales à celles de l'échantillon.

Pour confirmer ou infirmer cette hypothèse, on utilise le tes de Pearson, encore appelé le test du khi-deux (χ^2). Il permet de juger de qualité de l'ajustement d'une distribution théorique à une distribution expérimentale.

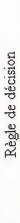
La procédure d'utilisation de ce test est la suivante:

chacune d'elles contienne au minimum 5 données expérimentales (généralement, on s'abstient d'analyser des échantillons de moins de 10 arbitrairement. On détermine la fréquence absolue observée ou l'effectif de chaque classe: f_{01} , f_{02} ,, f_{0k} avec $\sum f_{0i} = N$; N = taille de l'échantillon.

In the fit is N.p1, ft is $f_{t2} = N.p_2,...$, ft is $f_{t1} = N.p_1$, ft is $f_{t2} = N.p_2,...$, ft is $f_{t1} = N.p_1$, on a aussi $f_{t2} = N.p_2,...$, ft is $f_{t3} = N.p_2$, on proposition of $f_{t3} = N.p_2$, in $f_{t4} = N.p_2$, on a aussi $f_{t4} = N.p_2$.

- Curpent optenti les treductives meditales.

3- Pour évaluer l'ampleur de l'écart entre les fréquences montres observées f_{0i} et les fréquences théoriques f_{ii} obtenues à partir de montre de l'on suppose adéquate, on utilise la quantité:



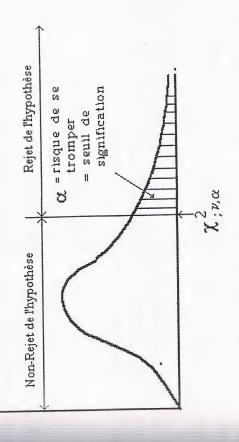


Figure III-6 Règle de décision de la loi du khi-deux

 $\mathcal{X}^{2} = \frac{(\alpha)^{-1}(1)^{-1} + \frac{(1\alpha)^{2}}{f_{c2}} + \frac{(1\alpha)^{2} + (1\alpha)^{2}}{f_{ck}} = \sum_{i} \frac{(f_{ci} - f_{ii})^{2}}{f_{ii}}.$

Pearson a démontré que la distribution de cette quantité approximativement celle du khi-deux avec V degrés de liberté; avel V=k-1-r,

r= nombre de paramètres qui caractérisent complètement distribution théorique (dans le cas de la loi normale r=2).

Les conditions d'utilisation du test du χ^2 sont:

- a) l'échantillon prélevé au hasard à partir de la population,
 - b) la taille de l'échantillon suffisamment importante.

Une fois le χ^2 relatif à notre échantillon déterminé, on

compare au χ^2 v, α donné par la table (annexe 2) pour un degré de liber connu V et une probabilité au dépassement α (seuil de signification fixé l'avance, par exemple FD = α = 0,05).

Deux cas peuvent se poser:

- a) si χ_e^2 est plus petit que $\chi^2_{\omega\alpha}$, l'on accepte l'hypothèx que le phénomène étudié suit la distribution théorique choisie et que le écarts entre les fréquences observées et les fréquences théoriques ne son pas significatifs.
 - b) si χ_e^2 est plus grand que $\chi^2_{\nu,\alpha}$, l'on rejette l'hypothèse H_0 considérée car les écarts sont significatifs; ce qui veut dire que les données expérimentales suivent une loi autre que celle de notre hypothèse, et l'on essaye une autre loi d'ajustement.

Application

On essaye de s.voir si une loi normale, avec une moyenne $\mu = 37,35$ mm et un écart-typ; $\sigma = 11,14$ mm, s'ajuste à notre échantillon de pluies maximales journa! ères à Bouira à un seuil de signification de 0,05. Pour cela l'on fait su'vir le test du χ^2 à l'échantillon. Celui-ci est divisé en 8 classes. Le tab! au ci-dessous donne les détails des calculs: la première colonne donne e numéro des classes i, la seconde et la troisième colonnes indiquent, respectivement, la limite inférieure x_{i-1} et la

ment la variable réduite correspondant à la limite inférieure et à

$$z_{i} = (x_{i} - x) / s;$$

Les colonnes 6 et 7 indiquent les probabilités au nonminimit FND_{i-1} et FND_i correspondant respectivement à la limite minimit x_{i-1} et à la limite supérieure x_i, la colonne 8 donne les minimite expérimentales ou les effectifs foi de chaque intervalle i; foi

nombre de valeurs qui se trouvent dans chaque intervalle i.

La colonne 9 donne les fréquences théoriques ou les effectifs f_{ti} de chaque intervalle i, $f_{ti} = N.(FND_i - FND_{i-1})$, la 10 indique le χ^2 i = $(f_{0i} - f_{ti})^2 / f_{ti}$. Au bas de la colonne 10

 $\chi^2 = \Sigma \chi^2$ i.

						-					- 1	-	
	(10)	χ^2 :			0,57	0,55	1,96	0,09	0,3	3,21	0,03	1,79	8,50
ıira	(6)	fti			8,15	5,3	4,9	5,7	7,5	3,6	6,3	11,54	$\chi^2 = 8,50$
à Bo	(8)	foi			9	7	∞	5	9	7	7	7	
naximales	(7)	FNDi			0,154	0,255	0,348	0,452	0,595	0,663	0,782	-	-
de pluies n	(9)	FND _{i-1}			0	0,154	0,255	0,348	0,452	0,595	0,663	0,782	
l'est du khi-deux appliqué à la série de pluies maximales à Bouira	(5)	Variable	réduite	Z_{i}	- 1,02	99'0 -	- 0,39	- 0,12	0,24	0,42	0,78	8+	
-deux applic	(4)	Variable	Réduite	Z _{i-1}	8	- 1,02	99,0 -	- 0,39	-0,12	0,24	0,42	0,78	
est du khi	(3)	Borne	supér.	×i	26	30	33	36	40	42	46	8+	
1	92	Harne	Infor.	M.1	001	97	010	13	9	9	42	91	

Tableau IV-3 Calcul du χ^2 expérimental

Maintenant, l'on cherche sur la table du χ^2 le $\chi_{\rm tot}$ le nombre de degrés de liberté = k - l - r

k = nombre de classes = 8 r = nombre de paramètres qui définissent exactement la loi

monque (loi normale dans notre cas) = 2; d'où v = 8 - 1 - 2 = 5 α seuil de signification ou degré de risque, c'est à dire la probabilité que le χ^2 dépasse une valeur donnée (surface sous la courbe χ or χ or χ or χ or χ does a table du χ do la F.N.D. = $1 - \alpha = 0.95 = \text{seuil de confiance}$.

Pour v = 5 et 1 - $\alpha = 0.95$ la table donne $\chi^2 5$, 0.95 = 11.1

table, on conclut que le χ^2 calculé est situé dans la zone favorable et qu Comme le χ^2 calculé est plus petit que celui donné pa y a 95% de chances que la loi normale choisie s'ajuste à no

2 - Test de Kolmogorov-Smirnov

C'est un test d'ajustement qui permet de comparer u distribution de valeurs observées à une distribution théorique. Ce t joue le même rôle que celui du Khi-Deux.

théorique. La grandeur D peut être choisie de plusieurs façons. Ce dans certains cas, pour N suffisamment grand, ne dépend pratiqueme Pour accepter ou rejeter l'hypothèse H₀ que la loi chois grandeur D est elle-même une variable aléatoire dont la loi de répartition caractérise la différence entre la répartition empirique et la répartiu s'ajuste bien à notre échantillon, on considère la grandeur D pas de la fonction F(x).

Avec le test de Kolmogorov-Smirnov, on cherche la valent répartition empirique F_N(x) d'un échantillon de N valeurs et la fonction maximale de la valeur absolue de la différence entre la fonction de répartition théorique F(x) correspondante soit:

$$D_N = D_{max} = max | F_N(x) - F(x) |$$

répartition F(x) d'une variable continue x, lorsque le nombi d'observations augmente, la fonction de répartition de la grandeu A. Kolmogorov a montré que, quelle que soit la fonction o $D_N \sqrt{N}$ tend assymptotiquement vers:

Pr
$$ob(D_N \sqrt{N}\langle y \rangle \rightarrow K(y) = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^k \exp(-2k^2 y^2)$$

Les valeurs de cette probabilité ont été tabulées (cf. annexe 3)

échantillon, au niveau de signification choisi, lorsque DN est supérieur On rejettera l'hypothèse que la loi choisie représente notre ou égal à dn, qui est la valeur de l'écart théorique.

musimales journalières à Bouira. La procédure est exposée dans On va appliquer le test de Kolmogorov-Smirnov à la série de Inflient suivant (le tableau complet est donné en annexe 5)

 $I_{,n}$ colonne 1 indique le numéro d'ordre i = 1, 2, 3,....53;

- La colonne 2 montre les données pluviométriques triées par

- Dans la colonne 3 on a calculé la fréquence au non-The moment expérimentale: FND = (i - 0.5) / N, (N = 53); inter croissant;

- La colonne 4 indique la variable réduite z_i =(P_i - P_{moy})/s,

(63.8 - 37.35) / 11,14 = 2,3745;

- La colonne 5 donne la FND théorique tirée à partir de la This de Gauss pour chaque valeur de pluie;

						-	1			-	7	-			Т	7
(9)	Différences	Absolues	Fe - Ft	0,0472	0,0428	0,0342	0,0195	:	0.0831	0,0051	0,0959	0,0885	:	0.0195	,000	0,0095
(5)	Fréquences	Théoriques	Ft	0,0566	0,0711	0,0814	0,0856		0 4100	0,/188	0,7248	0,7511	:	0 9912	3000	0,9999
(4)	Variables	Réduites	Z	-1.5841	-1.4674	-1.3956	-1,3687			0,5792	0,5972	0.6780		27775	C+1 C,2	3,7479
(3)		Frequences	Fe	0.0094	0.0283	0,0472	0,0660			0,8019	0.8208	0.8396	0,00,0		0,9/1/	9066'0
(0)	(7)	Plutes		107	21,7	210	27.1	7,77	:	43.8	44	0 77	14,	:	63,8	79,1
The state of the s	3	Ordre				2		100000000	• •	13	111	16	C tr	111	52	53

Tableau III-4 Test de Kolmogorov-Smirnov

On cherche alors dans la colonne 6 la valeur D_{Max}. On trouve - La colonne 6 indique la différence $D_N = \mid F_N(x)$ - $F(x) \mid$.

minsi $D_{Max} = 0.0959$ correspondant à $P_i = 44$ mm.

In table de Kolmogorov-Smirnov donne pour N = 53 et un seuil de On compare ensuite D_{Max} avec l'écart critique théorique d_n.

configuration of the configura FND = $1 - \alpha = 0.95$, $d_n = 0.18311$. Done:

$$D_{Max} = 0.0959 < d_n = 0.18311$$

Comme D_{Max} < d_n, on accepte l'hypothèse qu'une loi norn ayant pour moyenne 37,35 mm et un écart type 11,14 mm

représenter les pluies maximales à Bouira.

E - INTERVALLES DE CONFIANCE

On peut, théoriquement, tirer plusieurs échantillons à pui d'une population donnée. On pourrait donc théoriquement tirer plusie échantillons de pluies moyennes annuelles ayant chacun une longueur 20 ans, à partir d'une population de 1 000 valeurs de pluies moyen annuelles, si cette dernière existait.

 $X_1, X_2, ..., X_{20}, et S_1, S_2, ..., S_{20}$ - mais oscillant autour de la moyenne de Chaque échantillon aura sa propre moyenne et son proécart-type, presque tous différents les uns des autres population μ et son écart-type σ.

En hydrologie, on ne dispose, en général et si on a de chance, que d'un échantillon dont on calcule la moyenne et l'écart-type, l'on ignore si les valeurs calculées : x, s sont égales à celles de raisons de croire qu'il contient la vraie valeur du paramètre. Ceci no population μ et σ. Il devient nécessaire, devant cette incertitude, compléter notre information en déterminant autour de la valeur estim (moyenne, écart-type ou quantile), un intervalle dont on a de bonn amène à la notion d'intervalle de confiance.

Supposons que l'on s'intéresse à un paramètre quelconqu estimation, x, déterminée à partir d'un échantillon. On se propose d d'une population, par exemple la moyenne µ. On dispose d'un déterminer de part et d'autre de x les limites x_1 et x_2 de l'intervalle qui une forte probabilité de contenir la vraie valeur de µ.

On détermine les limites de confiance x_1 et x_2 , de telle sorte que:

 $\Pr ob\{x_1 \le \mu \le x_2\} = \alpha$

$$(1-\alpha)/2$$

$$\alpha$$

$$x_1$$

$$x_2$$

$$+\infty$$

Figure III-7 Intervalles de confinace

 α est le coefficient de confiance ou coefficient de The On a aussi

 $\{ (x_1 \circ u \mid \mu) \mid x_2 \} = 1 - \alpha = \text{coefficient de risque} = \text{seuil de}$

et Pr
$$ob\{\mu\langle x_1\} = \text{Pr}ob\{\mu\rangle x_2\} = (1-\alpha)/2$$

ceart-type de notre échantillon). $\frac{s}{\sqrt{N}}$ est l'écart-type moyen Man suit une loi de Gauss. La moyenne de cet échantillon ou des moyennes est égale à x déterminé à partir de l'échantillon nous possédons. L'écart-type de cet échantillon est égal à L'échantillon constitué des différentes moyennes

wraic moyenne et les différentes moyennes $\overline{X_1}$, $\overline{X_2}$, ..., $\overline{X_{20}}$. On lerreur-type sur la moyenne.

s²₁, s²₂, ... suit une loi de Gauss qui a pour moyenne s² De la même manière, l'échantillon constitué des différentes

In the d'après notre échantillon) et pour écart-type $\frac{s}{\sqrt{2N}}$ qui est appelé type sur la variance.

Pour un grand échantillon (N > 30 pour la moyenne et 100 pour l'écart-type) et pour un seuil de confiance α , les limites de IVAILLE de confiance sont:

a. pour la moyenne:

$$\overline{X} - Z_{1-\alpha} \frac{S}{\sqrt{N}} \langle \mu \langle \overline{X} + Z_{1-\alpha} \frac{S}{\sqrt{N}} \rangle$$

b. pour l'écart-t'ype :

$$S-Z_{\frac{1-\alpha}{2}}\frac{S}{\sqrt{2N}} \langle \sigma \langle s+Z_{\frac{1-\alpha}{2}}\frac{S}{\sqrt{2N}}$$

c. et pour un quantile x_p de probabilité p:

$$x_p - z \frac{s}{\frac{1-\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{2N}} \sqrt{2+z_p^2} \langle x_p \langle x_p + z_{-\alpha} \frac{s}{\frac{\sqrt{2N}}{2}} \sqrt{2+z_p^2} \rangle$$

On rappelle que μ et σ sont respectivement la moyenne l'écart-type de la population et que x_p est la valeur de la variable étudit (pluie, température, débit ...) ayant une probabilité p de se réaliser.

Application

On calcule l'intervalle de confiance à 95 % de la moyenne de l'écart-type et de la pluie journalière maximale cinquantenale Bouira.



Figure IV-8 Détermination de la variable réduite

Dans notre cas, $\alpha = 0.95$, soit $(1 - \alpha)/2 = 0.025$. Il y a lien de connaître $z_{(1-\alpha)/2} = ?$ La table de Gauss, qui donne la surface sous la courbe entre 0 et z, est utilisée. Nous avons la surface $(1 - \alpha)/2 = 0.025$ qui va de zà + l'infini. Pour avoir la surface de 0 à z, qui vaut donc $\alpha/2$, on doit retrancher 0.025 = 0.5, c'est-à-dire 0.5 = 0.025 = 0.475. Pour 0.475 la table de Gauss donne $z_{(1-\alpha)/2} = 1.96$.

On connaît $P_{moy} = 37,35 \text{ mm et s} = 11,14 \text{ mm, on applique}$ les formules pour trouver les intervalles de confiance de μ et σ

$$37,35-1,96 \frac{11,14}{\sqrt{53}} \langle \mu \langle 37,35+1,96 \frac{11,14}{\sqrt{53}} \rangle$$

 $37,35-3 \langle \mu \langle 37,35+3 \rangle$
 $34,35 mm \langle \mu \langle 40,35 mm \rangle$

11,14 -1,96
$$\frac{11,14}{\sqrt{2\times53}}$$
 $\langle \sigma \langle 11,14+1,96 \frac{11,14}{\sqrt{2\times53}}$
11,14 - 2,12 $\langle \sigma \langle 11,14+2,12$
9,02 mm $\langle \sigma \langle 13,26 \text{ mm}$

Pour calculer l'intervalle de confiance de la pluie maximale minimer à Bouira, il faut tout d'abord calculer la P_{50} . Pour cela, on l'équation de la droite de Henry: $P_{50} = \overline{P} + Z_{50}$.s. La période de tant T = 50 ans, d'où FD = 1 / T = 1 / 50 = 0,02, on a 1 - 0,02 = 0,98.

La table de Gauss donne alors $z = z_{50} = 2,05$ et on trouve: $P_{50} = 37,35 + 2,05 \times 11,14 = 60,19 \text{ mm}$

Pour calculer l'intervalle de confiance (IC), on utilise la

$$x_p - z_{\frac{1-\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{2N}} \sqrt{2 + Z_p^2} \langle x_p \langle x_p + z_{\frac{1-\alpha}{2}} \frac{s}{\sqrt{2N}} \sqrt{2 + Z_p^2}$$

$$\frac{11,4}{\sqrt{2 \times 53}} \sqrt{2 + 2,05^2} \langle x_p \langle 60,9 + 1,96 \frac{11,4}{\sqrt{2 \times 53}} \sqrt{2 + 2,05^2}$$

$$60,19 - 2,12 \times 2,49 \langle x_p \langle 60,19 + 2,12 \times 2,49$$

$$54,91 \text{ mm} \langle x_p \langle 65,47 \text{ mm}$$

COURBES ENVELOPPES

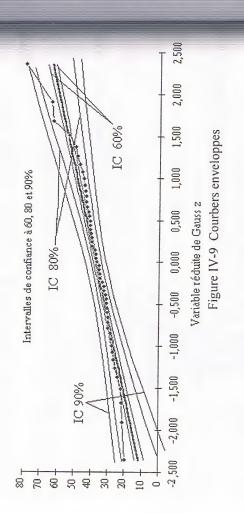
On peut, pour des pluies de fréquences différentes et multiceusement choisies, par exemple: P₂, P₅, P₁₀, P₂₀ et P₅₀, calculer les murvelopperaient » la droite de Henry, d'où le nom de courbes myeloppes qui donnent une idée de la dispersion de nos prévisions, et nonc de la confiance qu'on pourrait leur accorder.

.

Calcul des courbes enveloppes des pluies maximales à Bou (la table complète est donnée en annexe 6) :

06	BS	1.5,1	19	22	1	37	38	38	1	63,1	(69)
= DI	BI	5,5	11,2	14,2	:	32,6		-	-	54,8	59,2
%08	BS	14,6	1,61	21,5	:	37,2	37,7	38,3	:	62,3	8,79
= DI	BI	6,9	12,4	15,3	:	33,2	33,7	34,3	:	55,6	60,1
%09	BS	13,5	18,1	20,6	:	36,5	37,1	37,6	:	60,9 55,6	63,5 61,2 66,2 60,1
IC=	BI	8,5	13,8	16,6	:	33,9	34,5	35,0	:	9,95	61,2
Val	théo	11,2	16,1	18,7	:	35,2	35,8	36,3	:	58,6	63,5
Val	exp	19,7	21,0	21,8	:				:	63,8	79,1
Z		-2,35 19,7	-1,91 21,0	-1,67 21,8		-0,19 35,0	-0,14 35,0	-0,09 35,1	:	1,91	
Fréq	Exp	0,01	0,03	0,05	:	0,42	0,44	0,46	:	0,97	0,99 2,35
Ordr	u	_	2	3	:	23	24	25	:	52	53
Val.	class	19,7	21	21,8	:	35	35	35,1	:	63,8	1,6/
Val.	dép.	44	29,7	30,2	:	44,9	21	47,3	:	33,3	41

Tableau IV-5 Calcul des intervales de confiance



G- BIBLIOGRAPHIE

Spiegel, M.R. (1961): Statistics, Shaum Publishing Company, New York.

Tate Dalrymple (1962): Flood Frequency Analysis, Manual Mydrology: Part 3, Flood - Flow Techniques, United States Washington, D.C.

Roche M. (1963): Hydrologie de Surface, Gauthier-Villars

Selby, S.H., Girling, B. (1965): Standard Mathematical

The Chemical Rubber Company, Ohio, U.S.A.. Parl, B. (1967): Basic Statistics, Doubleday, New York.

Riggs, H.C., (1968): Some Statistical Tools in Hydrology,

Riggs, H.C., (1968): Frequency curves, United States

Kiggs, n.c., (1709) . 179, ...

Pacé, P. et Cluzel R. (1969) : Statistiques et Probabilités, Ministre Delagrave, Paris. Viallet, F., (1970) : Statistiques et Recherche Appliquée,

Mand et Associés éd., Paris. Arléry R., Grisollet H. et Guilmet B. (1973): Climatologie,

modes et Pratiques, Gauthier-Villard Editeur, Paris.

Dubreuil, P. (1974): Initiation à l'Analyse Hydrologique,

Laborde, J.P. (1982) : Eléments d'Hydrologie de Surface,

Linslay, R.K., Kohler, M.A., Paulhus, J.L.H.

(1982):

Mology for Engineers, Mc Graw Hill Company, New York. Sachs, L. (1984): Applied Statistics, a Handbook of

Miniques, Spring-Verlag Inc., New York.

Wilson, E.M. (1985): Engineering Hydrology, Mac Millan Milshers Ltd, London.

Mc Mahon T.A., Mein, R.G., (1986): River and Reservoir [Water Resources Publications, Littleton, Colorado XE "Colorado"

(1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur, éd. Réménièras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur, éd.

yrolles, Paris. Baillargeon, G. (1990) : *Méthodes Statistiques de l'Ingénieur*, en Editions S.M.G., Trois Rivières, Québec, Canada.

AUTRES LOIS D'AJUSTEMENT

I A LOI LOG - NORMALE

Définition

La fonction de répartition de la loi log - normale s'écrit:

$$F(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-\frac{x^2}{2}} dz$$

a $Log(x - x_0) + b$. L'intervalle de définition de x est $[x_0, +?]$;

$$z = a \operatorname{Log}(x - x_0) + b$$

wit une loi normale, alors la distribution de x est dite log - normale. No sont des paramètres; x_0 est le paramètre de position.

Dans ce cours on se limitera au cas où a=1, $x_0=0$, et 0; ce qui revient à ajuster une loi normale aux logarithmes de la minhle étudiée.

Ajustement d'une loi log-normale

On ajuste maintenant la loi log-normale à l'échantillon des maximales à Bouira étudié au chapitre précédent. Le tableau V-1 lessous indique les étapes de calcul. Le tableau complet se trouve en moxe 7.

1.- Dans le tableau, on classe les valeurs des pluies par décroissant, ensuite on calcule leur fréquence expérimentale [1 i - 0,5]/ N), ainsi que les logarithmes népériens minespondants.

Les caractéristiques de l'échantillon des logarith

$$Moycnnc = \overline{\ln P} = \sum_{1}^{N} \frac{\ln P_{i}}{N} = 3,58$$

 $s_{\ln P} = \sqrt{\frac{\sum (\ln P_{i})^{2} - N \overline{\ln P}^{2}}{N-1}} = 0,28$

3.- Le report des points expérimentaux est réalisé sur En page 68 trouvera (figure V-2) les deux types de papier graphique utilisés p papier de probabilité logarithmique (figure V - 1). l'ajustement à une loi log-normale.

	(4)	E	Log (Bi)	(11) Soc	2 08	2,70	3.07	10.0	-		4 37	
The same of the sa	(3)		FND.		0.01		0.03				0,99	
	(2)		ni				2		:		53	
(1)		Division	riules classees	101	19,1	100	17		:	101	1,6/	

Tableau V - 1 Ajustement d'une loi log-normale aux pluies journalières maximales à Bouira

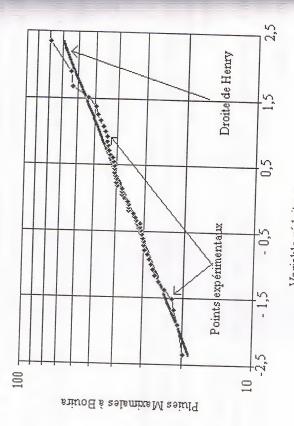


Figure V - 1 Ajustement d'une loi log-normale Variable réduite z

morning 3 points:

4.- On trace la droite de Henry: InP; = InP + zi.sinp en

 $\ln 0.8$, z = 0, $\ln 0.5 = \ln P = 3.58$ d'où $\ln 0.5 = e^{3.58} = 35.87$ mm

$$0.90, z = 1.28, \text{InP}_{0.1} = 3.58 + 1.28 \cdot 0.28 = 3.94$$

d'où:

$$0.98, z = 2.05, \ \ln P_{0.02} = 3.58 + 2.05 \cdot 0.28 = 4.15$$
 d'où :

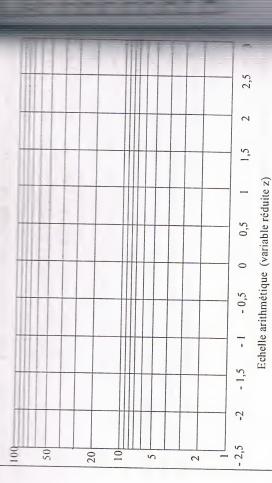
Test du Khi - Deux

Le tableau V-2 indique les détails des calculs.

- 1. La première colonne donne les numéros des classes;
- 2. La seconde et la troisième colonnes indiquent minimement la borne inférieure et la borne supérieure de chaque
- 3. La quatrième et la cinquième colonnes montrent Inclivement les logarithmes des bornes inférieures et supérieures;
 - Innes correspondantes aux logarithmes des bornes inférieures et 4. La sixième et la septième colonnes donnent les variables morieures;
- 5. La huitième et la neuvième colonnes indiquent les FND interpondantes aux logarithmes des bornes inférieures et supérieures man à partir de la table de la loi normale (annexe 1);
- 6. La dixième colonne donne les fréquences observées dans inque intervalle;
 - 7. La onzième colonne donne les fréquences théoriques dans Imque intervalle, $f_{ti} = N \text{ (FND}_i - \text{FND}_{i-1})$;

8. La douzième colonne indique les
$$\chi_i^2 = \frac{(f_{oi} - f_{ij})^2}{f_{ij}}$$

64



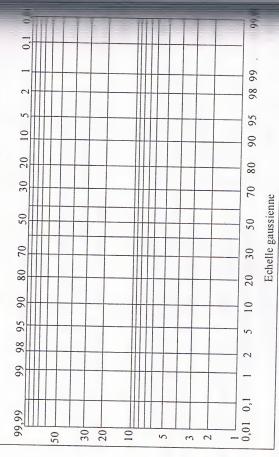


Figure V - 2 Les deux types de papier graphique de la loi log-normale

	Ajuste	sment d	les Pma	ıx à Boui	ra à une	Ajustement des Pmax à Bouira à une LLN: Test du Khi - Deux	est du l	Khi - D	enx	
-	(3)	(4)	(5)	(9)	(7)	(8)	(6)	(01)	(11)	(12)
	×	Inxi-1	lnxi	Zi-1	Zį	FND _{i-1}	FND;	f_{oi}	f _{ii}	χ^{2} i
1 3	26	0	3,23	-12,79	-1,25	00,00	0,11	9	5,60	0,03
-	30	3,23	3,4	-1,25	-0,64	0,11	0,26	7	8,19	0,17
-	33	3,4	3,5	-0,64	-0,29	0,26	0,39	∞	6,75	0,23
-	36	3,5	3,58	-0,29	0,00	0,39	0,50	5	2,96	0,15
1	40	3,58	3,69	0,00	0,39	0,50	9,0	9	8,10	0,54
1	42	3,69	3,74	0,39	0,57	0,65	0,72	7	3,36	3,95
å.	94	3,74	3,83	0,57	68,0	0,72	0,81	7	5,19	0,63
is.	100	3,83	8+	68'0	8 +	0,81	1,00	7	98'6	0,83
1									Somme = 6,54	= 6,54

Tableau V - 2 Application du test du χ^2 à un loi log-normale

On cherche sur la table du χ^2 le $\chi^2_{\mathbf{v},\alpha}$ théorique où:

v = nombre de degrés de liberté = k - 1 - r

k = nombre de classes = 8

r = nombre de paramètres qui définissent exactement la loi r = nombre dans notre r = nombre (loi log-normale dans notre r = nombre) = 2

d'où v = 8 - 1 - 2 = 5

 $\alpha=$ niveau de signification ou degré de risque, c'est-à-dire la mannité que le χ^2 dépasse une valeur donnée, ce qui équivaut à la mous la courbe qui se trouve à droite de la valeur du χ^2 . Notez

In tuble du χ^2 donne la F.N.D. = 1 - α = 0,95 = niveau de confiance.

Pour v = 5 et 1 - $\alpha = 0.95$, la table donne $\chi^2 5, 0.95 = 11,1$

Comme le χ^2 calculé est plus petit que celui donné par la on conclut que le χ^2 calculé est situé dans la zone favorable et qu'il 0.0% de chance que la loi log-normale choisie s'ajuste à notre

rest de Kolmogorov - Smirnov

On va appliquer le test de Kolmogorov-Smirnov à la série de maximales journalières à Bouira. La procédure est exposée dans monte IV - 3 (le tableau complet est donné en annexe 8):

67

eprésenter les pluies	
e 0,28, peut r	
ype des log d	
et un écart t	Bouira.
Danie A,58 c	ingalmater a
	(7)

Section 1	ALL WATER	1 1									
Ē	F		0	0		0	0	0		0	0'0
(7)	FND	théorique(ft)	0,0167	0,0287		0,5693	0,6364	0,6398	:	0,9793	0,9975
(9)	Zi		-2,1264	-1,8998	:	0,1746	0,3489	0,3579	:	2,0398	2,8018
(5)	Log xi		2,98	3,04	:	3,63	3,68	3,68	:	4,16	4,37
(4)	FND	exp.(fe)	0,0094	0,0283	:	0,5566	0,5755	0,5943	:	0,9717	9066'0
(3)	Rang	-	-	2	:	30	31	32	:	52	53
(2)	Valeurs	Triées xi	19,7	21	:	37,7	39,6	39,7	:	63,8	79,1
(1)	Valeurs	données	44	29,7	:	28,7	31	30,6	:	33,3	41

Tableau V - 3 Application du test de Kolmogorov-Smirnov

- 1. la colonne 1 indique les pluies mesurées;
- 2. la colonne 2 montre les données pluviométriques par ordre croissant;
- 3. la colonne 3 indique le numéro d'ordre i = 1, 2, 3,....\$
 - 4. dans la colonne 4 on a calculé la fréquence au dépassement expérimentale: FND = (i 0.5) / N, (N = 53);
 - 5. la colonne 5 donne le logarithme des pluies triées;
- 6. la colonne 6 indique la variable réduite $z_i = \frac{\ln P_i}{1 + 1}$

ainsi $z_{52} = (4,16-3,58)/0,28 = 2,0714$ (la différence entre cette v et celle du tableau provient du fait que le tableau a été calcul ordinateur, donc plus précis);

7. La colonne 7 donne la FND théorique tirée à partirable de Gauss pour chaque valeur de zi calculée à la colonne 6;

8. La colonne 8 indique la différence $D_N = |F_N(x) - F(x)|$ Maintenant, l'on cherche dans la colonne 8 la valeur D, on trouve $D_{Max} = 0,0610$ correspondant à $P_{31} = 39,6$ mm. On comensuite, D_{Max} avec l'écart critique théorique d_n . La table Kolmogorov-Smirnov donne pour N = 53 et un niveau signification $\alpha = 0,05$, c'est-à-dire pour un niveau de confine FND =1- α =0,95, d_n =0,18311. Comme D_{Max} est inférieur à d_n , on accelhypothèse H_0 qu'une loi log - normale, ayant pour moyenne des lu

intervalles de confiance

Intervalle de confiance à 95 % de $P_{\text{max}} = 37,35 \text{ mm}$. $3,62 - 3,58 = 0,1440, \alpha = 0,95, \frac{(1-\alpha)}{2} = 0,025$

 $d^{(1,\alpha)} = 1,96;$ d^{α} où l^{α} int ervalle de confiance (IC):

 $\ln \overline{P_{\text{max}}} - Z_{(1-\alpha)} \times \frac{S_{\text{ln}} P}{\sqrt{2N}} \times \sqrt{2 + (Z_{\text{ln}} P_{\text{max}})^2} \langle \ln \overline{P_{\text{max}}} \rangle$

 $\langle \ln \overline{P_{\text{max}}} + Z_{(1-\alpha)} \times \frac{S_{\text{ln }P}}{\sqrt{2 N}} \times \sqrt{2 + (Z_{\text{ln }P_{\text{max}}})^2}$

 $\frac{0.28}{\sqrt{2 \times 53}} \times \sqrt{2 + (0.1440)^2} \langle \ln P_{\text{max}} \rangle$

 $\langle 3,62+1,96 \times \frac{0,28}{\sqrt{2 \times 53}} \times \sqrt{2 + (0,1440)^2}$ $e^{3,545} \langle P_{\text{max}} \rangle \langle e^{3,695} \rangle$ $\langle P_{\text{max}} \rangle \langle P_{\text{max}} \rangle \langle e^{3,695} \rangle$

Courbes enveloppes

On calcule maintenant les courbes enveloppes des intervalles

Intervalles de Confiance à 60, 75 et 90%

	TIT	ici van	כם כם	IIIICI Valles de Collisiano a co, 12 ce 2	2001	600				
(3)	(3)	(4)	(5)	(9)	(7)	(8)	(6)	(10)	(11)	
ologone.		InPi	Zi	FND	=)I		IC =		IC =	%06
	exp			théor	B.I	B.S	B.I		B.I	
-	0,009	2,98	-2,13	0,017	18,6	20,9	18,2	21,4	17,6	22,1
C	0,028	3,04	-1,90	-1,90 0,029	6,61	22,2	19,5	22,6	18,9	23,4
Throspoon		:	:	:	:	:	:	:	:	:
42	0,972	4,16	101	626'(9,79	59	69	57,1	71,3
23	0,991	4,37	2,80	866,0	73,6	85	71,7	87,3	68,7	91,1
						The second division in which the party is not to perform the performance the p				

Tableau V-1 Calcul des courbes enveloppes

Four 60 % on a:
$$\alpha = 0.60$$
; $(1-\alpha)/2 = 0.20$ et $z_{(1-\alpha)/2} = 0.84$
Pour 75 % on a: $\alpha = 0.75$; $(1-\alpha)/2 = 0.15$ et $z_{(1-\alpha)/2} = 1.15$

Pour 90 % on a:
$$\alpha = 0.90$$
; $(1-\alpha)/2 = 0.05$ et $z_{(1-\alpha)/2} = 1.64$

8, 9 et 10,11 et 12 donnent respectivement les bornes inférieures supérieures des intervalles de confiance à 60, 75 et 90 %.

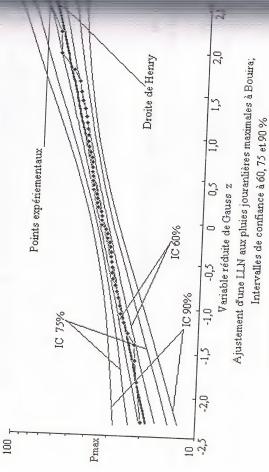


Figure V-3 Courbes enveloppes à 60, 75 et 90 %

A - LA LOI DE GUMBEL

1 - Définition

Pour l'étude des pluies extrêmes (ou n'importe quel autre valeurs, chacune d'elles représentant la précipitation journalière la plus événement d'une rare fréquence), on constitue un échantillon de N forte d'une des N années.

On parvient généralement à ajuster à cet échantillon la loi de Gumbel ou la loi de Galton (Log-Normale)

La fonction de répartition de la loi de Gumbel est :

$$F(x) = e^{-c^{-\alpha(x-x_0)}}$$

où F(x) = fréquence au NON-DEPASSEMENT = FND = Fet α , x_0 = coefficients d'ajustement. Par un changement de variable $y = \alpha(x - x_0)$, la loi de mmbel s'écrit :

$$F(x) = F(y) = e^{-c^{-y}}$$
 (2)

où y est la variable réduite de Gumbel, liée à la probabilité mobbe à la valeur x,

et F(y) = fréquence au non dépassement de la variable militie y

L'équation $y = \alpha(x - x_0)$ présentée sous la forme :

$$x = 1/\alpha y + x_0$$
 (3)

Il l'équation d'une droite qui représente la loi de Gumbel sur du papier Ingramme à l'échelle de probabilité Gumbel (page 72).

papier de probabilité Gumbel porte en graduation Mahacisse deux (2) échelles: Le

une échelle de fréquences au non-dépassement FND;

mour de la fréquence au non-dépassement calculée par l'expression : - une échelle arithmétique de la variable réduite y. A chaque mour de y de la seconde échelle correspond, sur la première échelle, la W(N)= c-c-y

implique de l'échantillon des valeurs extrêmes sur papier Gumbel est L'ordonnée, sur le papier de probabilité Gumbel, représente, une échelle arithmétique, la variable étudiée x. La représentation illiente en portant en ordonnées les valeurs de x et en abscisses les Mquences expérimentales au non-dépassement : F(x) = (i - 0,5) / N

Les valeurs de 1/\alpha et x₀ sont déterminées en utilisant:

- soit la méthode des moindres carrés qui minimise la nomme des carrés des écarts entre les valeurs observées et les valeurs unimées par le modèle considéré;
 - soit la résolution d'un système d'équations formé avec In moments des deux premiers ordres.

Ces méthodes ne sont pas détaillées ici. Une approximation Iles valeurs de $1/\alpha$ et x_o est donnée par:

 $1/\alpha = 0,780s$ et $x_0 = \overline{x} - 0,577/\alpha$ où : \overline{x} = moyenne de la série $\| \mathbf{u} \| \times \mathbf{v} = \mathbf{v} \| \mathbf{v$

0.7	0,6	0,5	
6*66	27.66		66
F.			
_			
-			
_			

				y ətinbə	Variable 1				
0.7	0,6	0,2	0.4	0, ξ	0'7	0,1	0,0	0,1-	0°
66"66	57.66	£.66 6	s 66 86	59 Stilidador4 :	Echelle de	08 04	30 20	01 0	·1 1
÷.									
-									
-									

Figure V-4 Papier de probabilité Gumbel

on trace la droite en calculant trois valeurs de x à partir de la valeur de Une fois les paramètres de la droite de Gumbel déterminé y en utilisant l'équation (3) ci-dessus.

L'estimation de la valeur que prendrait la variable étudion pour une probabilité donnée peut se faire soit par la lecture directe d graphe, soit en la calculant grâce à la formule:

Ci-dessous, on trouve les valeurs de y pour quelques période $x = (1/\alpha) y + x_0$ avec $y = -[\ln (-\ln(F(x)))]$

de retour

				_			_
Variable	Réduite de Gumbel	>	2,25	2,97	3,9	4,55	6,9
Fréquence au	Non-Dépassement	FND on F	6,0	0,95	0,98	66,0	666'0
Fréquences	Au Dépassement	FD ou F1	0,1	0,05	0,02	0,01	0,001
Période de	Retour	uninées	10	20	50	001	1000

ableau V-2 Quelques valeurs, les plus usitées, de la variable réduite de Gumbel

Ajustement d'une loi de Gumbel à un échantillon

On applique maintenant la loi de Gumbel à l'exemple du Implie IV. Comme dans la loi de Gumbel on utilise la fréquence au non Immsement (FND), on classe nos valeurs des pluies par ordre croissant.

								_
(3)	FND exp.	0,0094	0,0283	0,0472		0,9528	0,9717	9066'0
(2)	Rangs (i)		2	3	:	51	52	53
(1)	Valeurs classées P _i	7,61	21	21,8	•	63	63,8	79,1

Tableau V-3 Ajustement d'une loi de Gumbel aux pluies journalières maximales à Bouira

inbleau complet est porté en annexe 10.

On reporte les couples (Pi, FND) sur le papier de probabilité

 $1/\alpha = 0.780.s = 8.69 \text{ et } x_o = P - (0.577/\alpha) = 32.34 \text{ mm}.$ numbel. On a déjà calculé $\overline{P} = 37,35 \text{ mm}$ et s = 11,14 mm d'où:

On trace maintenant la droite d'ajustement: $P = 1/\alpha . y + x_o$ où: $y = -(\ln(-\ln(F(x)))).$

En remplaçant 1/α et x, par les valeurs trouvées, l'équation In droite devient: P = x = 8,69y + 32,34.

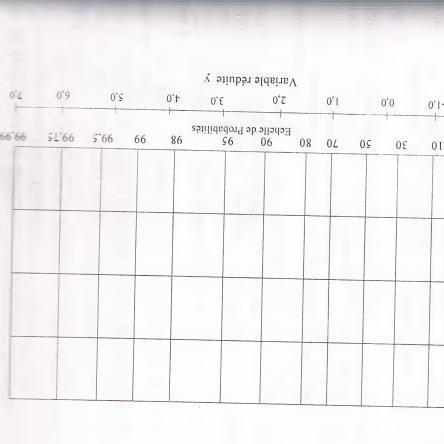


Figure V-4 Papier de probabilité Gumbel

0'z-

0'1

Une fois les paramètres de la droite de Gumbel détermine on trace la droite en calculant trois valeurs de x à partir de la valeur (1) y en utilisant l'équation (3) ci-dessus.

L'estimation de la valeur que prendrait la variable étudien pour une probabilité donnée peut se faire soit par la lecture directe du graphe, soit en la calculant grâce à la formule:

$$x = (1/\alpha) y + x_0$$
 avec $y = -[\ln(-\ln(F(x)))]$

Ci-dessous, on trouve les valeurs de y pour quelques périod de retour :

Réduite de Gumbel	2,25	2,97	3,9	4,55	6,9	
Non-Dépassement FND ou F	6,0	0,95	86'0	66'0	666'0	
Fréquences Au Dépassement	FD ou F1	0,1	0,05	0,02	0,01	1000
Parlode de Retour	nunées	10	20	50	100	1000

unienu V-2 Quelques valeurs, les plus usitées, de la variable réduite de Gumbel

Ajustement d'une loi de Gumbel à un échantillon

On applique maintenant la loi de Gumbel à l'exemple du minime IV. Comme dans la loi de Gumbel on utilise la fréquence au non management (FND), on classe nos valeurs des pluies par ordre croissant.

								_	_
(3)	FND exp.	0,0094	0,0283	0,0472	ì	0.9528	0.9717	9066.0	
(2)	(i) 30°	Rango	-/c	1/0			10	27 65	
	(1)	Valeurs classées P _i	19,7	21	21,8	:	63	63,8	79.1

Tableau V-3 Ajustement d'une loi de Gumbel aux pluies journalières maximales à Bouira

(ubleau complet est porté en annexe 10.

On reporte les couples (Pi, FND) sur le papier de probabilité (Minnbel. On a déjà calculé $\overline{P} = 37,35$ mm et s = 11,14 mm d'où:

 $1/\alpha=0,780.s=8,69$ et $x_o=\overline{P}$ - $(0,577/\alpha)=32,34$ mm. On trace maintenant la droite d'ajustement: $P=1/\alpha.y+x_o$ où:

uace mannenam ra $\omega = (\ln(-\ln(F(x))))$. $y = -(\ln(-\ln(F(x))))$. En remplaçant $1/\alpha$ et x_o par les valeurs trouvées, l'équation

In la droite devient: P = x = 8,69y + 32,34.

Calcul d'une pluie de période de retour donnée:

Pluie décennale: T = 10 ans $\rightarrow F_1 = FD = 1/10 = 0, 1 \rightarrow F = FND = 0,9$

a - par la droite d'ajustement: on lit pour F=0.9, P=52mm.

b - par l'équation d'ajustement: $x_{0,9} = 8,69 \text{ y} + 32,34$

 $y = - \left[\ln(-\ln(F(x))) \right] = - \left[\ln(-\ln(0,9)) \right] = 2,25$

et $x_{0.9} = P_{0.9} = 8,69 \times 2,25 + 32,34 = 51,89 \text{ mm}$

Pluie centennale: $T = 100 \rightarrow F_1 = FD = 1/100 = 0,01 \rightarrow F = FND = 0,99$

a- par le graphique on lit pour F = 0.99, P = 74 mm

b- par l'équation d'ajustement $x_{0.99} = 8,69 y + 32,34$

 $y = -[\ln(-\ln(F(x)))] = -[\ln(-\ln(0,99))] = 4,60$ et $x_{0,99} = P_{0,99} = 8,69.4,60 + 32,34 = 72,31 \text{ mm}.$

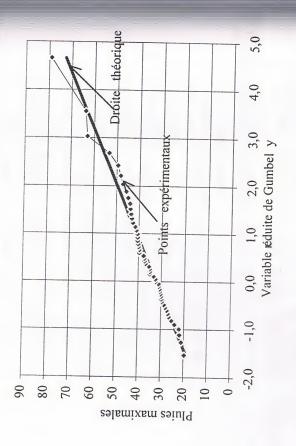


Figure V-5 Ajustement d'une loi de Gumbel

En principe les résultats obtenus par la droite d'ajustement et par l'équation d'ajustement devraient être identiques, la différence provient de la précision du graphique qui, parfois, n'est pas très grande.

3 - Test du khi-deux

On va vérifier l'ajustement de la loi de Gumbel aux pluies pournalières maximales à Bouira grâce au test du χ^2 .

1	(0)	(3)	(4)	(5)	(9)	(7)	(8)	(6)	(10)
1		.i×	yi-1	y:	FNDi-1	FNDi	foi	fti	χ^2 i
-	8	26	8	-0,73	0	0,126	9	99'9	0,07
5	26	30	-0,73	-0,27	0,126	0,270	7	7,65	90,0
-	30	33	-0,27	80,0	0,270	0,396	8	99'9	0,27
-	33	36	0,08	0,42	0,396	0,519	5	6,52	0,35
-	36	40	0.42	0,88	0,519	0,661	9	7,53	0,31
1	40	42	0.88	1,11	0,661	0,720	7	3,11	4,85
	CA	46		1.57	0,720	0,812	7	4,92	0,88
=	46	8 +	1,57	8+	0,812	-	7	9,94	0,87
								Somme = χ^2 =	$\chi^2 = 7,65$

Tableau V-7 Application du test du χ^2 à une loi de Gumbel

Le tableau V - 7, ci dessus, indique les détails des calculs.

1. La première colonne donne les numéros des classes;

respectivement la borne inférieure et la borne supérieure de chaque La seconde et la troisième colonnes indiquent classe;

3. La quatrième et la cinquième colonnes montrent respectivement les variables réduites correspondant respectivement aux bornes inférieures et supérieures;

4. La sixième et la septième colonnes indiquent les FND correspondantes aux variables réduites;

5. La huitième colonne donne la fréquence observée dans chaque intervalle;

6. La neuvième colonne donne la fréquence théorique dans chaque intervalle, $f_{ii} = N \text{ (FND}_i - FND_{i-1})$;

8. La dixième colonne indique
$$\operatorname{les} \chi_j^2 = \frac{(f_{oi} - f_{ij})^2}{f_{ij}}$$
; On

trouve
$$\Sigma \chi^2_{i} = Z = 7,65$$
.

 $f_{13} = N(FND_3 - FND_2) = 53(0,396 - 0,270) = 6,66$ et $Z_3 = (8 - 6,66)^2 / 6,66 = 0,27$. $0.08 \rightarrow F(x_3) = 0.396$;

On cherche maintenant sur la table du χ^2 le χ^2 v, α théoriqu

où:

v = nombre de degrés de liberté = k - 1 - rk = nombre de classes = 8

r = nombre de paramètres qui définissent exactement la lo théorique (loi normale dans notre cas) = 2

d'où
$$v = 8 - 1 - 2 = 5$$

 $\alpha = \text{niveau}$ de signification ou niveau de risque c'est à dire la probabilin que le χ^2 dépasse une valeur donnée, ce qui équivaut à la surface sous l courbe qui se trouve à droite de la valeur du χ^2 . Notez que la table du χ^2 donne le niveau de confiance F.N.D. = 1 - α = 0,95.

Pour v = 5 et 1 - α = 0,95, la table donne $\chi^2_{5,0,95}$ = 11,1 Comme $\chi^2 = Z = 7,65 < \chi^2_{5,0,95} = 11,1$, on conclut que le χ^2 calculé em situé dans la zone favorable et qu'il y a 95% de chance que la loi de Gumbel représente notre échantillon.

4 - Test de Kolmogorov-Smirnov

Le tableau V - 8 ci-dessous donne les détails des calculs relatifs au test de Kolmogorov-Smirnov (le tableau complet se trouve en annexe 11)

Les colonnes 1 et 2 indiquent respectivement le numéro d'ordre i = 1, 2, 3,....53, les données pluviométriques triées par ordn croissant. Dans la colonne 3, l'on a calculé la fréquence au non dépassement expérimentale: FND = (i - 0.5) / N, (N = 53), ainsi FND_{31}

ainsi $y_{31} = (39,6 - 32,34) / 8,69 = 0,84$. La colonne 5 donne la FND La colonne 4 indique la variable réduite $y_i = (x_i - x_0)$. α théorique = $F(x_i) = e^{-e^{-y}}$, $F(x_{31}) = e^{-e^{-0.84}} = 0,6481$. La colonne indique la différence $D_N = \mid F_N(x)$ - $F(x) \mid$ = 0,0726 \approx 0,073 .

Maintenant I'on cherche dans la colonne 6 la valeur D_{Max}; in trouve la D_{max} = 0,073 pour la 31 ième valeur.

(E)	(2)	(3)	(4)	(5)	(9)
-	P _i	FND exp.	y _i	FND théor.	Diff. Abs.
-	19,7	0,0094	-1,45	0,0138	0,004
29	21	0,0283	-1,30	0,0250	0,003
	•		•	:	:
31	39,6	0,5755	0,84	0,6481	0,073
100	:	•	•	:	:
\$2,	63,8	0,9717	3,62	0,9736	0,002
53	79,1	9066,0	5,38	0,9954	0,005

Inbleau V - 8 Application du test de Kolmogorov-Smirnov à une loi de Gumbel

Le tableau des valeurs de d_n donne pour N=53 et $\alpha=0,05$, with A dire pour unseuil de confiance FND = 0.95, $d_n = 0.18311$.

Comme $D_{max} = 0.073$ est inférieur à $d_n = 0.18311$, on accepte In pothese qu'une loi de Gumbel avec $1/\alpha = 8,69$ et $x_0 = 32,34$ peut Intesenter les pluies journalières maximales à Bouira.

1 Intervalles de confiance

Les intervalles de confiance de la loi de Gumbel ont été midies par Kaczmarek (1957), Lowery et Nash (1970) et par Bernier et Virion. Ces derniers ont trouvé que l'intervalle de confiance à α % d'un minuile x_F s'exprime en fonction de l'écart-type s_x par :

$$x_F - h_1 s_x < x_F < x_F + h_2 s_x$$

IIII h, et h2 sont des paramètres dépendant de la taille n de l'échantillon, In fréquence F et de la valeur de cc. hi et h2 sont évalués par la manule suivante avec le signe + pour h2 et le signe - pour h1:

wile survante avec le signe + pour h2 et le signe - pour n₁:
$$h_1, h_2 = \frac{(t_{\alpha} / N^{0.5})(1+1,13t_F + 1,1t^2_F)^{0.5} \pm t^2_{\alpha} / N(1,1t_F + 0.57)}{1-1,1t^2_{\alpha} / N}$$

TT

 t_{α} = variable réduite de Gauss correspondant à la FND = 1 - (1 - α)/2

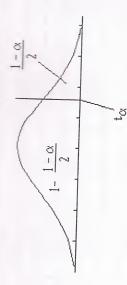


Figure V - 6 Intervalles de confiance: calcul de t,

et
$$t_F = \frac{-\ln(-\ln(F)) - 0.577}{1.28}$$

FND = $1-(1-\alpha)/2 = 1-(1-0.7)/2 = 1-0.15 = 0.85$; d'où $t_{\alpha} = 1.04$ a- Calcul de l'I.C. à 70% de la crue décennale :

$$t_F = \frac{-\ln(-\ln(F)) - 0.577}{1.28} = \frac{-\ln(-\ln(0.9)) - 0.577}{1.28} = \frac{2.25 - 0.577}{1.28} = 1.3$$

$$h_1, h_2 = \frac{(t_{\alpha}/N^{0,5})(1+1,13t_F + 1,1t^2 F)^{0,5} \pm t^2 \alpha/N(1,1t_F + 0,57)}{1-1,1t^2 \alpha/N}$$

$$h_1, h_2 = \frac{(1,04/53^{0,5})(1+1,13\times1,31+1,1\times(1,31)^2)^{0,5} \pm ((1,04)^2/53)(1,1\times1,31+0,57)}{1-1,1\times(1,04)^2/53}$$

$$h_1, h_2 = \frac{0,2987 \pm 0,0410}{0,9776} \quad \text{et } h_1 = 0,2636 \quad \text{et } h_2 = 0,3475$$

$$51,89 - 0,2636 \times 11,14 < P_{0,9} < 51,89 + 0,3475 \times 11,14$$

 $48,95 \text{ mm} < P \text{ décennale} < 55,76 \text{ mm}$

d'où l'intervalle de confiance:

b- Calcul de l'I.C. à 70 % de la Pluie centennale : $t_{\alpha} = 1,04$

$$t_F = \frac{-\ln(-\ln(F)) - 0,577}{1,28} = \frac{-\ln(-\ln(0,99)) - 0,577}{1,28} = 3,14$$

$$1-1,1\times(1,04)^2/53$$

$$I_1, I_2 = \frac{0.5607 \pm 0.0821}{0.9776}$$
 ct $I_1 = 0.4896$ ct $I_2 = 0.6575$

d'où l'intervalle de confiance:

IN INTOGRAPHIE:

Kaczmarek, Z. (1957): Efficiency of estimation of floods with a given return period, vol 3, International Association of Scientific Mology, Torento, pp.145-59.

Spiegel, M.R. (1961): Statistics, Shaum Publishing monny, New York.

Dalrymple, T. (1962): Flood Frequency Analysis, Manual of Mology: Part 3, Flood - Flow Techniques, United States Government Inning Office, Washington, D.C.

Roche, M. (1963): Hydrologie de Surface, Gauthier-Villars

Selby, S.H., Girling, B. (1965): Standard Mathematical Indes, The Chemical Rubber Company, Ohio, U.S.A..

Parl, B. (1967): Basic Statistics, Doubleday, New York.

Riggs, H.C. (1968): Some Statistical Tools in Hydrology,

Inited States Government Printing Office, Washington, D.C.

Riggs, H.C. (1968): Frequency curves, United States Invernment Printing Office, Washington, D.C.

Pacé, P. et Cluzel R. (1969): Statistiques et Probabilités, Illuminie Delagrave, Paris.

Lowery, M. D., and Nash, J. E. (1970): A comparison of methods of fitting the double exponential distribution. J. Hydrol..19,

Viallet, F. (1970): Statistiques et Recherche Appliquée, Motard et Associés éd., Paris.

Arléry R., Grisollet H. et Guilmet B. (1973): Climatologie, Methodes et Pratiques, Gauthier-Villard Editeur, Paris.

Dubreuil, P. (1974): Initiation a l'Analyse Hydrologique Masson et Cie ed. Paris. Kottegoda, N.T. (1980) : Stochastic Water Resource

Technology, The MacMillan Press Ltd, London.

Laborde, J.P. (1982): Eléments d'Hydrologie de Surface Institut National Polytechnique de Lorraine, France.

Linslay, R.K., Kohler, M.A., Paulhus, J.L.H. (1982) Hydrology for Engineers, Mc Graw Hill Company, New York.

Sachs, L. (1984) : Applied Statistics, a Handbook of

Techniques, Spring-Verlag Inc., New York.

Wilson, E.M. (1985): Engineering Hydrology, Mac Millan Publishers Ltd, London. Mc Mahon T.A., Mein, R.G. (1986): River and Reservoil Yield, Water Resources Publications, Littleton, Colorado 80161, U.S.A.

Réméniéras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur; éd Eyrolles, Paris. Baillargeon, G. (1990) : Méthodes Statistiques de l'Ingénieur, Les Editions S.M.G., Trois Rivières, Québec, Canada.

LES PRÉCIPITATIONS

L'hydrologie d'une région dépend d'abord de son climat

munite de sa topographie et de sa géologie.

wee sa distribution dans le temps et dans l'espace, l'humidité, la Les facteurs qui déterminent le climat sont la précipitation umpérature et le vent qui ont une influence sur l'évaporation et unnspiration.

Mooulement des eaux. La géologie influe, elle, sur la topographie et La topographie influe sur les précipitations et Infiltration des eaux vers les zones aquifères.

La plus grande partie de la pluie (et autres précipitations) movient de la mer. La vapeur d'eau à partir des océans est absorbée par courants d'air qui les traversent.

nvec l'altitude jusqu'au point de rosée, c'est-à-dire la température où la Ces masses d'air, chargées de vapeur d'eau, se refroidissent undensation commence et où elles se précipitent sous forme de pluie, menge ou grêle.

A .. LA CLASSIFICATION DES PRÉCIPITATIONS

Les phénomènes météorologiques qui donnent naissance aux muies sont tels que l'on peut diviser les précipitations en 3 classes:

1 - Les précipitations de convection

un il subit des dilatations. Au cours de son ascension, il se refroidit et indiations solaires, directement et surtout par réflexion. Il s'élève alors, Par temps calme, l'air au voisinage du sol est chauffé par les micint un niveau de condensation où se forment les nuages

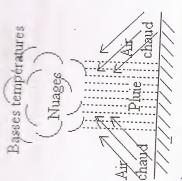


Figure VI-1 Les précipitations de convection

(cumulus). Si le mouvement de convection vertical initial est intense et a poursuit suffisamment longtemps, le système nuageux ainsi formé peu atteindre une zone de température assez basse pour déclencher la pluie. Ces précipitations sont caractérisées par des orages locaux et violents.

2 - Les précipitations orographiques

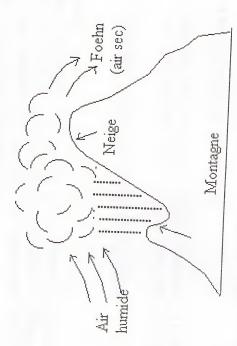


Figure VI-2 Les précipitations orographiques

Les vents chargés d'humidité soufflent généralement de la barrière, ils s'élèvent, provoquant un refroidissement qui conduit à la condensation de la vapeur d'eau et à de la pluie.

Cest précipitations surviennent sur le versant expose aux L'autre versant ("sous le vent") n'est traversé que par des mants déchargés en grande partie de leur humidité. L'on a alors des mands et secs. C'est ce que l'on appelle l'effet de Foehn.

1 Les précipitations cycloniques

Lorsque plusieurs masses d'air de propriétés différentes masses d'air de propriétés différentes manderature et humidité) se rencontrent, les plus chaudes et les plus mandes sont poussées vers les hautes altitudes où elles se refroidissent condensent.

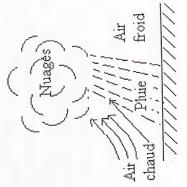


Figure VI-3 Les précipitations cycloniques

Ce sont ces précipitations qui sont les plus importantes, les plus longues, les plus étendues et les plus fréquentes dans nos climats mimpérés.

|| | PERTURBATIONS MÉTÉOROLOGIQUES AFFECTANT | ALGÉRIE

4 types de situations météorologiques affectent notre pays:

1 - Les perturbations atmosphériques du Nord

Cette situation est caractérisée par une "descente d'air molaire" assez importante dans les couches moyennes et supérieures de l'attendance de perturbations, qui arrivent en hiver, traversent

83

accompagnées de chutes de neige, sur l'Atlas et les Hauts-Plateaux.

2 - Les perturbations atmosphériques du Nord-Ouest

Méditerrannée. Ceci explique l'accroissement des précipitations d'ouc en est dans le nord du pays. Ainsi l'Oranie reçoit moins de précipitation plus longues pour les masses d'air qui aboutissent à l'Est que pour les les chaînes de montagnes portugaises et espagnoles, ce qui produit 👊 que le Centre et l'Est en raison de l'effet de Foehn joué par les relief masses d'air qui aboutissent en Oranie, ce qui permet aux premières de 🛪 Ces perturbations proviennent du Nord-Atlantique, traversen quand elles la traversent. Les distances parcourues au-dessus d'elle son portugais et espagnols; la mer Méditerranée réalimente ces masses d'an effet de Foehn. Ces masses d'air se réalimentent en traversant réalimenter plus longtemps.

3 - Les perturbations d'Ouest

Elles proviennent du proche Atlantique. Elles donnent des pluies assez importantes sur le Maroc et perdent de leur activité en abordant l'Oranie à cause de l'effet de Foehn produit par les reliefs du Rif et de l'Atlas marocains.

Les pluies provenant de cette source sont assez faibles, on les rencontre souvent en automne et au printemps.

4 - Les perturbations du Sud-Ouest

Elles proviennent du Golf de Guinée et des zones précipitations sont rares et peu abondantes, avec quelques Les précipitations générées par ces exceptions cependant: 52 mm en 24 heures à Bordj Badji Mokhtar l'été phénomènes intéressent le Sud du pays (Tanezrouf, Hoggar, Tassili). équatoriales de l'Atlantique.

I TUIES AKTIFICIELLES

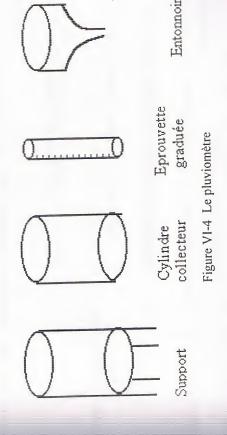
manuré en 1946 que la glace sèche pouvait provoquer de la pluie à mallat, les conditions climatiques de son environnement. Il a été milli d'un nuage contenant des gouttelettes d'earra des températures L'homme a de tout temps cherché à modifier, sans grand dutives.

minime que cette augmentation est dûe à l'insémination des nuages ou à per les implications dans ce domaine continuent car les implications du succès Inne telle démarche sont considérables sur plusieurs aspects de la vie de Plus tard, l'on découvrit que l'injection de certains sels muvait aussi provoquer des précipitations. Cette méthode a conduit à In ingmentations de précipitations de l'ordre de 20%, dont on ne peut minut l'origine (pluies naturelles ou pluies artificielles) en raison de la minulifié des pluies naturelles. En d'autres termes, on ne peut pas Invariabilité naturelle des précipitations. Malgré les maigres résultats, linnine.

IL LES MESURES DES PRÉCIPITATIONS

| " Le pluviomètre

Tout récipient à parois verticales peut servir comme appareil mesure des précipitations.



untout de la nécessité de normaliser les mesures, les récipients doivent Cependant, en raison de la variation de la direction du vent et

00 101

avoir la même taille, les mêmes dimensions et être exposés de la même manière pour aboutir à des mesures comparables.

Si, durant un certain intervalle de temps t, l'on récupère un volume. V à travers la surface réceptrice S, la hauteur de pluie H tombée est donnée par la formule suivante:

S/V = H

L'appareil utilisé en Algérie est le pluviomètre "association" de 400 cm² de surface réceptrice et disposé à 1,5 m du sol. Son schéma est donné par la figure VI - 4.

En général, les pluviomètres sont relevés par un observateur une à deux fois par jour. Dans les zones isolées, cet intervalle peut être plus long.

2 - Le pluviographe

Cet appareil est destiné à l'enregistrement de la hauteur de pluie cumulée en fonction du temps.

Trois types de pluviographe existent:

i) Le pluviographe peseur :

Il enregistre les augmentations du poids de l'eau en fonction du temps.

ii) Le pluviographe à flotteur :

Il enregistre les augmentations de la hauteur d'eau dans le récipient collecteur en fonction du temps.

iii)Le pluviographe à augets basculateurs

Les augets sont deux récipients identiques qui se remplissent à tour de rôle.

Lors du remplissage, le centre de gravité de l'ensemble des deux augets se déplace vers la gauche jusqu'à dépasser la verticale de l'axe de rotation. L'ensemble bascule alors vers la gauche, et l'auget plein se vide alors que celui de droite se place en position de remplissage (fig

VI-5). Les augets sont tarés de façon à ce qu'un basculement vorresponde à 0,5 mm de pluie pour une surface réceptrice de 400

La comptabilisation des basculements se fait d'une manière mécanique par un système qui entraîne un stylet inscripteur sur un aylindre, entraîné lui-même par un système d'horlogerie.

Le cylindre est entouré d'un papier enregistreur (fig.VI-7) sur lequel sont inscrits les basculements des augets. La figure VI-8 donne l'enregistrement (pluviogramme) de l'averse du 12 mai 1990 à la station météorologique d'Erraguène, située à proximité du barrage du même nom dans la wilaya de Jijel.

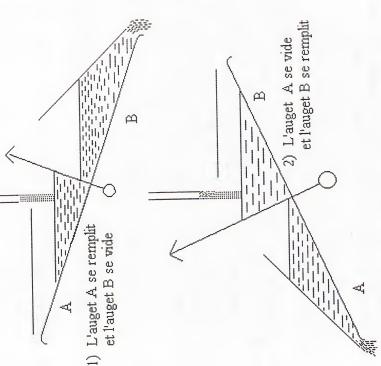


Figure VI-5 Remplissage et vidange des augets

3 - L'implantation des appareils de mesures

Le site d'implantation d'un pluviomètre (ou pluviographe)

doit:

87

- être représentatif du secteur étudié en étant exposé normalement aux vents,
- être éloigné de tout obstacle, en général à une distance minimum égale à 4 fois la hauteur de l'obstacle (arbre, bâtiment, etc).
 - être à proximité de la résidence de l'observateur
- avoir une surface réceptrice rigoureusement horizontale; on admet qu'un écart de 1° peut provoquer des erreurs de l'ordre de1%.

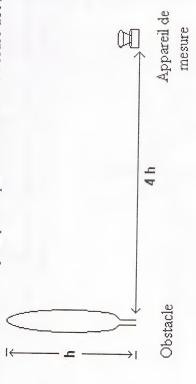


Figure VI-6 Distance minimale entre un appareil de mesure et un obstacle

Après chaque installation, il convient d'établir une fiche descriptive du site avec croquis et photo, ce qui permettra d'établir les changements survenus sur le site et de faciliter éventuellement l'interprétation de changements suspects dans les données.

Plusieurs pluviomètres et/ou pluviographes sont nécessaires pour étudier la variabilité des précipitations. Ces appareils forment ce que l'on appelle un réseau pluviométrique.

La densité du réseau doit tenir compte de trois facteurs:

- la nature des précipitations qu'on veut étudier;
 - le but de l'étude;
- l'aspect économique (coût de l'appareil, de son installation, de son entretien, des mesures, dont la paie de l'observateur et sa disponibilité)

Les densités suivantes ont été proposées:

- pour les régimes de plaine en zones tempérées, méditerranéennes et tropicales: un appareil tous les 100 à 250 Km²;
 - 2- pour les zones arides : un appareil pour 1500 à 10.000

Km2.

peut utiliser aussi le radar pour délimiter l'étendue et l'intensité relatives des orages au dessus de grandes étendues. Le radar ne peut cependant gouttelettes de pluie et les cristaux de glace ont la propriété de réfléchir les ondes radio et peuvent être observés grâce au radar. On A noter que les précipitations peuvent aussi être évaluées par pas fournir une mesure exacte des précipitations. rndar. Les

4 - Le dépouillement d'un pluviogramme

On a pris l'habitude d'appeler pluviogramme la courbe des pluies cumulées fournie par le pluviographe, et le hyétogramme le maphique (ou histogramme) des intensités (mm/h).

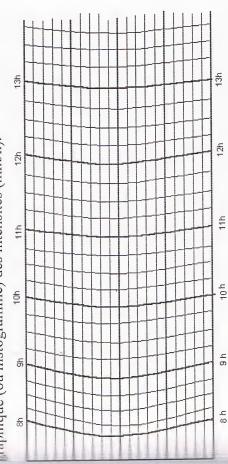


Figure VI-7 Echantillon de papier enregistreur

Le papier enregistreur (figure VI-7) a les caractéristiques mivantes:

- Verticalement:
- l'espace entre deux traits fins représente:
- 1/5 mm de pluie pour une bague de 2000 cm²; . 1 mm de pluie pour une bague de 400 cm²;
 - un basculement représente:

. 0,5 mm pour une bague de 400 cm²; . 0,1 mm pour une bague de 2000 cm²

Horizontalement:

- l'espace entre deux traits fins représente 15 minutes. - l'espace entre deux traits épais représente l heure

dépouillement d'un existe plusieurs méthodes de П pluviogramme

le dépouillement automatique sur digitaliseur. le dépouillement à pas de temps constant; le dépouillement à intensités constantes;

Le tableau VI - 1 facilite le dépouillement à pas de temps constants du

pluviogramme:

Fig. VI - 8 Pluviogramme de l'averse du 12 mai 1990 à la station d'Erraguène (surface de l'entonnoir = 400 cm²)

BAGUE 400 cm² : UN TRAIT FIN tous les millimètres de pluie

Intensités Horaires (mm/h)	0	4		4	4		2	9		4	2		0	0
Pluie cumulée (mm).	0		•	17	18	:	28,5	30	:	37	37,5		41	41
Pluie (mm)	0	-	:	-	-	:	6,5	1,5	:	-	0,5	:	0	0
Nbre. basculements	0	2	:	2	2	:	1	3	:	2		:	0	0
Temps	8h15	8h30	:	12h15	12h30	:	15h45	16h00	:	17h45	18h00	:	23h45	24h00
Temps initial	8h00	8h15	:	12h00	12h15	:	15h30	15h45	:	17h30	17h45	:	23h30	23h45

Tableau VI-1 Dépouillement du pluviogramme de l'averse du 12 mai 1990 à la station d'Erraguène (wilaya de Jijel)

21h

19h

18h

14h

12h

11h

9h

10h

13h

15h

16h

17h

20h

22h

23h

Le tableau entier est porté en annexe 12.

Les courbes des pluies cumulées et le hyétogramme donnent un indice de l'importance d'une averse et permettent son analyse ainsi que sa comparaison avec d'autres averses.

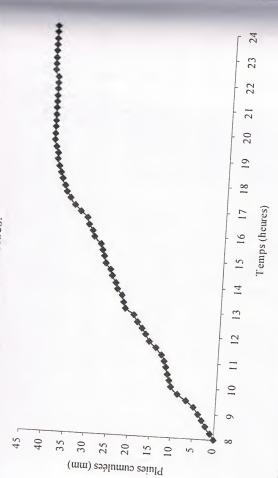


Figure VI-9 Courbe des pluies cumulées de l'averse du 12 mai 1990 à la station

d'Erraguène

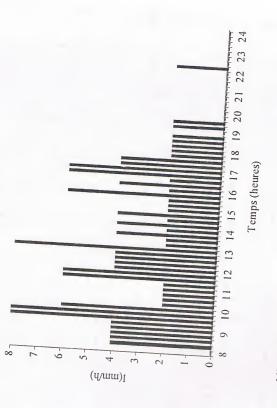


Figure VI-10 Hyétogramme de l'averse du 12 mai 1990 à la station d'Erraguène

Pour récapituler, d'après l'Organisation Mondiale de la Météorologie (OMM), «la hauteur totale des précipitations,

atteignent le sol pendant une période donnée, est exprimée par l'épaisseur dont elles couvriraient la projection du sol sur un plan horizontal s'il n'y avait pas de pertes et si toutes les précipitations tombées, sous forme de neige ou de glace, étaient fondues. »

5 - Les erreurs dans les mesures et leurs corrections

a) La liste des erreurs possibles

Le principal facteur d'erreur est l'action du vent sur la L'importance de l'erreur dépend de l'intensité du vent et de la hauteur de l'appareil de mesure par rapport au des gouttes d'eau. trajectoire

Un certaine quantité d'eau est nécessaire pour mouiller le 'averse est intermittente, le processus de l'évaporation fera que des de pluie non négligeables s'évaporent et ne seront donc pas de l'appareil avant que l'eau ne s'écoule à l'intérieur, quantités mesurées. Dans un pluviographe, le temps de basculement des augets n'est pas négligeable. Au cours de ce mouvement, une certaine quantité d'eau est admise en excédent dans l'auget intéressé, donnant lieu à une sous-estimation de la pluie captée d'autant plus importante que l'intensité de la pluie est forte. En outre l'exploitation des stations pluviométriques donne lieu à un certain nombre d'erreurs:

1) Les erreurs d'observation:

lecteur peu consciencieux : depuis celui qui lit le pluviomètre tous les 5 ou 6 jours, jusqu'à celui qui invente purement et simplement les résultats en passant par celui, inconscient, qui arrose ses plantes avec l'eau du pluviomètre;

* Erreurs fortuites de lecture de l'éprouvette;

* Erreurs dûes à l'évaporation;

* Débordement du pluviomètre quand la pluie est très

intense;

* Pluviomètre percé;

Pertes d'eau pendant le transvasement de l'éprouvette

dans le sceau;

* Pluviomètre sous un arbre, etc.

3) Les erreurs systématiques

Parmi les erreurs systématiques, on peut citer:

- * la graduation de l'éprouvette ne correspondant pas l'ouverture du pluviomètre ;
- * un changement dans l'exploitation du pluviomètre dû à un déplacement du pluviomètre ;
- une modification de l'environnement du pluviomètre;
- . un changement d'observateur;
- une éprouvette cassée remplacée par une autre qui ne convient pas

Il y a lieu de noter que cette liste d'erreurs est presque exhaustive et que toutes ces erreurs n'arrivent pas simultanément. Cependant, les documents élaborés par les observateurs et les hydrologues restent notre référence et sont à la base du développement hydraulique du pays. La liste ci-dessus est beaucoup plus pédagogique.

Les erreurs dans les séries de mesures pluviométriques modifient le caractère aléatoire des phénomènes et les conditions de leur avènement. Si ces conditions changent cela veut dire que les données mesurées ne proviennent pas de la même population et que la série de mesures n'est pas homogène. Avant de pouvoir étudier statistiquement ces séries, il y a lieu donc, au préalable, de les rendre homogènes, ce qui est une conditions sine qua non.

4) La correction des erreurs

(a) La méthode des doubles cumuls

Elle permet de détecter la non-homogénéité d'une série de mesures et de la corriger. Cette méthode est illustrée par un exemple ci-dessous. La méthode consiste à comparer les pluies (ou toute autre variable) cumulées d'une station A, à propos de laquelle on éprouve des doutes quant à son homogénéité, avec les pluies cumulées d'une station B dont les mesures sont jugées homogènes .

1953	1954	1955	1956	1957	1958	1959	1960	Année	
546	699	734	736	643	994	596	869	Station A	
393	702	677	657	540	858	549	800	Station B	
	1946	1947	1948	1949	1950	1951	1952	Année	
	791	849	875	694	945	882	953	Station A	
	511	540	522	459	732	841	820	Station B	

Tableau VI-2 Méthode du double cumul : relevé des stations A et B

Dans les trois premières colonnes du tableau on porte respectivement les années et les précipitations mesurées aux stations A et B. Dans les quatrième et cinquième colonnes on calcule les cumuls respectifs des pluies aux stations A et B. Ensuite on porte ces valeurs sur du papier millimétré, avec les valeurs de B en abscisses et les valeurs de A en ordonnées.

											_				_
1946	1947	1948	1949	1950	1951	1952	1953	1954	1955	1956	1957	1958	1959	1960	Année
791	849	875	694	945	882	953	546	699	734	736	643	994	596	869	Station A
511	540	522	459	732	841	820	393	702	677	657	540	858	549	800	Station B
9601	9090	8550	8028	7569	6837	5996	5176	4783	4081	3404	2747	2207	1349	800	Cumul B
11806	11015	10166	9291	8597	7652	6770	5817	5271	4572	3838	3102	2459	1465	869	Cumul A
693	743,8	766,6	608	827,9	772,7	834,9	478,4	699	734	736	643	994	596	869	A corrigée
10996,3	10303,3	9559,5	8792,9	8184,9	7357	6584,3	5749,4	5271	4572	3838	3102	2459	1465	869	A cor. Cum.

Tableau VI-3 Méthode du double cumul

On voit sur le graphique que les points s'alignent sur deux segments de droite différents, c'est-à-dire qu'il y a une cassure sur la droite au cours de l'année 1953. On suppose que le déplacement (ou

précédentes (1946, 1947, 1948, 1949, 1950, 1951, 1952 et 1953). 1953 sont jugées bonnes et on ne doit corriger que les données autre cause d'erreur) s'est produit en 1953. Les données mesurées après

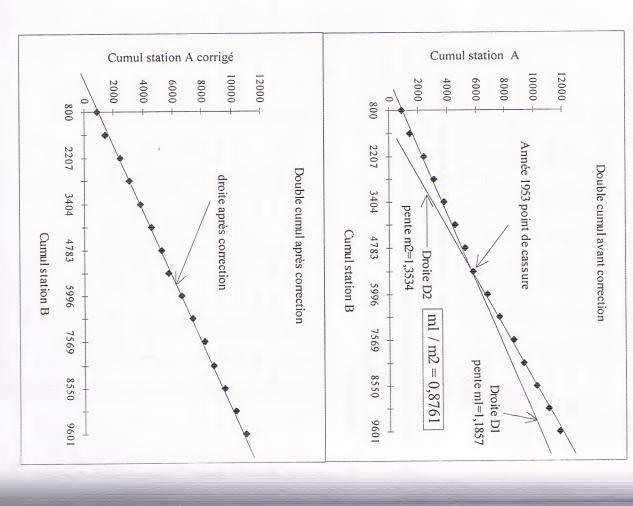


Figure VI-11 Méthode du double cumul ou double mass

est prise après une connaissance détaillée des circonstances de La décision de corriger ou non les données de l'aille 1999

« l'accident » au cours de cette année.

corriger. On porte ces valeurs sur la dernière colonne du tableau. données de 1952 à 1946. On calcule le rapport des pentes m₁/m₂ avec données de 1960 à 1953, et m2 du segment de droite qui contient les equel on va multiplier les données des années 1953 à 1946 pour les On calcule les pentes m1 du segment de droite qui contient les

donc été rendue homogène. Si l'on constate une autre cassure, on voit que les points s'alignent sur une droite sans cassure; notre série a recommence l'opération. Une fois ces données corrigées, on refait l'opération. L'on

D'autres méthodes d'analyse critique des données existent.

On peut citer: l'analyse statistique des écarts entre la variable réelle et la variable

probable appelés les résidus;

le cumul des résidus;

- l'analyse des composantes principales et des vecteurs régionaux. Ces méthodes sont bien expliquées dans l'ouvrage de M.

.P. Laborde, intitulé « Eléments d'hydrologie de surface ».

Wilcoxon et celui de Mann-Whitney. homogénéité d'une série statistique. Plusieurs tests statistiques sont utilisés pour s'assurer de Nous étudierons ici le test de

(b)Le test de Wilcoxon:

population Y, l'échantillon XUY(union de X et de Y) en est également base sur le principe suivant: Si l'échantillon X est issu d'une même les observations, au lieu de la série de leurs valeurs. Le test de Wilcoxon C'est un test non paramétrique qui utilise la série des rangs

On procède ainsi

les tailles de ces échantillons, avec $N=N_1+N_2$ et $N_1 \leq N_2$. Inquelle on tire deux échantillons X et Y: N1 et N2 sont respectivement Soit une série d'observations de longueur N à partir de

répète plusieurs fois, on lui associe le rang moyen correspondant. les éléments des deux échantillons dans cette série. Si une valeur se l'oissant. Par la suite, nous ne nous intéresserons qu'au rang de chacun On classe ensuite les valeurs de notre série par ordre

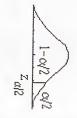
Premier échantillon dans la série commune : $W_x = \Sigma$ Rang x

Wilcoxon a montré que, dans le cas où les deux échantillon X et Y constituent une série homogène, la quantité W_x est comprise entre deux bornes W_{max} et W_{min}, données par les formules suivantes:

$$W_{\min} = \frac{(N_1 + N_2 + 1)N_1 - 1}{2} - z_{1-\infty/2} \sqrt{\frac{N_1 N_2 (N_1 + N_2 + 1)}{12}}$$

$$W_{\max} = (N_1 + N_2 + 1)N_1 - W_{\min}$$

 $z_{1-\infty/2}$ représente la valeur de la variable centrée réduite de la loi normale correspondant à 1- cv/2 (au seuil de confiance de 95 %, nous avons $z_{1-\infty/2}=1,96$).



Nous allons utiliser le test de Wilcoxon pour vérifier l'homogénéïté des données pluviométriques de la station de Bordj Bou Naâma (Wilaya de Tissemsilt) au niveau de signification de 5 %. Los données sont portées sur le tableau VI - 4 :

Tableau VI-4 Série de pluies annuelles à Bordj Bou Naâma

(wilaya de Tissemsilt)

loovon	1 1 1 11					900
		Y	709,8	22	416,1	
		×	685,1	21	522,2	
		×	659,1	20	550,5	
		×	659	19	758,5	
11/6,9	40	×	641,8	18	570,3	1030,3
1123,3	39	×	641,2	17	458,5	500,9
1085,4	38	Y	618,8	16	712,2	685,1
1030,3	37	Y	588,7	15	720,7	780,2
1014,8	36	×	582,1	14	618,8	641,8
1000	35	~	570,3	13	391,6	787,7
955,8	34	×	557,1	12	819,5	659
898,/	33	Y	550,5	11	340,7	1125,3
838,5	32	×	530,4	10	826	530,4
827,3	31	Y	522,2	9	838,5	827,3
826	30	Υ	519,8	8	1006	582,1
819,5	67.	×	500,9	7	519,8	1014,8
001,/	28	~	458,5	6	709,8	410,5
0017	17	Y	416,1	5	801,7	367,5
7,00,2	20	×	410,5	4	953,8	557,1
7000	25		391,6	ω	588,7	176,9
750 5	24	×	367,5	2	1085,4	659,1
712,2	23	Y	340,7	1	898,7	641,2
XUX	Rangs	0rigine	XUY	Rangs	Y	×
(+)	(3)	(5)	(4)	(3)	(2)	\exists

Tableau VI-5 Application de la méthode de Wilcoxon

Nous formons ensuite le tableau VI - 5 pour faciliter les ulculs. On commence par diviser notre série pluviométrique en deux chantillons de longueurs respectives $N_1 = 18$ valeurs et $N_2 = 22$ valeurs. Onns la première colonne, on porte le premier échantillon X; dans la la quatrième colonne, on porte le deuxième échantillon Y; dans la troisième la quatrième colonnes, on porte respectivement les rangs et les valeurs la série originale et, dans la cinquième colonne, l'origine de la série, c'est-à-dire on note si elle provient de l'échantillon Y.

$$\Sigma Rang x = 380;$$
 $W_{min} = 296,4;$
 $W_{max} = 441,6.$

Sachant que $z_{1-\alpha/2} = 1,96$ pour un niveau de signification $\alpha = 5\%$.

On vérifie l'inégalité: W_{\min} (Σ Rang x (W_{\max} c'est-à-dire: 996.4 (380 (441.6

c'est-à-dire: 296,4 \ 380 \ 441,6.

L'inégalité est donc vérifiée, et notre série donc homogène.

(c) Le test de Mann-Whitney

Il permet de tester l'hypothèse H₀, selon laquelle une série statistique est homogène, c'est-à-dire que les éléments qui la constituent proviennent de la même population. En hydrologie, cela veut dire que les conditions qui ont prévalu lors de la collecte des données ou de l'avènement du phénomène considéré (pluie, écoulement, évaporation) n'ont pas changé pendant toute la durée de la collecte ou du phénomène. En d'autres termes, il n'y a pas eu un phénomène extraordinaire qui aurait pu modifier les données hydrologiques considérées comme le changement de site de la station de mesure, la construction d'un barrage qui aurait pu modifier les apports de l'oued, l'urbanisation de la zonc étudiée, etc.

Pour appliquer le test de Mann-Whitney, on procède comme

On divise notre échantillon en deux sous-ensembles de tailles respectives N_1 et N_2 avec: $N_2 > N_1$.

$$x_1, x_2, \dots, x_1, \dots, x_N$$
 $y_1, y_2, \dots, y_1, \dots, y_1, \dots, x_N$
La taille de l'échantillon original est $N = N_1 + N_2$.

On classe ensuite nos valeurs par ordre croissant de 1 à N el l'on note les rangs R(x_i) des éléments du premier sous-ensemble et ceux R(y_i) des éléments du second sous-ensemble dans l'échantillon original. On définit K et S comme suit:

$$K = L - \frac{N_1(N_1 + 1)}{2}$$
 et $S = N_1 N_2 - K$ avec $L = \sum_{i=1}^{N_1} R(x_i)$; c'est à dire la somme des rangs des éléments de l'échantillon 1 dans l'échantillon

K est la somme des nombres de dépassements de chaque élément du second échantillon par ceux du premier échantillon.

S est la somme des nombres de dépassements des éléments du premier sous-ensemble (ou échantillon) par ceux du second.

On montre que lorsque N > 20, $N_1 > 3$ et $N_2 > 3$; K et S

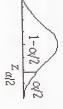
ont distribués selon une loi normale ayant:

- une moyenne égale à
$$\overline{K} = \overline{S} = \frac{N_1 N_2}{2}$$

- un écart-type égal à $s_k = s_s = \frac{N_1 N_2}{12} (N_1 + N_2 + 1)$.

On peut alors tester l'hypothèse H_0 selon laquelle les deux sousensembles proviennent de la même population {XE "population" }, au $|K - \overline{K}|$

niveau de signification α , en comparant la grandeur: $T = \left| \frac{1}{S_k} \right|$ avec la variable normale centrée réduite ayant une probabilité de dépassement



Si $T < z_{\omega_2}$ on accepte H_0

Nous allons appliquer le test de Mann-Whitney aux données luviométriques de la station de Bordj Bou Naama (wilaya de Issemsilt).

On forme le tableau VI - 6 ci-dessous pour faciliter la compréhension:

La colonne 1 donne les années; les chiffres 1, 2, 3, 40 orrespondent aussi aux rangs des données lorsque celles-ci sont triées vest à dire classées.

Les colonnes 2 et 3 indiquent respectivement les pluies dans ordre où elles ont été relevées et les pluies triées ou classées par ordre

La colonne 4 liste les 18 valeurs de l'échantillon 1 (ou sous-

La colonne 5 donne le rang de chaque valeur du sousnsemble l dans l'échantillon original de 40 valeurs classées.

La colonne 6 indique les 22 valeurs de l'échantillon 2 (ou ous-ensemble 2).

								1176,9	416,1	40
1								1125,3	522,2	39
								1085,4	550,5	38
300000								1030,3	758,5	37
								1014,8		36
								1006	458,5	35
-								953,8	712,2	34
								898,7	_	33
1			P					838,5	618,8	32
								827,3	391,6	31
								826	819,5	30
10000		-	1					819,5	340,7	29
								801,7	826	28
		3						787,7	838,5	27
								780,2	1006	26
								758,5	519,8	25
10000					Ø			720,7	709,8	24
								712,2	801,7	23
2	1085,4			5	416,2			709,8	953,8	22
4	1006			9	522,2			685,1	588,7	21
4	953,8			=	550,5			659,1	1085,4	20
4	898,7			25	758,5			659	898,7	19
4	838.5	0	1176,9	13	570,3	37	1030,3	641,8	1030,3	8
5	826	0	1125,3	6	458,5	7	500,9	641,2	500,9	17
5	819,5	-	1030,3	23	712,2	21	685,1	618,8	685,1	16
5	801,7	-	1014,8	24	720,7	26	780,2	588,7	780,2	15
7	758.5	5	827,3	19	618,1	18	641,8	582,7	641,8	14
7	720,7	∞	787,7	w	391,6	27	787,7	570,3	787,7	13
7	712.2	∞	780,2	29	819,5	19	659	557,1	659	12
7	709.8	12	685,1	-	340,7	39	1125,3	550,5	1125,3	=
12	618,1	12	659,1	30	826	10	530,4	530,4	530,4	10
12	588.7	12	659	32	838,5	31	827,3	522,2	827,3	9
13	570.3	12	641.8	35	1006	14	582,7	519,8	582,7	∞
14	550.5	12	641,2	15	519,8	36	1014,8	500,9	1014,8	7
15	522.2	14	582,7	22	709,8	4	410,5	458,5	410,5	6
15	519.8	15	557,1	28	801,7	2	367,5	416,1	367,5	5
16	458.5	16	530,4	34	953,8	12	557,1	410,5	557,1	4
16	416.2	18	500,9	15	588,7	40	1176,9	391,6	1176,9	3
17	391.6	20	410.5	38	1085,4	20	659,1	367,5	659,1	2
17	340.7	21	367,5	33	898,7	17	641,2	340,7	641,2	-
Dépass	TRIE	Dépass.	TRIE							
Nombre	Ech # 2	Nombre	Ech # 1	RANG	ECh# 2	<u>م</u>	ECh#1	TRIEE	PLUIE	AN
	(10)	(9)	(8)	(7)	(6)	(5)	(4)	(3)	(2)	\equiv

Tableau VI-6 Application du test de Mann-Whitney

ensemble 2 dans l'échantillon original de 40 valeurs classées. La colonne 7 donne le rang de chaque valeur du sous

La colonne 8 montre les valeurs du sous-ensemble 1 triées

sous ensemble 1 est dépassé par les éléments du sous-ensemble 2 La colonne 9 indique le nombre de fois où chaque élément du

La colonne 10 donne les valeurs triées du sous-ensemble 2

lu sous-ensemble 2 est dépassé par les éléments du sous-ensemble 1. La colonne 11, enfin donne le nombre de 1018 ou chaque cierren

$$L = \sum_{i=1}^{N_1} R(x_i) = 380; K = L - \frac{N_1(N_1 + 1)}{2} = 380 - \frac{18 \times 19}{2} = 209;$$

$$S = N_1 N_2 - K = 18 \times 22 - 209 = 187; \overline{K} = \overline{S} = \frac{N_1 N_2}{2} = \frac{18 \times 22}{2} = 198$$

$$S_K = S_s = \frac{N_1 N_2}{12} (N_1 + N_2 + 1) = \frac{18 \times 22}{12} (18 + 22 + 1) = 1353$$

$$T = \left| \frac{K - \overline{K}}{S_K} \right| = \left| \frac{209 - 198}{1353} \right| = 0,0081; \ pour\alpha = 10\%; \ z_{\alpha/2} = 1,64$$

$$Donc T = 0,0081 \ \langle \ z_{\alpha/2} = 1,64 \ \rangle$$

nonc la série pluviométrique de Bordj Bou Naâma est homogène. iquelle les deux sous-ensembles proviennent de la même population, et Ce qui veut dire qu'on peut accepter l'hypothèse Ho selon

Un autre problème que l'on rencontre souvent est celui des

luns les 4 stations et les pluies mensuelles des mois considérés, on peut lendant un mois et si l'on connaît les pluies moyennes annuelles relevées alculer la pluie des mois manquants par la formule suivante: onnées manquantes et celui de l'extension des séries. VV Si, parmi 4 stations voisines, une station n'a pas fonctionné

$$P_{x} = \frac{1}{3} \left(N_{x} \frac{p_{1}}{N_{1}} + N_{x} \frac{p_{2}}{N_{2}} + N_{x} \frac{p_{3}}{N_{3}} \right)$$

nu: N = Moyenne annuelle des pluies, P = Pluie mensuelle

x, 1, 2, 3 = Indices.

Exemple: $N_x = 800 \text{ mm}$; $N_1 = 1008 \text{ mm}$; $N_2 = 842 \text{ mm}$; N_3

1080 mm; $P_1 = 90 \text{ mm}$; $P_2 = 80 \text{ mm}$; $P_3 = 110 \text{ mm}$

$$P_x = \frac{800}{3} \left(\frac{90}{1008} + \frac{80}{842} + \frac{110}{1080} \right) = 76,31 \, \text{mm}$$

(d) La corrélation linéaire et la droite de régression

joupçonner l'existence d'une liaison entre deux variables: la température exemple), il est fréquent d'observer des phénomènes où il y a lieu de Dans le domaine des sciences appliquées (l'hydrologie, par

précipitations et les débits etc.

Cette liaison est appelée corrélation. On dit qu'il y a corrélation entre deux variables observées lorsque les variations des deux variables se produisent dans le même sens (corrélation positive), ou lorsque les variations sont de sens contraires (corrélation négative).

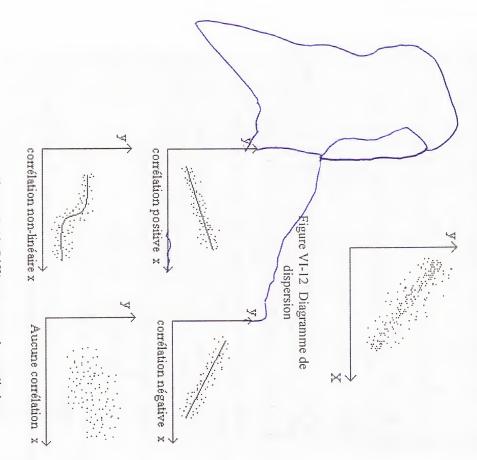


Figure VI-13 Différents types de corrélation

L'existence d'une corrélation entre deux variables peut être déceléc graphiquement. Il s'agit de reporter les couples d'observation (xi, yi) sur un graphique en prenant pour abscisse la variable x, et pour ordonnée la variable y. Chaque point du graphique représent simultanément la valeur xi, et la valeur yi. Le graphique résultant constitue un nuage de points appelé: diagramme de dispersion.

On peut calculer l'indice qui mesure l'intensité de la liaison linéaire entre deux variables c'est le coefficient de corrélation r, qui est un nombre sans dimension.

$$T = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{x})}{\sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2}}$$

On a aus

$$r = \frac{n\sum_{i=1}^{n} x_{i} y_{i} - (\sum_{i=1}^{n} x_{i})(\sum_{i=1}^{n} y_{i})}{\sqrt{n\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - (\sum_{i=1}^{n} x_{i})^{2} \sqrt{n\sum_{i=1}^{n} y_{i}^{2} - (\sum_{i=1}^{n} y_{i})^{2}}}} = \frac{n}{\sqrt{n\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - (\sum_{i=1}^{n} x_{i})(\sum_{i=1}^{n} y_{i})}} = \frac{n}{\sqrt{n\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - (\sum_{i=1}^{n} x_{i})^{2}}} = \frac{n}{\sqrt{n\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2} - (\sum_{i=1}^{n} x_{i}^{2})^{2}}} = \frac$$

n est le nombre de couples d'observations (xi, yi).

En raison de la symétrie de sa définition, r mesure aussi bien lutensité de la liaison entre y et x qu'entre x et y .

Le coefficient de corrélation est indépendant des unités de mosure de x et de y.

La valeur de r peut varier entre -1 (corrélation négative et muluite) et +1 (corrélation positive et parfaite). Plus les points sont loitement alignés selon une droite, plus la valeur du coefficient de multiple de la valeur du coefficient de la valeur du

(ii) La droite de régression

On va essayer d'établir l'équation de la liaison linéaire la liaison linéaire les deux variables x et y. La droite qui s'ajuste le mieux

aux observations s'appelle la droite de régression. Cette droite est un outil de prévision. On pourra estimer ou prévoir, à l'aide de cette équation, les valeurs d'une variable à partir des valeurs prises par l'autre variable.

On choisit y comme variable dépendante ou expliquée et a comme variable indépendante ou explicative.

Soit un échantillon de n couples d'observations (x_i, y_i) et soil l'équation de la droite:

$$\hat{y}_i = b_0 + b_1 x_i$$

où b_0 = ordonnée à l'origine, b_1 = pente de la droite. \hat{y}_i représente le valeur estimée (ou prévue) de la variable dépendante pour une valeur particulière x_i de la variable explicative (indépendante).

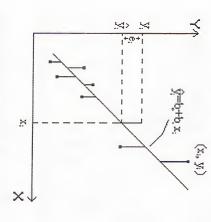


Figure VI-14 La droite de régression

Soit e_i l'écart vertical entre la valeur observée y_i et l'estimation y_i obtenue par la droite de régression pour $X = x_i$.

$$ei = y_i - y_i = y_i - b_0 - b_1 x_i$$
, pour $i = 1, ... n$.

La somme des carrés de ces écarts pour l'ensemble des points est égale à

$$S = e_1^2 + e_2^2 + \dots e_n^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2 = \sum_{j=1}^n (y_j - b_0 - b_1 x_i)^2$$

La méthode dite des moindres carrés permet de déterminer lou expressions de b₀ et b₁ de telle sorte que la somme S soit minimale. Lu droite ainsi obtenue est dite droite des moindres carrés ou droite de régression. On trouve:

$$b_{1} = \frac{\sum (x_{i} - \overline{x})(y_{i} - \overline{y})}{\sum (x_{i} - \overline{x})^{2}}$$
$$= n \sum x_{i} y_{i} - (\sum x_{i})(\sum y_{i})$$

$$= \frac{n\sum x_i y_i - (\sum x_i)(\sum y_i)}{n\sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}$$

$$=\frac{\sum x_i y_i - \frac{\sum x_i y_i}{n}}{\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n}}$$

$$= r \frac{s_x}{s_y}$$
 où: $s_x = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n-1}}$ et $s_y = \sqrt{\frac{\sum (y_i - \bar{y})^2}{n-1}}$

$$b_0 = y - b_1 x$$
 où: $x = \frac{\sum x_i}{n}$ et $y = \frac{\sum y_i}{n}$

(iii) L'extension de séries hydrologiques

Soient deux variables x et y, x observée n fois et y observée fois avec n > k. Soit k le nombre de couples (x, y). On se propose, à partir de ces k couples d'établir la droite de régression de y en x puis, à partir des valeurs de x, reconstituer les (n - k) valeurs de y non-observées

leterminés à partir des k couples ainsi que le coefficient de corrélation r_k correspondant.

La régression de y en x s'écrit:

$$\hat{y}_j = r_k \frac{{}_k \sigma_y}{{}_k \sigma_x} (x_j - x_k) + \frac{-}{y_k} \quad \text{avec} \quad k \langle j \leq r \rangle$$

insi seront reconstituées les (n - k) valeurs de y qui manquent.

L'estimation \overline{Y}_n de la moyenne des y de l'échantillon étendu peut s'obtenir directement à partir de \overline{X}_n

$$\overline{Y}_n = r_k \frac{k \sigma_y}{k \sigma_x} (\overline{X}_n - \overline{X}_k) + \overline{Y}_k$$

On peut estimer l'écart-type de l'échantillon étendu \hat{n}_y par:

1945

500,9

$$_{II}\sigma_{y}^{2} = {}_{k}\sigma_{y}^{2} + r_{k}^{2} \frac{{}_{k}\sigma_{y}^{2}}{{}_{k}\sigma_{x}^{2}} ({}_{n}\sigma_{x}^{2} - {}_{k}\sigma_{x}^{2})$$

On compare ${}_{n}\sigma_{\nu}$ et ${}_{k}\sigma_{\nu}$ et on retient la plus forte des deux valeurs. L'efficacité E de la corrélation est donnée par la formule:

$$E=I+(1-\frac{k}{n})\frac{I-(k-2)\eta_k^2}{k-3}$$

Le nombre/d'années "efficaces" ou "fictives" d'observations n', dans lesquelles on aurait la même confiance que si elles avaient été réellement faites pendant n', années est donnée par:

$$n' = k/E$$

n' varie de k (aucun gain, car corrélation nulle entre y et x avec r=0) à n (gain maximal, car liaison fonctionnelle entre y et x avec r=1).

Exemple

Nous allons appliquer la méthode de la régression linéaire aux séries pluviométriques de Bordj Bou Naama (BBN) et de Souk El Had (SEH). Les données-sont présentées dans le tableau VI – 7:

		_	_	1	1		
1934	1933	0061	1729	1000	1000	1027	An
1014,8	410,5	30/,3	207,1	111/0,9	11176	450 1	B.B.N.
-	-					12	S.E.H.
1956	1955	1954	1953	1952	1C6#	1940	An
709,8	801,7	953,8	588,7	1085,4	898.7	1030,3	B.B.N.
		7					S.E.H.
1978	1977	1976	1975	1974	1973	1972	An
712.2	720,7	618,8	391,6	819,5	340,7	1213,8	B.B.N.
5213	527,1	368	184,6	451,1	177,6	1161,4	S.E.H.
			8				

 1944	1943	1942	1941	1940	1939	1937	1936	1935
 685,1	780,2	641,8	787,7	659	1125,3	530,4	827,3	582,1
1971	1970	1969	1962	1961	1960	1959	1958	1957
826	838,5	1006	608,9	398	877,8	543,6	620,5	519,8
626,5	317,9	819,5						
1989	1988	1987	1986	1984	1982	1981	1980	1979
416,1	522,2	550,5	758,5	446,8	312,2	570,3	458,5	699,8
274,4	345,5	306,5	475,2	312,3	362,7	411,3	406	529,8

Tableau VI-7 Séries pluviométriques à BBN et SEH

La série de BBN est longue de 49ans, celle de SEH de 19 ans. Nous calculerons le coefficient de corrélation r, les coefficients de la droite de régression b₀ et b₁. Nous allons aussi étendre la série SEH, calculer les paramètres de la série étendue, l'efficacité de l'extension et le nombre d'années efficaces.

Les calculs sont présentés dans le tableau VI - 8:

La première colonne donne l'année de l'observation, la deuxième et la troisième colonnes donnent les pluies (X et Y) à BBN et SEH. Les quatrième et cinquième colonnes donnent les carrés des pluies et la sixième colonne leurs produits.

1861	1980	1979	1978	1977	1976	1975	1974	1973	1972	1971	1970	1969	Années	-
570,3	458,5	699,8	712,2	720,7	618,8	391,6	819,5	340,7	1213,8	826	838,5	1006	X(BBN)	2
411,3	406	529,8	521,3	527,1	368	184,6	451,1	177,6	1161,4	626,5	317,9	819,5	Y(SEH)	ယ
325242,1	210222,3	489720,0	507228,8	519408,5	382913,4	153350,6	671580,3	116076,5	1473310,4	682276,0	703082,3	1012036,0	X^2	4
169167,7	164836,0	280688,0	271753,7	277834,4	135424,0	34077,2	203491,2	31541,8	1348850,0	392502,3	101060,4	671580,3	y^2	S,
234564,4	186151,0	370754,0	371269,9	379881,0	227718,4	72289,4	369676,5	60508,3	1409707,3	517489,0	266559,2	824417,0	XX	6

	198	198	1986	198	198
4161	522,2	550,5	758,5	446,8	312,2
01,7	345,5	306,5	475,2	312,3	362,7
	272692,8	303050,3	575322,3	199630,2	97468,8
	119370,3	93942,3	225815,0	97531,3	131551,3
	180420,1	168728,3	360439,2	139535,6	113234,9

Tableau VI-8 Calcul des paramètres de la régression linéaire

Les résultats sont présentés dans le tableau VI - 9.

Tableau VI-9 Résultats de la régression linéaire

L'équation de la droite de régression est donnée dans la figure VI - 15.

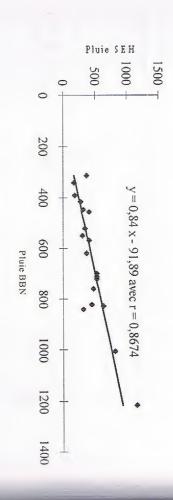


Figure VI-15 La droite de régression entre la série BBN et SEH

Pour étendre la série pluviométrique de SEH on calcule $\overline{X_k, y_k, x_n}, \sigma_{y^2k} \sigma_{x^2n} \sigma_{x^2k} \sigma_{y^2k} \sigma_{x^2n} \sigma_{x^2n}$

var Yn est	moy Yn es	var Yk	var Xk	moyYk	moyXk	coef corr
imée =	stimée=	11	11	11	11	11
50046,43	490,90	52941,05	55827,10	451,5	643,3	0,867
	ec-type Xn =	Var Xn =	Moy Xn =	ec-type Y K =	ec-type Xk =	
	221,33	517/0,42	689,93	230,09	230,28	22/20
	50046,43	43 ec-type Xn = 227,3	52941,05	55827,10 Moy Xn = 089,9. 52941,05 Var Xn = 51770 490,90 ec-type Xn = 227,5	451,5 ec-type YK = 250,07 55827,10 Moy Xn = 689,97 52941,05 Var Xn = 51770 490,90 ec-type Xn = 227,5 50046,43	643,3 ec-type Xk = 230,48 451,5 ec-type Yk = 230,08 55827,10 Moy Xn = 689,93 52941,05 Var Xn = 51770 490,90 ec-type Xn = 227,5

Tableau VI-10 Calcul des paramètres de l'extension des séries

	B			-						-	-	7
C501	1001	1051	1946	100	1945		1944		1945		20	_
0 5 08	001,0	2 633	118,4	770 /	331,2	11-1	400,0	1060	201,4	0 173	Fluie	DI
825.0 1958	1001	1057	CAI	105	1700	1055	1754	105/	1777	1052	TIL	2
432.3	0	3472	201,1	5077	200,0	ハタハル	120,0	713 8	TOU	105 4	I IUIC	Pluie
1970		7 347 2 1969 819,5 1975	1707	1062	1700	1961	1,00	1960	1000	1959	1 111	An
1317,9	1	819,5	10000	422 5	20	2443	0 : 7	649.6	00.75	367.3		Pluie
1976		1975	1	1974		1973	T	11972		1971		An
308	0/0	184,6		451,1		177.6		1161,4		626,5		Pluie
1982	1000	1861		1980	1000	19/9	1000	19/0	1070	19//	1	An
304,1	しいいし	411,5		400	101	0,670	2000	241,3	100	327,1	507	Pluie
		1909	1000	1700	1000	1901	1007	1700	1006	1704		An
		4,417	_	340,0	コノハハ	0,000	2065	410,4	7750	016,0		Pluie
_	_	1		_								

Tableau VI-11 Série des 35 années de pluies reconstituées

E - LA PRÉCIPITATION MOYENNE

L'analyse des pluies sur une zone d'étendue variable, de quelques kilomètres carrés, pour l'étude d'un projet d'assainissement urbain par exemple, à plusieurs milliers, pour une étude d'ensemble, ou une évaluation de crues à attendre dans un barrage, nécessite l'étude des relevés aux différents postes pluviométriques du bassin.

On part de la pluie ponctuelle et on admet que celle-ci est représentative de celle tombée sur une zone plus ou moins étendue autour de la station.

La légitimité de cette hypothèse dépend:

- 1- des caractéristiques météorologiques de l'averse,
- 2- de la topographie de la région.

On doit examiner ces paramètres avant toute étude. Cependant la variabilité dûe à ces paramètres tend à diminuer avec la longueur des séries pluviométriques.

Quatre méthodes sont très souvent utilisées pour calculer la moyenne pluviométrique d'une région:

- 1- la moyenne arithmétique ;
- 2- la méthode de Thiessen;
- 3- la méthode analytique ;
- 4- la méthode des isohyètes.

1 - La moyenne arithmétique :

Une simple moyenne arithmétique de n postes, intéressant une surface S, peut être une estimation valable de la lame d'eau tombét sur S, si le réseau est à la fois dense et bien réparti et si la pluviométrie est homogène.

$$\overline{P} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} P_i$$
 où $P_i = \text{précipitation au poste i}$

n = nombre total de postes pluviométriques

Cependant cette méthode peut donner des résultatumédiocres, même dans une région de pluviosité homogène, car une averse particulière peut avoir une distribution spatiale hétérogène. A l'échelon mensuel ou annuel, des compensations peuvent se produire. Toutefois, si la densité des postes n'est pas homogène, la moyenne arithmétique avantagera les zones à forte densité de postes pluviométriques. Les zones montagneuses étant les plus arrosées et

bénéficiant de plus de postes pluviométriques (pour mesurer la variabilité des précipitations dûe au relief); la moyenne arithmétique tendrait à surestimer assez souvent la lame d'eau précipitée.

2 - La méthode de Thiessen:

C'est une méthode arithmétique dans laquelle on attribue à chaque pluviomètre un poids proportionnel à une zone d'influence définie géométriquement. Cette méthode ne tient compte que de la distribution spatiale en plan des stations pluviométriques. Elle ne tient compte ni de topographie, ni d'autres facteurs qui pourraient influencer la distribution spatiale de la pluie.

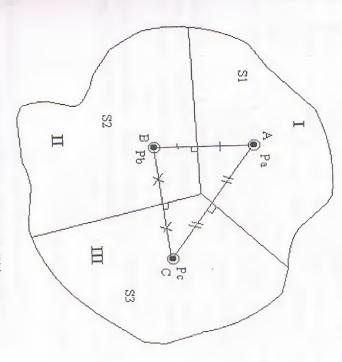


Figure VI-16 La méthode de Thiessen

soit un bassin pourvu de trois pluviomètres (figure VI - 16) A, B, C. Les pluies mesurées sont respectivement P_A, P_B, P_C. On joint AB, BC, et CA. On trace les médiatrices de ces trois segments, elles sont concourantes et partagent le bassin en 3 zones I, II, et III. D'après la propriété de la médiatrice, un point situé dans la zone I est plus proche du pluviomètre A que des pluviomètres B ou C. Si S₁, S₂ et S₃ sont les

surfaces des zones I, II et III respectivement et S la surface totale, la pluie moyenne \overline{P} sur le bassin sera, d'après Thiessen:

$$\overline{P} = \frac{P_A S_1 + P_B S_2 + P_C S_3}{S}$$

En zone de pluviosité homogène, la délimitation par les médiatrices interpostes est bonne ; par contre, en zone de pluviosité non homogène, la densité des postes doit être telle que les zones d'influence déterminées par les médiatrices sont suffisamment petites pour pouvoir être considérées comme homogènes du point de vue de la pluviosité.

3 - La méthode analytique

Cette méthode utilise la corrélation qui existe entre lev précipitations et les altitudes. Si cette corrélation est forte (r ≥ 0,7), la précipitation moyenne sur le bassin versant est donnée par l'équation de la droite de régression entre les pluies et les altitudes dans laquelle l'altitude est prise égale à l'altitude moyenne. Cette dernière est tirée à partir de la courbe hypsométrique du bassin versant.

Pratiquement, on procède comme suit :

- pour chaque station (précipitation en abscisse et altitude en ordonnée);
- 2 On ajuste visuellement une droite au nuage de point btenu;
- 3 L'abscisse du point de la droite correspondant à l'altitude moyenne (déterminée à partir de la courbe hypsométrique) est égale à la pluviométrie moyenne sur le bassin versant.

4 - La méthode des isohyètes

Les isohyètes sont définies comme le lieu des points d'égale hauteur de précipitation pour une période considérée. Pour tracer de telles courbes, il faut implicitement effectuer des interpolations entre les postes.

En zone de pluviométrie homogène, l'interpolation peut être linéaire. Une attention particulière doit être portée aux orages. La décroissance peut être parabolique au lieu de linéaire.

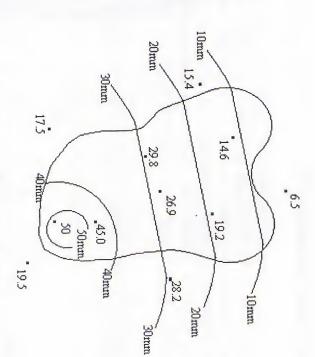


Figure VI-17 La méthode des isohyètes

En zones de fortes variations de pluviosité (essentiellement dûcs au relief), il faut tenir compte

- de la variation d'altitude;
- de la différence d'exposition (effet de Foehn);
- de l'influence des écrans (massifs montagneux);
- de la direction de propagation de la pluie.
- La pluie moyenne est donnée par:

$$\overline{P} = \sum_{i=1}^{n} \frac{S_i \overline{P}_i}{S}$$

iii S_i = surface entre deux isohyètes successives,

pluie moyenne entre deux isohyètes successives.

La méthode des isohyètes, quand elle est utilisée par un hydrologue expérimenté qui tient compte de toutes les informations sur la topographie et les caractéristiques des averses, donne une distribution plus réaliste des pluies, et donc un bien meilleur résultat.

5 - La méthode des deux axes :

méthode est illustrée par l'exemple suivant : différentes stations par rapport au centre de gravité du bassin. La précipitations sur un bassin versant en tenant compte des distances des méthodes permet de calculer la moyenne des

dans et autour du bassin versant ci-dessous (échelle = 1/1.000.000 cmc) Les pluies annuelles mesurées au stations pluviométriques SPi situées

 $SP1 = 1500 \, mm$ SP2 = 1000 mmSP3 = 900 mm $SP4 = 800 \, \text{mm}$

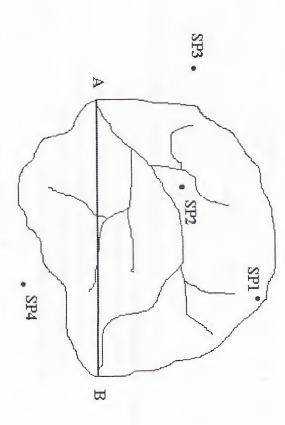


Figure VI - 18 Méthodes des deux axes

SP2, ...SP4, et tracer le segment de droite AB va de l'exutoire au point le axe ou axe majeur est la médiatrice EF de l'axe mineur CD. médiatrice CD du segment AB. CD est appelé l'axe mineur. Le second plus éloigné suivant le cours d'eau principal et situé sur la limite du On commence par identifier les différentes stations SP1, On trace ensuite le premier axe qui est formé par la

Le coefficient de pondération de chaque station est égal à

$$Y_i = B_i / \sum_{i=1}^{n} B_i$$

4 dans cet exercice) et où k est égal au nombre de stations SP; qui sont numérotées de 1 à k (1 à

$$B_{i}=\cos^{-1}\left(\frac{L_{i1}^{2}+L_{i2}^{2}-L_{i3}^{2}}{2\times L_{i1}\times L_{i2}}\right)$$

cloignée des deux axes. où Bi est l'angle formé par la station Spi et chacune des extrêmes la plus

Les différentes distances sont mesurées sur la figure, nous obtenons :

$$L_{11} = SP_1 E = 60 \text{ km}, L_{12} = SP_1 C = 60 \text{ km}, L_{13} = EC = 46 \text{ km}$$

 $L_{21} = SP_2 C = 40 \text{ km}, L_{22} = SP_2 F = 49 \text{ km}, L_{23} = CF = 47 \text{ km}$
 $L_{31} = SP_3 C = 60 \text{ km}, L_{32} = SP_3 F = 81 \text{ km}, L_{33} = CF = 47 \text{km}$
 $L_{41} = SP_4 E = 59 \text{ km}, L_{42} = SP_4 D = 68 \text{km}, L_{43} = DE = 48 \text{km}$

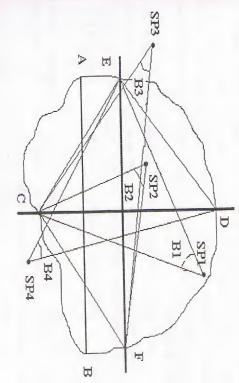


Figure VI - 19 Calcul de la pluie moyenne par la méthodes des deux axes

	5	ين	2	-	Z
	SP_4	SP_3	SP_2	SP ₁	Station
	59	60	40	60	Lil (km)
	68	81	49	60	Li1 (km) Li2 (km) Li3 (km)
Somme	48	47	47	46	Li3 (km)
= 186.68	43.70	35.10	62.80	45.08	Bi (°)
	0.234	0.188	0.336	0.241	Yi
Somme	800	900	1000	1500	Pi (mm)
= 1055.1	187.3	169.2	336.4	362.2	Pi (mm) PiYi (mm)

Tableau VI – 12 Calcul de la pluie moyenne au moyen de la méthode des deux axes

La pluie moyenne calculée par la méthode des deux axes est égale à la somme des pluies de chaque pluviomètre P_i multipliées chacune par son coefficient de pondération Y_i . On trouve:

$$\overline{P} = \sum_{i=1}^{K} Y_i P_i = 1055, 1 \text{ mm}$$

F - L'ANALYSE DES AVERSES

On désigne généralement par "averse" un ensemble de pluies associées à une même perturbation météorologique bien définie. Ainsi une averse pourra durer quelques minutes ou, au contraire, se prolonger sur plusieurs heures; elle pourra intéresser quelques km² ou quelques milliers de km² et devenir une pluie cyclonique qui provoquant les crues des grands fleuves.

Pour dimensionner certains ouvrages hydrauliques comme les réseaux d'assainissement (égouts), les drains agricoles, les caniveaux d'évacuation des eaux pluviales, il est nécessaire de connaître la précipitation la plus intense pouvant survenir au cours d'une durée indéfinie.

On se protège contre une averse-type de probabilité déterminée, et non contre n'importe quelle averse de probabilité très faible (ou ayant une très grande période de retour).

Par contre, pour les grands ouvrages, l'analyse se tourne vers les averses de plus longue durée. Le choix de l'averse se fait selon plusieurs critères, parmi lesquels les plus importants sont les critères économiques. Toute protection coûte à la communauté. Ce coût et les risques doivent être déterminés et choisis avant de faire le dernier choix hydrologique.

1 - L'intensité

a) L'intensité moyenne (Im)

C'est la quantité de pluie (Δh) tombée durant l'unité de temps (Δt): I = Δh / Δt : si entre 13h et 13h 6min il est tombé 12 mm; l'intensité moyenne sera 12/6 = 2 mm/minute.

b) L'intensité horaire (Ih)

C'est la hauteur de pluie qui serait tombée en une heure pour une intensité moyenne donnée. Dans l'exemple précédent, on aurait: intensité horaire = (12 / 6) x 60 = 2mm / min x 60 min / h = 120 mm/h

Exemple

-04000000000000000000000000000000000000	128	62	36	27	18	12	P (mm)
	17 h 01	14 h 24	18 h 30	0 h 12	7 h 28	12h 42 min	t ₁ (h)
	18 h 01	15 h 12	18 h 52	0 h 42	7 h 42	12h 42 min-12 h 45min	\dot{a} $t_2(h)$
	60	48	22	30	14	ω	Durée (min)
	2,1	1,3	1,6	0,9	1,3	4	Im (mm/min)
	128	77	98	54	77	240	Ih(mm/h)

Tableau VI-13 Calcul des intensités moyennes et horaires

2 - Les courbes intensité-durée

Soit le dépouillement d'un pluviogramme indiqué dans le lableau VI – 13, en guise d'exercice, l'étudiant peut tracer la courbe des pluies cumulées et le hyétogramme associés à ce pluviogramme.

La hauteur maximale de pluie ou l'intensité maximale pendant un intervalle de temps donné est trouvée en calculant les totaux nuccessifs de pluie pendant l'intervalle considéré, en partant du début de l'uverse et en décalant chaque fois d'un pas de temps égal à celui du pluviogramme. Ainsi, si l'intervalle de temps est 30 minutes, on a 11,7 num pendant les 30 premières minutes et allant de 0 min à 30 min; 16,7 mm, de 5 min à 35 min; 21,5 mm, de 10 min à 40 min etc. La hauteur maximale de pluie tombée en 30 min est de 35,8 mm entre 60 et

90 min, correspondant à une intensité horaire de 35,8/0,5 h soit 71,6 mm/h.

150	145	140	135	130	125	120	115	110	105	100	95	90	85	80	75	70	65	60	55	50	45	40	35	30	25	20	15	10	5	0	-	(min)
0,1	0,2	0,1	0,3	1,2	0,9	0,9	1,5	2,2	2,5	2,5	4,4	5,1	7,6	5,4	3,6	3,9	3,6	6.6	3,1	1,6	5,1	5	5	4,8	1,9	0,4	-	3,4	0,2	0	2	p (mm)
84,1	84	83,8	83,7	83,4	82,2	81,3	80,4	78,9	76,7	.74,2	71,7	67,3	62,2	54,6	49,2	45.6	41,7	38,1	31,5	28,4	26,8	21,7	16,7	11,7	6,9	5	4,6	3,6	0,2	0	3	P cumulée
3,7	5,1	7,1	9,5	11,7	14,9	19,1	25,8	29,7	31,1	32,5	33,6	35.8	33,8	27,8	27,5	28,9	30	31,2	26,5	23,8	23,2	21,5	16,7	11,7							4	P 30 (mm)
7,4	10,2	14,2	19	23,4	29,8	38,2	51,6	59,4	62,2	65	67,2	71,6	67,6	55,6	55	57.8	60	62,4	53	47,6	46,4	43	33,4	23,4							5	1 30 (mm/h)
21,9	29,4	34,6	38,1	41,7	44,1	49,8	52	52,1	55	57,5	60	60,4	57,2	50	45,6	45,4	41.7	38,1													6	P 60 (mm)
21,9	29,4	34,6	38,1	41,7	44,1	49,8	52	52,1	55	57,5	60	60,4	57,2	50	45.6	45,4	41.7	38.1													7	(tl/tum) 09 I
77,2	79	79.2	80,1	83.2	82,2	81,3																									~	P 120 (mm)
38,6	39.5	39,6	40,1	41,6	41,1	40.7																									9	1 120 (mm/h)

Tableau VI-14 Calcul des intensités maximales

Le tableau VI-14 montre les hauteurs maximum et les intensités pour des intervalles de temps de 30 minutes, 1 heure et 2 heures.

On peut voir, sur le graphe Intensité-Durée de la figure VI-18 que plus l'intervalle de temps s'accroît, plus l'intensité décroît.

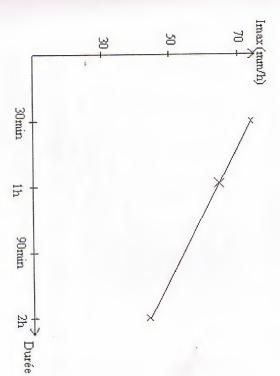


Figure VI-20 Courbe intensité-durée

3 - Les courbes intensité-durée-fréquence (I.D.F)

On considère ici toutes les averses tombées sur une station pluviométrique, durant une période aussi longue que possible. Pour chaque averse, on détermine le tableau Im en fonction de Δt . On choisit pour chaque année et pour chaque Δt le Imax (l'intensité horaire maximale).

Les séries d'observations pour chaque Δt doivent être suffisamment longues pour permettre de déterminer les périodes de retour expérimentales : $T = \frac{1}{FD} = \frac{N}{i-0,5}$, où T =période de retour, FD =

fréquence au dépassement, $N = longueur de la série d'observations et i = rung. On peut aussi (ce qui est préférable) ajuster une (ou des) loi(s) statistique(s) et en tirer les périodes de retour pour chaque <math>\Delta t$.

Ensuite, pour chaque Δt , on porte sur un graphe, en ordonnées, les I max des périodes de retour 1, 2, 10 et 50 ans par exemple. On joint ensuite les points d'égale fréquence (ou période de retour) pour obtenir les courbes intensité-durée-fréquence (IDF)

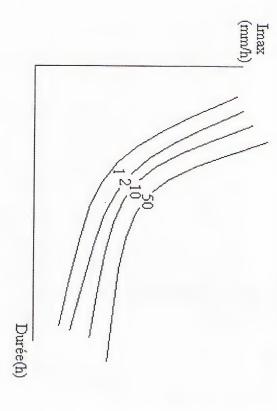


Figure VI-21 Courbes IDF

Il a été prouvé que, pour une période de retour déterminée, chacune de ces courbes est de la forme:

$$I_{\text{max}} = \frac{a}{(b+t)^n}$$
 (Imax en mm/h)

pour une période de retour T=1/FD donnée, où $t=\Delta t$, intervalle de référence ou durée de l'averse-type. a, b et n, qui ne sont valables que pour une station considérée et un temps de récurrence choisi, peuvent être déterminés par la méthode des moindres carrés.

Par ailleurs, les hauteurs de pluies de durées de 10 et 30 minutes pour une période de retour donnée sont obtenues par interpolation d'après les hauteurs de pluies de durées de 5, 15 et 60 minutes pour la même période de retour.

$$P_{10 \text{min}} = 0.41 P_{5 \text{min}} + 0.59 P_{15 \text{min}}$$
 (IV-3-1)
 $P_{30 \text{min}} = 0.51 P_{15 \text{min}} + 0.49 P_{60 \text{min}}$ (P en mm) (IV-3-2)

Pour des périodes de retour autres que 2 et 100 ans et la même durée, l'équation suivante est utilisée:

$$P_{\Delta T,K} = aP_{\Delta T,2uns} + bP_{\Delta T,100uns} \tag{IV-3-3}$$

où Δt est la durée de la pluie, k la période de retour, a et b étant donnés par le tableau ci-dessous:

50	25	10	5	~
0.146	0,293	0,496	0,674	а
0.835	0,669	0,449	0,278	Ь

Tableau VI-15 Valeur des paramètres

k, a et b

Pour trouver Imax, l'équation suivante est utilisée:

$$I_{\text{max}}(mm/h) = \frac{P_{\Delta T}(mm) \times 60(\min)}{\Delta T(\min)}$$

Exemple

Sachant que, pour une ville donnée, on a:

 $P_{2;15} = 25,9 \text{ mm}; P_{100;15} = 47,2 \text{ mm};$

 $P_{2,60} = 47,0 \text{ nnm et } P_{100,60} = 96,5 \text{ mm};$

déterminer la hauteur de pluie de durée 30 minutes et de période de retour 25 ans.

La solution est la suivante :

@qIV-3-1:

$$P_{2,30} = 0.51 P_{2;15} + 0.49 P_{2;60} = 0.51 \times 25.9 + 0.49 \times 47 = 36.24 mm$$

(qIV-3-2:

$$P_{100;30} = 0.5 P_{100;15} + 0.49 P_{100;60} = 0.51 \times 47.2 + 0.49 \times 96.5 = 71.36 mm$$

On utilise maintenant l'équation IV-3-3 avec les coefficients a 0,293 et b=0,669 pour trouver la hauteur de pluie de durée 30min et de période de retour 25 ans (k=25)

$$\begin{split} P_{25;30} &= 0,293 \times P_{2;30} \ + \ 0,669 \times P_{100;30} \\ &= 0,293 \times 36,24 \ + \ 0,669 \times 71,36 = 58,36 \ mm \ . \end{split}$$

4 - Les courbes hauteur-surface-durée (H.S.D.)

proches du centre de l'averse, parfois proches de son extrémité, parfois extrapolation, du fait que les stations pluviométriques sont quelquefois entre les deux. moyenne sur une surface donnée. On doit tenir compte, lors de cette précipitations ponctuelles sont extrapolées pour trouver la précipitation distribution des précipitations sur une surface, les estimations pour les ponctuelles. En l'absence d'informations sur la vraie probabilité de aussi bien développée que l'analyse des précipitations L'analyse fréquentielle des précipitations sur une surface n'a

précipitation sur une surface en fonction d'une précipitation ponctuelle telle que montré dans la figure VI - 20. Cette démarche aboutit à des courbes donnant la

reseau pluviométrique est dense. pluies maximales de durée n heures enregistrées dans une région où le cartes isohyètes sont préparées pour chaque durée, à partir des tables des développées par une analyse hauteur-surface-durée dans laquelle des Les relations hauteur-surface pour différentes durées sont

de la surface est réalisé pour chaque durée. mesurée et un graphique donnant la précipitation moyenne en fonction Sur ces cartes, la surface comprise entre deux isohyètes est

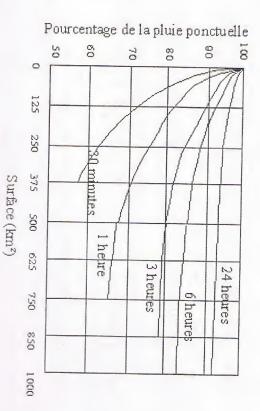


Figure VI-22 Courbes HDS

G - BIBLIOGRAPHIE

Spiegel, M.R. (1961): Statistics, Shaum Publishing

Company, New York.

and Hydrologic Definitions, Manual of Hydrology, Part I, General Surface Water Techniques, United States Government Printing Office, Langbein, Kathleen, T. Iseri (1961): General Introduction

Washington, D.C. Roche M. (1963): Hydrologie de Surface, Gauthier-Villars

ed. Paris.

Applied Hydrology, VT Chow Editor, Mc Graw Hill Book Company, Gilman, CS (1964: Rainfall, section 9 in Handbook of

New York. Selby, S.H., Girling, B. (1965): Standard Mathematical

Tables, The Chemical Rubber Company, Ohio, U.S.A..

Average Precipitation, World Meteorological Organization, International Rainbird, A.F. (1967): Methods for Estimating Areal

Hydrologic Decade, Report N°3, Genève, Suisse. Pacé, P. et Cluzel R. (1969) : Statistiques et Probabilités,

Librairie Delagrave, Paris.

University of Arizona, Tucson, U.S.A. Thunderstorms Volumes for the Atterbury Watershed in Tucson Area, Sari Ahmed, A. (1969): Synthesis of Sequences of Summer

Arizona, Arizona Highway Department, Bridge Division. Hydrologic Design for Highway

Viallet, F., (1970): Statistiques et Recherche Appliquée,

Chotard et Associés ed. Paris.

Superficielle, Initiation à l'Hydrologie, S.E.S., Secrétariat d'Etat à Grisoni, M., Decroux, J. (1972): Cours d'Hydrologie

l'Hydraulique, Alger.

Arléry R., Grisollet H. et Guilmet B. (1973): Climatologie,

Méthodes et Pratiques, Gauthier-Villard Editeur, Paris.

Dubreuil, P. (1974): Initiation à l'Analyse Hydrologique,

Masson et Cie éd. Paris.

Bobee, B. (1978): Techniques d'Echantillonnage, Cours Nº

Institut National Polytechnique de Lorraine, France. Laborde, J.P. (1982) : Eléments d'Hydrologie de Surface,

Laborde, J.P., (1982) : Notions Fondamentales de l'Hydrologie Urbaine, ??

Laborde, J.P., (1982): Tests Statistiques, ???

Linslay, R.K., Kohler, Paulhus (1982): Hydrology for

Engineers, Mc Graw Hill Company, New York.

Wilson F M (1985): Engineering Hidrology M.

Wilson, E.M. (1985): Engineering Hydrology, Mac Millan Publishers Ltd, London.

Mc Mahon T.A., Mein, R.G. (1986): River and Reservoir Yield, Water Resources Publications, Littleton, Colorado 80161, U.S.A.

Réméniéras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur, éd. Eyrolles, Paris.

Baillargeon, G. (1990) : Méthodes Statistiques de l'Ingénieur, Les Editions S.M.G., Trois Rivières, Québec, Canada.

VII

L'ÉVAPORATION ET LA TRANSPIRATION

A - L'ÉVAPORATION

La notion d'évaporation est importante dans les études de bilan hydraulique ou d'évaluation des ressources en eau.

Elle affecte les débits à partir d'un bassin versant, le dimensionnement des réservoirs de barrages, le dimensionnement d'un réseau d'irrigation, etc.

L'eau s'évapore à partir de la surface de la terre, d'un sol nu ou d'un sol couvert de végétation; elle s'évapore aussi à partir des arbres et des plantes, de surfaces imperméables comme les toits des maisons ou des routes, des surfaces d'eau stagnante ou des cours d'eau.

L'intensité de l'évaporation varie avec la couleur et les propriétés réflectives des surfaces concernées, ainsi qu'avec l'exposition nux radiations solaires.

Dans les climats tempérés l'évaporation varie entre 600 mm par an à partir des surfaces d'eau et 450 mm/an à partir des surfaces de sol. En Algérie (au Sud du pays, en particulier), ces chiffres peuvent atteindre respectivement 2500 mm/an et 1000 mm/an.

L'évaporation est la conversion de l'eau de l'état liquide à l'état de vapeur. Cette conversion nécessite une absorption d'énergie évaluée à 600 calories par gramme d'eau évaporée. C'est pourquoi l'évaporation est plus intense sous les radiations directes du soleil. Les nuages réduisent l'intensité des radiations solaires et, par conséquent, l'évaporation. Celle-ci diminue aussi beaucoup pendant la nuit.

Le vent est aussi un facteur qui favorise l'évaporation. Il déplace les couches d'air saturées qui sont prés de la surface de l'eau ou du sol pour être remplacées par des couches d'air plus sec, donc plus enpable d'absorber de la vapeur d'eau.

L'humidité de l'air joue également un rôle dans l'évaporation. Plus l'air est humide et moins il est apte à absorber de l'humidité supplémentaire. Enfin, plus la température de l'air est élevée plus l'évaporation est intense.

B - LA TRANSPIRATION

Toutes les plantes ont besoin d'eau pour leur croissance. Seulement une infime partie de l'eau absorbée par la plante reste dans le corps de la plante. La plus grande quantité de l'eau passe à travers le racine, la tige ou le tronc et est transpirée dans l'atmosphère via les feuilles des plantes. C'est la transpiration.

Sur le terrain, il est pratiquement impossible de faire la différence entre l'évaporation et la transpiration. C'est pourquoi les deux phénomènes sont regroupés sous le nom d'évapotranspiration.

La disponibilité de l'eau est un important facteur, car si l'eau est toujours disponible en abondance, la transpiration sera plus importante que lorsqu'il y a une restriction sur l'eau disponible. C'est pourquoi on distingue entre l'évapotranspiration potentielle, quand il n'y a pas de restriction sur les quantités d'eau disponibles, el l'évapotranspiration réelle, quand ces restrictions existent. La plupart des méthodes de calcul donnent l'évapotranspiration potentielle.

C - MESURE DE L'ÉVAPORATION

Chaque fois que cela est possible, il est préférable de procéder à des mesures de l'évaporation. L'instrument utilisé pour cela est le bac. L'évaporation mesurée dans le bac ne reflète qu'imparfaitement l'évaporation à partir d'une grande étendue d'eau (lac ou réservoir d'un barrage par exemple). Il est important d'implanter les bacs dans des conditions climatiques les plus voisines possibles de celles du site pour lequel on désire connaître l'évaporation. Les principaux bacs adoptés à travers le monde sont:

1 - Bacs enterrés:

a) Bac de Young couvert

Circulaire, de diamètre égal à 0,61m et de profondeur 0,90 m, couvert par une grille métallique dont les éléments ont une section de 6 mm.

b) Bac Colorado

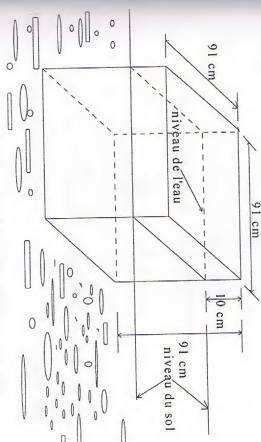


Figure VII-1 Bac Colorado

Carré de 0,91m de coté et de profondeur variant entre 0,46 et 0,91m. Il est enterré de façon telle que le rebord est à 10 cm au dessus du sol. L'eau est sensiblement au niveau du sol.

c) Bac de l'O.R.S.T.O.M

Ses caractéristiques sont voisines de celles du bac Colorado, carré de 1m de coté et de 0,60m de profondeur.

2 - Bac posé sur le sol:

a) Bac classe A

Il est circulaire, de 1,20 m de diamètre et de 0,25 m de profondeur, en tôle galvanisée non peinte, et posé sur un socle laissant circuler l'air librement. Ce bac, largement utilisé, et a été préconisé à l'échelon international.

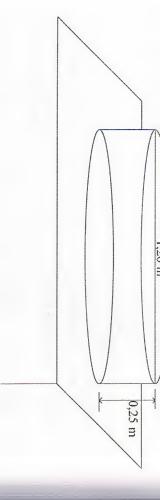


Figure VII - 2 Bac class A

3 - Bac flottan

Il est le plus significatif, lorsqu'il s'agit de déterminer l'évaporation à partir d'un plan d'eau, mais son exploitation est particulièrement difficile (mesure du niveau de l'eau délicate, projection d'eau possible à l'intérieur ou l'extérieur du récipient).

Pour mesurer la hauteur d'eau évaporée depuis le moment de la mesure précédente, on verse un volume d'eau connu jusqu'à atteindre le niveau fixé.

Lorsqu'il a plu entre deux mesures consécutives et que la hauteur de pluie est connue (à partir d'un pluviomètre voisin), on retranche du bac une hauteur d'eau égale à celle de la pluie.

Quel que soit le type de bac utilisé, il y a lieu de le protéger contre les insectes, les batraciens, les animaux fouineurs, les animaux sauvages ou domestiques susceptibles de boire une quantité importante d'eau, des oiseaux, etc. Il ne faut pas oublier que la protection du bac doit perturber le moins possible les conditions naturelles et, en particulier, respecter l'influence du vent.

La petite capacité et la faible profondeur des bacs en comparaison avec les lacs, rivières et réservoirs de barrages ainsi que leu localisation sur le sol font que l'évaporation à partir des bacs est plus importante que sur les lacs; c'est pourquoi on applique un coefficient à l'évaporation à partir du bac, coefficient qui varie de 0,69 à 0,91:

Type de bac
Young
Colorado
Classe A

Tableau VII - 1 Les coefficients de bacs

 $E_V = E_b \times C$

 $Ev = \text{\'e}vaporation naturelle;}$

Eb = évaporation du bac;

C = coefficient du bac. Le tableau VII - 1 donne quelques valeurs de C.

4 - Les nappes d'eau naturelles

Les mesures à partir de plans d'eau naturels sont indispensables si l'on veut obtenir des coefficients permettant de passer de l'évaporation mesurée sur les bacs à celle des réservoirs naturels.

Il y a lieu pour cela d'établir le bilan hydrologique complet du luc ou de la retenue étudiée, sur une période déterminée. L'équation du bilan est:

$$E = Va + Vp - Ve - Vi - Vs$$

où E = Volume évaporé,

Va = Volume reçu par le réservoir;

Vp = Volume apporté par les précipitations;

Ve = Volume évacué par l'exutoire;

Vi = Pertes par infiltration;

Vs = Stockage ou destockage pendant la période (différence

Il existe également des moyens indirects pour déterminer

l'évaporation. Il s'agit de la méthode du bilan énergétique.

Il y a lieu de mentionner que devant l'importance économique
l'évaporation dans certaines régions du globe, de nombreuses
weherches ont été entreprises dans le but de réduire l'évaporation à partir

Une des méthodes consiste à répandre un film nonomoléculaire d'une substance peu évaporante sur le plan d'eau

Cependant, si l'action d'un film monomoléculaire sur un plan d'eau parfaitement calme est efficace, il n'en est pas de même lorsque la surface traitée est agitée par les vagues, même de faible amplitude. La réduction de l'évaporation par ce procédé ne dépasse pas 20 à 30 %.

D - LA MESURE DE LA TRANSPIRATION

Les procédés de mesure de la transpiration des plantes peuvent être classés en trois catégories:

- Mesure directe de la vapeur d'eau restituée à l'atmosphère,
- Mesure du changement du poids de la plante et du terrain qui l'alimente (lysimètre à bascule),
- Mesure de la quantité d'eau nécessaire à une plante pour assurer sa croissance et sa transpiration (lysimètre normal).

Le lysimètre, qui est l'appareil de mesure de la transpiration des plantes, est une cuve étanche enterrée à parois verticales. Elle est ouverte en sa partie supérieure et remplie de la terre que l'on veut étudien jusqu'à 10cm de son bord supérieur. La surface du sol est ainsi soumiss aux agents atmosphériques (mesurés dans une station météorologique voisine), y compris la pluie. Le sol contenu dans le lysimètre est à un niveau bien déterminé. L'eau de drainage est recueillie et mesurée L'humidité du sol est mesurée par pesée ou par sondage du sol. On peut alors résoudre l'équation:

$$E = P - Q - \Delta R$$

E = évaporation

Q = eau restitué par drainage

P = précipitation

 ΔR = quantité d'eau accumulée dans le lysimètre.

De nombreuses mesures ont permis de constater

l - des variations diurnes

Nulle pendant la nuit, la transpiration des plantes su développe le jour en fonction du pouvoir évaporant de l'atmosphère et de l'intensité des radiations solaires,

2 - des variations saisonnières

La transpiration augmente avec la croissance des feuilles, puis cesse à la chute de ces dernières ;

3 - des variations interannuelles

Comme pour les variations de l'évaporation à partir d'une nappe libre, les variations de la transpiration suivent sensiblement les variations climatiques.

Etant donné que dans la plupart des cas le sol est couvert partiellement de végétation, il faut donc ajouter à la quantité d'eau évaporée à partir du sol la quantité correspondant à la transpiration des plantes.

On donne ci-dessous des valeurs de l'évapotranspiration (Etp) annuelle pour quelques plantes:

Tableau VII - 2 Valeurs de l'évapotranspiration annuelle pour quelques plantes

E - LES FORMULES

1 - Les formules de calcul de l'évapotranspiration réelle

a) La formule de Turc:

Où: Etr = évapotranspiration réelle en mm/an, P = Pluie annuelle en mm,

t = température moyenne annuelle.

 $E = 0.22.10^{-3} (q_s - q)(0.93 + \mu_2)$

partir d'une nappe d'eau libre de faible profondeur, où : E = évapotranspiration en kg par m² et par jour à

ci est saturé à la température de l'eau, q_s = taux d'humidité de l'air, en pour-cent, lorsque celui-

dessus de la surface de l'eau, q = taux d'humidité de l'air, en pour-cent mesuré au

 μ_2 = vitesse du vent en m/s à 2 m du sol.

2 - Les formules de calcul de l'évapotranspiration (Etp) potentielle

a) La formule de Thornthwaite pour l'Etp mensuelle

conditions climatiques. partir d'une surface qui serait suffisamment approvisionnée en eau pour permettre l'évaporation de la quantité maximale d'eau permise par les l'évapotranspiration potentielle, définie comme l'évapotranspiration à Les études de Thornthwaite ont porté sur ce qu'il appelle

d'humidité. La formule de Thornthwaite est : l'évapotranspiration à partir d'une surface compte tenu de son étal Elle s'oppose à l'évapotranspiration réelle qui mesure

$$Etp = 1,6 (10t/I)^{a}$$
. K

où: Etp = évapotranspiration mensuelle en mm,

t = température moyenne mensuelle,

I = Indice thermique annuel soit la somme des indices du

chaleur mensuels $I = \sum_{i=1}^{12} I_i$

avec
$$i = (t/5)^{1,514}$$
;
 $a = (1,6/100) I + 0,5$

et K = coefficient d'ajustement mensuel

b) La formule de Turc pour l'Etp mensuelle:

$$Etp = 0.4 \frac{t}{t+15} (1g+50) \text{ K}$$

où: Ep= évapotranspiration mensuelle en mm,

t= température moyenne mensuelle de l'air en °C,

calories/cm²/jour, = radiation globale moyenne mensuelle reçue au sol en

sinon $K=1+(50 - h_r)/70$ K = Coefficient égal à 1 si l'humidité relative h, est supérieure à 50%,

 $\lg = \lg A (0.18 + 0.62 \text{ h/H}),$

où: Ig A = radiation globale théorique en calories/cm²/jour, H = durée théorique des jours du mois en heures,

 $\lg A = 1035 - 9,076$ Lat + (7,050 Lat + 49,90) Cos (29.92 i - 182,5),= durée d'insolation en heure/mois,

(l'angle après le cosinus est exprimé en degré) $H = 362,7 + 0,2101 \text{ Lat} + (4,085 \text{ Lat} - 80,99) \cos (30,01 \text{ i} - 188,9),$

Lat = latitude du point considéré en degrés et minutes = numéro du mois (5 pour mai et 12 pour décembre par exemple),

F - BIBLIOGRAPHIE

Book Company, New York. Hundbook of Applied Hydrology, V.T. Chow editor, Mac Graw Hill Veihmeyer, F.J. (1964): Evapotranspiration, section II in

Grisoni, M., Decroux, J. (1972): Cours d'Hydrologie Superficielle, Initiation à l'Hydrologie, S.E.S., Secrétariat d'Etat à 'Hydraulique, Alger.

Arléry R., Grisollet H., Guilmet B. (1973): Climatologie,

Methodes et Pratiques, Gauthier-Villard Editeur, Paris

ingineers, Mc Graw Hill Company, New York. Linslay, R.K., Kohler, Paulhus (1982): Hydrology for Wilson, E.M. (1985): Engineering Hydrology, Mac Millan

Publishers Ltd, London. Réméniéras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur, éd

L'INFILTRATION

A - DÉFINITIONS

Au cours d'une averse de durée suffisamment longue et d'intensité constante, les eaux se répartissent comme suit:

- interception par la végétation,
- précipitation sur les surfaces d'eau libres,
- accumulation dans les dépressions,
- ruissellement ou écoulement superficiel,
- recharge de l'humidité du sol,
- écoulement hypodermique,

écoulement souterrain et recharge des nappes aquifères.
 Le diagramme schématique de la figure VIII - 1, donne une

l dée de cette répartition:

Les précipitations sur la surface du cours d'eau constituent les

Les précipitations sur la surface du cours d'éau consultent les premiers accroissements du débit du cours d'éau. Leur quantité augmentera lorsque le niveau du cours d'éau monte et, par conséquent, lorsque la surface du cours d'éau augmente.

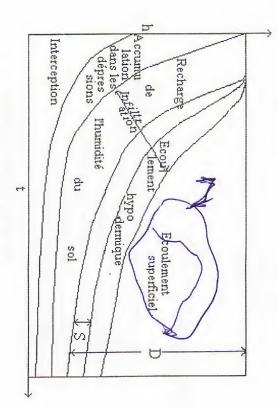
Les interceptions sont les quantités d'eau retenues par la végétation et son feuillage. Elles sont importantes au début de l'averse, en particulier en été et lorsque la végétation est dense. Les quantités d'eaux interceptées diminuent rapidement avec le temps, car la capacité de stockage de l'eau de la végétation est faible.

Les accumulations dans les dépressions sont satisfaites impidement, vu la faiblesse de leur volume.

En dehors du cas d'averse très intense, la plus grande partie du déficit du sol en humidité est satisfaite avant que l'on n'observe l'écoulement de surface.

L'eau qui s'infiltre dans le sol est retenue par le sol jusqu'au comblement de son déficit en eau. Le surplus s'écoule soit vers le cours d'eau sous forme d'écoulement hypodermique, soit vers la nappe phréatique, ce qui constitue ce qu'on appelle la recharge de la nappe.

L'écoulement superficiel est nul au départ, il augmente faiblement ensuite, puis rapidement pour atteindre une proportion constante des précipitations.



- = hauteur d'eau précipitée
- = temps ecoule depuis le début de l'averse,
- = ecoulement souterram,
- D = débit à l'exutoire,

Figure VIII - 1 Répartition de l'eau de pluie

L'exemple de la figure VIII - 1, ne représente qu'un cas parmi une infinité d'autres, car il ne faut pas oublier que chacune des grandeum décrite plus haut varie d'une manière différente dans le temps et dans l'espace.

Comme on le voit dans la figure VIII - 1, l'infiltration peut constituer une partie importante des précipitations qui pénètre dans le sol. Elle affecte plusieurs aspects de l'hydrologie. Elle influence le débit, qui est différent selon que le sol est perméable ou non. Elle influe certainement sur l'humidité du sol. Elle est liée à l'évaporation à partit des plantes et à partir des sols. L'infiltration se définit comme le processus par lequel les eaux pénètrent dans les couches inférieures du sol avec un mouvement descendant.

A - LA CAPACITÉ D'INFILTRATION

Chaque type de sol a une capacité d'infiltration f différente, et mesurée en mm/h. Un sol graveleux ou sableux absorbe toute la précipitation et ne permet pratiquement pas d'écoulement superficiel avant sa saturation, même au cours d'une très forte averse.

Au contraire un sol argileux résiste à l'infiltration et sa surface reste recouverte d'eau, même sous une faible pluie.

On distingue la capacité d'infiltration réelle de la capacité d'infiltration potentielle, celle-ci étant définie comme étant l'infiltration sans limitation d'apport d'eau à la surface.

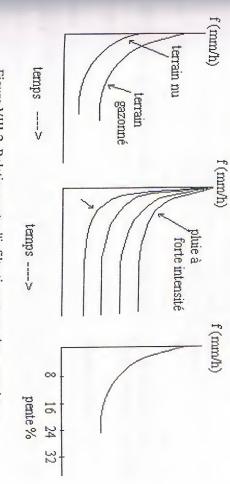


Figure VIII-2 Relations entre l'infiltration et certains paramètres

Parmi les facteurs pouvant influer sur la capacité d'infiltration d'un sol, on peut citer

- l'épaisseur de la couche saturée du sol;
- l'humidité du sol;
- la compaction dûe à l'impact des gouttes d'eau;
- la compaction dûe à l'homme, aux animaux et aux machines ;
- le mouvement des particules fines transportées par l'eau dans le processus d'infiltration;
- la couverture végétale;
- la température. En raison de l'écoulement laminaire de l'eau infiltrée, tout changement de viscosité affecte nécessairement la vitesse d'écoulement, donc l'infiltration ;
- le gel;
- le contenu de l'air;

œ

l'intensité de la pluie;

- la pente du sol.

Certaines de ces relations sont illustrées dans la figure VIII – 2 ci-dessus.

L'infiltration dépend aussi de la porosité et de la perméabilité du sol. La porosité p est égale au rapport du volume des vides V_{ν} au

volume total: $p = \frac{V_t}{V_t}$

La perméabilité K est aussi appelée la conductivité hydraulique définie par la loi de Darcy: q = K A S

où: q = débit infiltré,

K = perméabilité (m/s),

A = surface de la section traversée par l'eau (m²),

et S = pente en % (gradient hydraulique).

C. LES MÉTHODES POUR DÉTERMINER LA CAPACITÉ D'INFILTRATION f

- L'infiltromètre

L'infiltromètre est constitué de deux disques concentriques, dont les diamètres sont compris entre 23 et 91 cm.

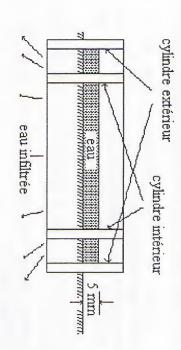


Figure VIII-3 L'infiltromètre

On verse de l'eau dans les deux compartiments en maintenant toujours le niveau de l'eau égal à 5 mm du sol. Le disque extérieur sert uniquement à empêcher l'eau de s'étendre horizontalement par capillarité.

La capacité d'infiltration se calcule d'après la quantité d'eau nécessaire pour maintenir le niveau de l'eau constant à l'intérieur des disques.

Ce test ne simule pas les conditions réelles. Il sert à fournir des ordres de grandeur de la capacité d'infiltration.

Une autre méthode consiste à simuler les précipitations sur une surface donnée à l'aide d'un arrosoir. Le débit sortant de la surface est mesuré. On mesure aussi le débit de l'arrosoir. La différence est supposée être le volume infiltré.

2 - La méthode de l'hydrogramme

L'hydrogramme est la courbe qui indique la variation du débit en fonction du temps en un point donné du cours d'eau.

Cette méthode consiste à calculer, à chaque instant, la différence entre le volume d'eau précipité et le volume d'eau écoulé.

Cette méthode, proposée par Horton et Lloyd, est utilisée plus particulièrement pour des petits bassins versants.

On suppose qu'on enregistre sur un bassin une averse ainsi que le débit correspondant. On trace le hyétogramme et l'hydrogramme sur le même graphe.

Etant donné que le bassin est petit, chacune des périodes de précipitation intense produit une pointe sur l'hydrogramme. On observe que les deux premières périodes étant rapprochées, les deux premiers hydrogrammes ont une partie commune.

La courbe de récession de A doit être complétée en traçant ab parallèle à cd. Les surfaces sous les hydrogrammes A, B et C sont respectivement: 0,25 cm, 0,23 cm et 0,46 cm, les hauteurs de pluie des trois périodes sont respectivement: 0,85 cm, 0,56 cm, et 0,73 cm. (Notez que les surfaces sous les hyétogrammes et les surfaces sous les hydrogrammes représentent les volumes d'eau de pluie tombée sur le bassin versant et les volumes d'eau de débit qui sont sortis du bassin versant respectivement. Ces valeurs sont exprimées en cm car en divisant les volumes par la surface du bassin versant, qui ne change pas, on obtient une hauteur).

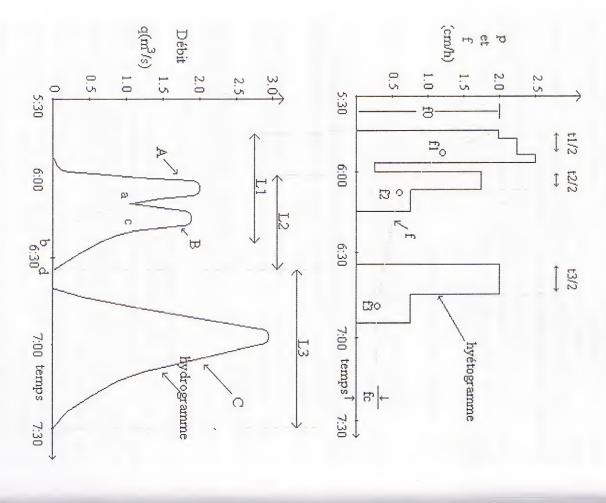


Figure VIII-4 Détermination de f par la méthode de l'hydrogramme.

Alors le volume total d'infiltration pour chacune des périodes pluvieuse est:

$$V_1 = 0.85 - 0.25 = 0.60 \text{ cm}$$

 $V_2 = 0.56 - 0.23 = 0.33 \text{ cm}$
 $V_3 = 0.73 - 0.46 = 0.27 \text{ cm}$

D'après Horton, le temps moyen durant lequel l'infiltration se produit est égal au tiers du temps écoulé entre le début de la période pluvieuse et la fin de l'écoulement correspondant, c'est à dire:

$$t_1 = (1/3) L_1 = 11 \text{ min}$$

 $t_2 = (1/3) L_2 = 13 \text{ min}$
 $t_3 = (1/3) L_3 = 13 \text{ min}$

Les capacités d'infiltration f₁, f₂ et f₃ sont donc:

$$f_1 = V_1 / t_1 = 0.60 / (11/60) = 3.27 \text{ cm/h}$$

 $f_2 = V_2 / t_2 = 0.33 / (13/60) = 1.52 \text{ cm/h}$
 $f_3 = V_3 / t_3 = 0.27 / (13/60) = 1.25 \text{ cm/h}$

Ces trois valeurs sont ramenées sur le hyétogramme de l'averse à partir des temps t₁/2, t₂/2, t₃/2, compris à partir du début de la période pluvieuse correspondante, en joignant ces points f₁, f₂, f₃ nous obtenons la courbe d'infiltration du sol du bassin versant étudié.

La courbe d'infiltration commence avec une valeur maximale f_0 au début de l'averse, décroît assez vite pour tendre suivant une asymptote vers une valeur à peu prés constante f_c .

Horton a montré que la capacité d'infiltration pourrait être représentée par une équation de la forme:

$$f = f_c + (f_0 - f_c)e^{-kt}$$

où k = constante positive,

- t = temps écoulé depuis le début de l'averse,
- e = base des logarithmes népériens.

L'intégrale F de f donne le volume infiltré au cours de l'averse de durée t:

$$F = \int_{0}^{\infty} f(t)dt = f_{c}t + \frac{f_{0} - f_{c}}{k} (1 - e^{-kt})$$

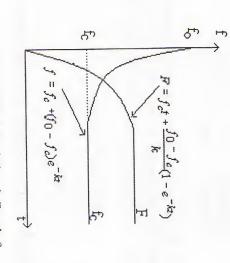


Figure VIII-5 Variation de F et de f

f₀, f_c sont toutes deux fonctions du type de sol et de la couverture végétale. Par exemple, pour un sol sableux (ou sablonneux) dénudé et un sol graveleux, on aura de grandes valeurs pour f₀ et f_c. Par contre, pour un sol argileux et dénudé, on aura de faibles valeurs de f₀ et f_c.

$f_c \rangle 8$	sableux
4\ f_c\8	sablo-limoneux
$1\langle t_c \langle 4 \rangle$	limoneux
$f_c\langle 1$	argileux
f _c (mm / h)	Sol
ation Service (USA)	D'après Soil Conservation Service (USA)

Tableau VIII-1 Quelques valeurs de fc

f_c est fonction:

- 1- de la pente jusqu'à une valeur limite (variant entre
- 16 et 24%); au delà, il y aura de petites variations;
- 2- des conditions de l'humidité initiale. Plus le sol est sec initialement, plus grande est la valeur de $f_{\rm c}$;

3- de l'intensité des précipitations. Si l'intensité i augmente, f_c augmente. Ce paramètre aura une plus grande influence sur f_c, comparativement aux autres.

3 - La méthode de l'indice Φ (taux de recharge)

L'indice Φ { XE "indice Φ "} est défini comme l'intensité pluviométrique moyenne au dessus de laquelle le volume des précipitations est égal au volume des écoulements superficiels (débits).

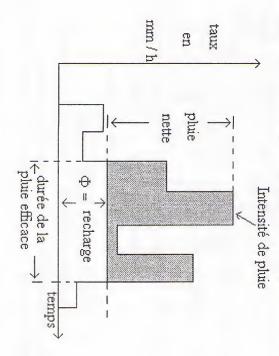


Figure VIII-6 Schéma de définition de l'indice o

Autrement dit, c'est l'intensité moyenne au-dessus de laquelle tout excédent pluviométrique se retrouve sous forme d'écoulement à l'exutoire.

Dans la figure VIII - 6, la surface non-hachurée au dessous de la ligne représente toutes les pertes comprenant l'eau dans les dépressions, l'évaporation et l'infiltration. L'infiltration représente la plus grande partie des pertes dans beaucoup de bassins.

Bien que cette méthode soit grossière et approximative, puisqu'elle ne tient pas compte du fait que f soit fonction du temps, elle est utilisée pour obtenir une approximation rapide du ruissellement probable pour des grands bassins pour des orages particuliers.

Exemple

(pluies efficaces) égales à 30 mm, respectifs ayant des hauteurs égales à 70 mm et des lames écoulées Soient deux pluies représentées par leurs hyétogrammes

Quels sont les indices Φ?

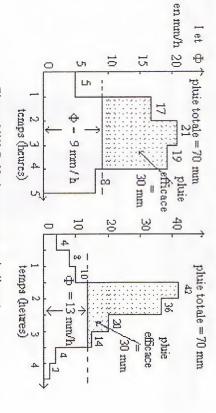


Figure VIII-7 Hyétogrammes et indices o

- a-1 On suppose d'abord: 5 $mm/h \langle \Phi \langle 8 mm/h \rangle$

La surface au dessus de Φ doit être égale à 30 mm donc:

30 mm= $(8mm/h - \Phi)\times 1h + (17 mm/h - \Phi)\times 1h + (21 mm/h - \Phi)\times 1h + (19 mm/h)$

d'où: $64 \text{ mm/h} - 4 \Phi = 30 \text{ mm}$ et $\Phi = 8,5 \text{ mm/h}$. Le Φ trouvé n'étant pas situé dans l'intervalle, on doit faire un autre essai

a-2 On suppose ensuite: $8 \, mm/h \, \langle \, \Phi \, \langle \, 17 \, mm/h \, \rangle$

La surface au dessus de Φ doit être égale à 30 mm donc:

d'où: $57 \text{ mm/h} - 3 \Phi = 30 \text{ et } \Phi = 9 \text{ mm/h}$ $(17\text{mm/h} - \Phi) \times 1\text{h} + (21\text{mm/h} - \Phi) \times 1\text{h} + (19\text{mm/h} - \Phi) \times 1\text{h} = 30\text{ mm}$

on l'accepte. La valeur de Φ trouvée est comprise dans l'intervalle de notre hypothèse.

Calcul du Φ de la seconde averse

b-1 On suppose d'abord: 14 $mm/h \langle \Phi \langle 20 mm/h \rangle$

La surface au dessus de Φ doit être égale à 30 mm donc:

 $30 \text{ mm} = (42 \text{ mm/h} - \Phi) \times 0.5\text{h} + (36 \text{ mm/h} - \Phi) \times 0.5\text{h} + (20 \text{ mm/h} - \Phi) \times 0.5\text{h}$

intervalle. $30 \text{ mm} = 49 - 1.5 \Phi$ et $\Phi = 12,67$ mm/h qui est en dehors de notre

b-2 On suppose ensuite: 10 $mm/h \langle \Phi \langle 20 mm/h \rangle$

La surface au dessus de Φ doit être égale à 30 mm donc:

 $30 \text{ mm} = 56 - 2 \Phi \text{ et } \Phi = 13 \text{ mm/h}$. On accepte cette valeur. $30 \text{ mm} = (42 - \Phi) \times 0.5 \text{ h} + (36 - \Phi) \times 0.5 \text{ h} + (20 - \Phi) \times 0.5 \text{ h} + (14 - \Phi) \times 0.5 \text{ h}$

D - BIBLIOGRAPHIE

Book Company, New York. Handbook of Applied Hydrology, V.T. Chow editor, Mac Graw Hill Musgrave, G.W., Holtan H.N. (1964): Infiltration, section 12

Linslay, R.K., Kohler, Paulhus (1982): Hydrology for

Engineers, Mc Graw Hill Company, New York

Publishers Ltd, London. Wilson, E.M. (1985): Engineering Hydrology, Mac Millan

Eyrolles, Paris. Réméniéras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur, éd.

LES ÉCOULEMENTS SUPERFICIELS

A - INTRODUCTION

transforme en écoulement. fonction de collecteur et de transformateur. Il recueille les pluies et les Comme on l'a vu dans le chapitre II, le bassin versant a une

Les principales étapes de l'écoulement sont les suivantes:

dépasse pas la capacité d'infiltration du sol. le taux des précipitations, c'est-à-dire l'intensité des précipitations ne du terrain. Il ne se produit pas d'écoulement ou de ruissellement tant que 1- Un premier temps correspond à la saturation progressive

capacité, l'excès d'eau s'écoule par gravité le long des pentes. Une Si l'intensité de la pluie au cours de l'averse excède cette

surface, ensuite les emplit puis continue sa course vers l'exutoire. partie de l'eau qui ruisselle s'accumule d'abord dans les dépressions de la

après la fin de la pluie. arrive à l'exutoire au cours de la phase décroissante du débit, longtemps courte durée, le ruissellement de la partie la plus éloignée du bassin où l'ensemble du bassin versant "débite" à l'exutoire. Si l'averse est de éloignées. Si l'averse dure suffisamment longtemps, il arrive un moment de ruissellement provenant des zones du bassin les plus Le débit à l'exutoire va croissant avec l'arrivée successive des

précipitations infiltrées qui chemine d'abord quasi-horizontalement dans hypodermique dépend de la structure du sol. les couches supérieures du terrain pour réapparaître à l'air libre à la d'un chenal d'écoulement. On appelle " écoulement hypodermique " la partie des L'importance du débit

surface du sol favorise ce genre d'écoulement. Il peut atteindre 80% du La présence d'une couche imperméable à faible distance de la

débit total sur des versants à pente douce.

suffisante, une partie des précipitations atteint la nappe d'eau souterraine. L'importance de cet écoulement dépend de la nature du sol ainsi que de l'intensité de la pluie. Deux cas peuvent se présenter: Lorsque la zone aérée du sol contient une humidité

sont faibles ou inexistantes et le niveau du lit du cours d'eau an-dessous a- La nappe alimente le cours d'eau. Dans le cas où les pluie

du niveau de la nappe d'eau souterraine, nous observons un mouvement de l'eau à partir de la nappe vers le cours d'eau.

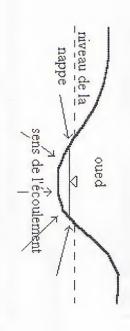


Figure IX - 1 Nappe alimentant un oued

b- Le cours d'eau alimente la nappe. Dans le cas d'une forte crue, le niveau de l'eau dans l'oued monte bien au dessus de celui de la nappe et nous observons alors un renversement du sens de l'écoulement qui va alors de l'oued vers la nappe pour l'alimenter et relever son niveau. C'est ainsi que l'on observe une montée du niveau de l'eau dans les puits proches des cours d'eau après le passage d'une crue.

La contribution des eaux souterraines au débit total est toujours graduelle et n'intervient que pour une très faible fraction dans les débits de pointe des crues, ceci en raison de la faiblesse des vitesses d'écoulement des eaux souterraines (de l'ordre du mm ou du cm/s) comparées à celles des écoulements superficiels (de l'ordre du m/s).

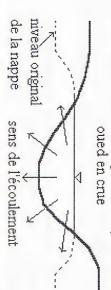


Figure IX - 2 Oued alimentant une nappe

5- La précipitation sur les cours d'eau et les lacs n'a en général qu'une importance mineure, sauf dans les régions où il y a de grandes étendues lacustres, comme les réservoirs des barrages par exemple. Cette précipitation directe participe aussi au ruissellement.

Pour récapituler, les précipitations une fois arrivées au sol se répartissent ainsi : l'infiltration, le ruissellement, l'écoulement

hypodermique ou retardé, l'écoulement vers les nappes et les précipitations sur les cours d'eau et les surfaces d'eau.

C'est le ruissellement direct et l'écoulement hypodermique qui contribuent le plus à la formation des crues.

B - L'HYDROMETRIE ET LES METHODES DE JAUGEAGE

L'hydrométrie est constituée par l'ensemble des techniques utilisées pour mesurer directement les débits.

A ce jour, il n'existe pas de méthode opérationnelle (c'est-à-dire facile à utiliser et pas chère) qui permette mesurer les débits.

La mesure se fait en deux temps:

a- mesure en un point du cours d'eau de la variation de la hauteur H_i de l'eau en fonction du temps. La courbe obtenue est appelée limnigramme.

b- mesure aux mêmes intervalles de temps t₁, t₂,t_n des débits Q₁, Q₂,....Q_n. La mesure du débit est appelée jaugeage.

Les couples Q_i, H_i permettent d'établir la relation hauteurdébit appelée courbe de tarage.

Cette courbe de tarage sera utilisée ultérieurement pour déterminer l'hydrogramme, qui est la courbe représentative des variations du débit Q, en fonction du temps t, en un point du cours d'eau. Pour ce qui est des méthodes de jaugeage, les nombreuses techniques s'appuient sur des principes différents.

1 - Les réservoirs étalonnés:

C'est une méthode simple qui consiste à mesurer le temps t nécessaire pour remplir un récipient de volume V connu. Alors le débit est :

$$Q = V/t$$

Cette méthode est utilisée pour mesurer les faibles débits (jusqu'à 50 - 100 l/s au maximum).

2 - Les déversoirs :

Cette technique utilise les résultats des expériences menées dans les laboratoires hydrauliques. Les déversoirs peuvent être

de la hauteur h de l'eau du type: triangulaires, rectangulaires ou trapézoïdaux. Les débits sont fonction

$$Q = ah^b$$

de procéder à des jaugeages de contrôle pour vérifier les valeurs de a et Comme la formule est déterminée expérimentalement, il y a lieu

3 - Le jaugeage par dilution:

concentration C1 avec un débit q. pas. lesquels des structures permanentes (stations de jaugeage) ne se justifient Elle consiste à injecter dans une section S₁ un traceur à une Cette méthode est utilisée pour mesurer les petits torrents sur

est égal au flux sortant : aval, à une distance suffisante pour un bon mélange. La concentration de cet échantillon est C2. Ensuite, on prélève un échantillon à une section S2, située en En régime permanent, le flux entrant du traceur

$$qC_1 = (Q+q) \times {}^{\bullet}C_2 \implies Q = (\frac{C_1}{C_2} - 1) \times q$$

4 - Formule de Chézy -- Manning :

données permettent l'utilisation de la formule de Chézy-Manning pointes des crues permettent de déterminer, par nivellement, la pente s la surface de la section de l'oued divisée par le périmètre mouillé]. Ces l'oued et le rayon hydraulique R (en m) [le rayon hydraulique est égal à (en %) de la surface des plus hautes, la surfaces S (en m²) de la section de Les traces des plus hautes eaux laissées sur les berges par les

$$Q = \frac{1}{n} A R^{3/2} s^{1/2}$$

n est le coefficient de rugosité de l'oued (on prend n? 0,035)

5 - Le jaugeage par exploration du champ de vitesses

d'une section d'un cours d'eau. Il s'agit de mesurer la vitesse de l'eau en plusieurs points

> système de comptage du nombre de tours par unité de temps que fait relation entre la vitesse de l'eau et celle de l'hélice. Ensuite, grâce à un laboratoire, on détermine la vitesse de l'eau au point de mesure. de l'eau. Les hélices sont testées en laboratoire en vue de définir la dans le sens l'écoulement, va tourner grâce à la vitesse de l'eau. Le l'hélice dans le cours d'eau et en utilisant la relation trouvée en nombre de tours par minute que fait l'hélice est proportionnel à la vitesse La mesure de la vitesse est faite grâce à une hélice qui, placée

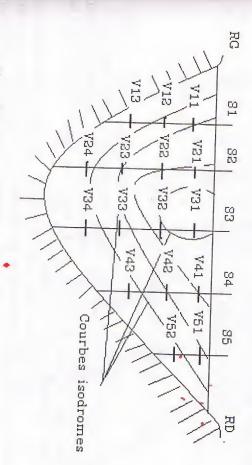


Figure IX - 3 Champ de vitesses à travers une section d'un oued

on mesure la vitesse de l'eau à des profondeurs différentes, le long de plusieurs verticales biens réparties à travers la section de l'oued. enregistrer aisément. Après avoir choisi une section accessible de l'oued, moulinets et les saumons permettent de transformer le mouvement de rotation de l'hélice en impulsions électriques que l'on peut compter et débits importants, les saumons dont le poids varie de 5 à 150 Kg. Les Pour les faibles débits, on utilise les moulinets et, pour les

auquel on peut calculer le débit par l'intermédiaire de deux méthodes : Ainsi on obtient un champ de vitesses (figure IX - 3) grâce

- la méthode des isodromes
- et la méthode des vitesses spécifiques

a - La méthode des isodromes

différentes sections S; aux profondeurs j. section de l'oued sur laquelle on porte les vitesses vij mesurées aux On porte sur du papier millimétré, à une échelle adéquate, la

dire les courbes d'égale vitesse. Le débit Q est égal à la somme des moyennes de deux vitesses: produits des suffaces comprises entre deux isodromes consécutifs et les Ensuiter on trace visuellement les courbes isodromes c'est-à-

$$Q = \sum A_i V_i$$

calcul de la pluie moyenne sur un bassin versant. Cette méthode est similaire à celle des isohyètes pour le

La méthode des vitesses spécifiques

courbe ainsi obtenue. Il est exprimé en m²/s. spécifique de chaque section q. Celui-ci est égal à la surface sous la profondeurs respectives pour chaque section, afin d'obtenir le débit convenables, en abscisses les valeurs des vitesses et, en ordonnées, les On porte sur du papier millimétré, à des échelles

prises les mesures des vitesses et en ordonnées, les débits spécifiques qu (m²/s) trouvés précédemment. en abscisses, les abscisses des verticales le long désquelles ont été Ensuite, sur une nouvelle feuille de papier millimétré on

débit Q (m³/s) de l'oued pendant le jaugeage La surface sous la demière courbe ainsi tracée représente le

O- L'HYDROGRAMME

d'eau, les débits ayant été mesurés au point donné variation du débit en fonction du temps en un point donné d'un cours L'hydrogramme est une courbe ou un tableau indiquant la



Figure IX - 4 Exemple d'hydrogrammes annuels

précipitations et les débits pour un bassin versant donné. physiographiques et climatiques qui gouvernent les relations entre les L'hydrogramme exprime l'intégration des caractéristiques

l'hydrogramme généré par une averse. Il y a deux types d'hydrogramme à retenir: l'hydrogramme annuel et

- L'hydrogramme généré par une averse

IX - 5)débit instantané, en un point du cours d'eau, en fonction du temps (figure On appelle "hydrogramme" la représentation graphique du

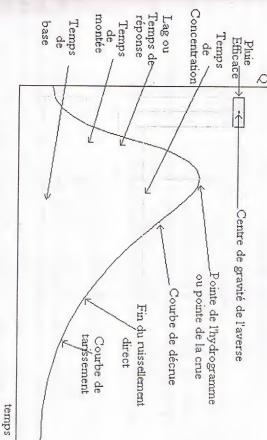


Figure IX - 5 Présentation de l'hydrogramme

Sur l'hydrogramme ci-dessus on distingue:

- et la pointe de la crue Le temps de montée, entre le début du ruissellement direct
- totalement en écoulement) et la pointe de l'hydrogramme; la pluie dite "efficace" (c'est à dire la portion de la pluie qui se transforme Le temps de réponse ou "lag", entre le centre de gravité de
- de la pluie efficace et la fin du ruissellement direct Le temps de base ou durée du ruissellement, entre le début
- la fin du ruissellement direct; - Le temps de concentration, entre la fin de la pluie efficace et

155

154

 La pluie nette ou pluie efficace est la partie de l'averse qui a ruisselé. L'équation de bilan donne:

$$P = I + E + F + S + P_{net}$$

où : I = interception par la couverture végétale,

 $E = \text{\'e}vaporation}$,

S = stockage dans les dépressions,

F = infiltration,

P_{net} = pluie nette = pluie efficace = ruissellement direct.

2 - La séparation des éléments constitutifs de l'hydrogramme

L'hydrogramme intègre les débits générés par la pluie efficace et les débits de base provenant de nappes souterraines. Le débit généré par la pluie efficace est, en général, le plus important en intensité et en volume. C'est ce débit qui génère les crues; c'est pourquoi, avant toute étude de crue, il y a lieu de séparer le ruissellement direct généré par la pluie efficace du débit de base généré par les nappes souterraines

Ci-dessous sont exposées quelques unes des méthodes utilisées pour séparer les différents écoulements.

a) La méthode de la ligne droite

Pour séparer le débit de base du ruissellement direct, on relie par une droite horizontale le point A, où le ruissellement direct commence, au point E, où il s'arrête. Le ruissellement direct est égal au volume sous la courbe ABCDEA. (Noter que ce volume est égal à celui de la pluie efficace.)

b) La méthode de la base fixe ou constante

Le ruissellement direct est supposé s'arrêter après un temps déterminé N après la pointe de l'hydrogramme. Le débit de base existant avant le commencement du ruissellement direct est projeté jusqu'à sa rencontre avec la verticale qui passe par la pointe de l'hydrogramme (point G). Un segment de droite GD est tracé. D est distant d'un temps égal à N du point G. Le ruissellement direct est égal au volume compris sous la courbe ABCDGA.

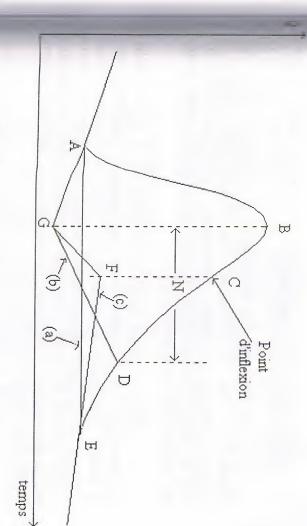


Figure IX-6 Séparation des éléments constitutifs de l'hydrogramme

c) La méthode de la pente variable

La courbe du débit de base avant le commencement du ruissellement direct est extrapolée jusqu'au temps de la pointe de l'hydrogramme (point G), et la courbe du débit de base après la fin du ruissellement direct est extrapolée en arrière jusqu'au temps du point d'inflexion C (droite EF). Un segment de droite joint ces deux points G et F. Le ruissellement direct est égal au volume sous la courbe ABCDEFGA (figure VII – 6).

d) La méthode de l'indice Φ (taux de recharge)

Si pour une averse donnée, l'on dispose du hyétogramme, de l'indice Φ et de l'hydrogramme total généré par cette averse, on peut déterminer la pluie efficace en utilisant une méthode similaire à celle de la détermination de l'indice Φ . Une fois la pluie efficace (ruissellement direct) trouvée, on retranche, par une méthode graphique, de la surface totale de l'hydrogramme une surface égale à celle du ruissellement direct. Le résultat est égal au débit de base.

e) L'utilisation des logarithmes

Pour décomposer l'hydrogramme on trace Log Q = f(t) (figure IX - 7 B). A la fin de la crue, on n'a que du débit de base et, à partir du temps t_B , la courbe est une droite, ce qui permet d'extrapoler vers la gauche le débit de base. On porte dans un second système semilog: $\log(Q-QB)=f_1(t)$ (figure IX - 7 C).

Pour la partie droite de la courbe, on n'a que du débit hypodermique. Ce qui donne une droite qui permet, en l'extrapolant vers la gauche, de séparer le ruissellement pur. Afin de revenir, comme pour la figure IX - 7 D à un hydrogramme complet, il est nécessaire de savoir à quel moment se situent les pointes des différents débits. Les instants seront déterminés arbitrairement mais en respectant leur ordre comme dans la figure IX - 7 D.

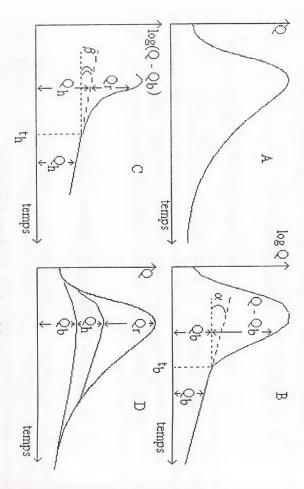


Figure IX-7 Méthodes des logarithmes

3 - Le temps de Concentration

Le temps de concentration T_c est considéré comme un temps caractéristique de l'écoulement sur un bassin versant. Il est défini comme le temps que met l'eau tombée au point le plus éloigné en amont du

bassin versant pour arriver à l'exutoire. Il est utilisé par certaines méthodes pour déterminer les crues (méthode rationnelle, méthode de l'hydrogramme unitaire par exemple). Il est déterminé par deux méthodes différentes: les formules empiriques et l'analyse des évènements «averse-crue».

Il faut savoir qu'il y a une multitude de formules, il revient en dernier ressort à l'ingénieur de faire son choix.

a - Les formules empiriques

1) La formule Algérienne

Elle a été déterminée par Melles Saadi Cherif et Tamani, dans leur projet de fin d'études à l'USTHB-IGC, en 1992:

$$T_c = 0.0055.S + 0.1657.L + 0.0078.D_H + 0.821$$

où : T_c = temps de concentration du bassin versant en heures

S = surface du bassin versant en km²,

= longueur du cours d'eau principal en km,

 $D_{H}=\mbox{diff\'erence}$ entre l'altitude moyenne et l'altitude minimale du bassin versant en mètres.

Cette formule a été déterminée à partir de l'analyse des événements "averse - crues" relevés sur 15 bassins versants du nord du pays.

2) La formule de Giandotti

$$c = \frac{4\sqrt{S} + 1,5L}{0,8\sqrt{D_H}}$$
 où :

 T_c = temps de concentration du bassin versant en heures,

= surface du bassin versant en km²,

= longueur du cours d'eau principal en km,

D_H = différence entre l'altitude moyenne et l'altitude minimale du bassin versant en mètres.

3) La formule de Kirpich

$$=0.38(\frac{L}{\sqrt{f_{f}}})^{0.77}$$

où : I = Pente moyenne du thalweg principal

b - L'analyse des événements "averse-crue"

généré par le ruissellement direct (Q_r) de cette averse, pour déterminer T_c et de débits. Etant donné le hyétogramme d'une averse et l'hydrogramme Cependant, elle nécessite l'existence de données concomitantes de pluies (le temps de concentration) on procède comme suit: Cette méthode est plus « objective », donc « meilleure ».

l'aide de l'une des méthodes étudiées précédemment. On obtient le temps - On sépare le ruissellement direct Qr du débit de base Qb à

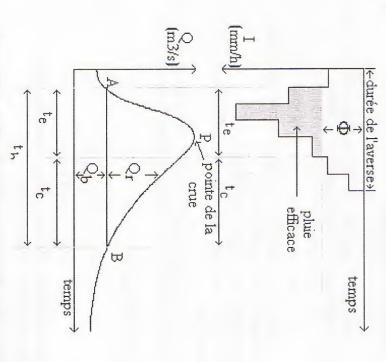


Figure IX-8 Analyse d'un évènement « averse - crue »

direct Vr, Vr = surface APB sous l'hydrogramme. 2 - On mesure, par planimétrage, le volume du ruissellement

3 - On calcule Φ et on le porte sur le graphe. Le dessin nous

donne alors Te qui est égal à la durée de la pluie efficace. 4 - Tc est donné par la formule

$$Tc = Tb - Te$$

Tc = temps de concentration,

Tb = temps de base = durée du ruissellement direct,

Te = durée de la pluie efficace.

D - L'ÉTUDE DES CRUES

fonction du temps. hydrogramme, c'est à dire la courbe qui indique la variation du débit en vu comment mesurer une crue et établir son

génère les débits de pointe Qp (le plus grand débit d'une crue) contre ruissellement direct qui contribue le plus aux crues, c'est à dire qu'il débit direct, ou écoulement direct, ou ruissellement direct Qd. C'est le relativement réduit. lequel il faut se protéger et le plus grand volume d'eau en un temps Cette courbe représente la somme du débit de base Q_b et du

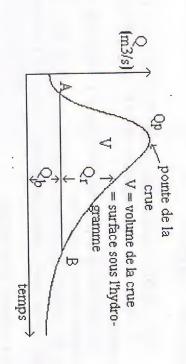


Figure IX-9 Constitution d'un hydrogramme

l'hydrologue sont : Deux questions essentielles auxquelles doit répondre

- Quel est le débit de pointe d'une crue?

- Quel est son volume?

dimensionnement des ouvrages pour une sécurité optimale. La connaissance de la pointe d'une crue est nécessaire au

répondre à différents besoins et utilisations de l'eau. La connaissance du volume de la crue est nécessaire pour

à l'étudiant d'appréhender la complexité du phénomène d'une part, et de résoudre certains problèmes d'hydrologie d'autre part. deux paramètres (Qp et V). On en exposera quelques unes pour permettre Plusieurs méthodes ont été développées pour déterminer ces

I - Les méthodes empiriques

a - La méthode Rationnelle

$$Qp = CIA$$
 où:

 $Qp = d\acute{e}bit de pointe en m3/s$

de concentration du bassin intensité d'une averse dont la durée est égale au temps

rapport entre le volume ruisselé et le volume précipité. C = coefficient de ruissellement (<math>0 < C < 1). C'est le

A = superficie du bassin versant en km²

imperméable, plus C est grand. Pour les zones urbaines: 0.4 < C < 0.8, plus le sol est

Pour les zones agricoles ou rurales: $C = 1 - C_1 - C_2 - C_3$ où:

est faible, plus C₁ est grand. C_1 dépend de la topographie: $0, 1 < C_1 < 0,3$. Plus la pente

sol est perméable, plus C2 est grand. C_2 dépend de la perméabilité du sol $0,1 < C_2 < 0,4$. Plus le

couvert végétal est dense, plus C3 est grand C₃ dépend du couvert végétal $0,1 < C_3 < 0,2$. Plus le

b-La formule de Scimeni:

$$q = \frac{600}{A+10} + 1$$
 où:

versant en km². $q = d\acute{e}bit sp\acute{e}cifique en m³ / s / km², et A = surface du bassin$

c - La formule de Pagliaro

$$q = \frac{2900}{90 + A}$$
 pour 20

 $20 < A < 1000 \text{ km}^2$

bassin versant en km². où: q = débit spécifique en m³/s/km², et A = surface du

d - La formules de Forti développée pour des bassins montagneux $A < 1000 \, km^2$

 $24 \text{ h} \approx 400 \text{ mm}$ 4-a $q = 3,25 \frac{500}{A+125} + 0,5$ dans le cas où la pluie maximale de

≈ 200 mm **4-b** $q = 2,35 \frac{500}{A+125} + 0,5$, si la pluie maximale de 24 h

e - La formule de Turazza:

$$Q = \frac{CHA}{3,6t_c}$$
 où:

C = coefficient de ruissellement Q = débit maximum de la crue en m³ / s

heures). pendant une durée égale au temps de concentration t_c du bassin (en hauteur totale maximum des précipitations relevée

avec beaucoup de précautions. développement de ces formules empiriques, elles doivent être utilisées A noter qu'en raison des incertitudes qui ont entouré le

2 - La méthode de l'hydrogramme unitaire (HU):

au calcul du ruissellement de surface. Sherman, en 1930. C'est une des plus importantes contributions relatives une méthode semi-empirique proposée par L.K

débit total Q_T et le volume total de la crue. on doit ajouter le débit de base Qb, calculé par ailleurs pour obtenir le Elle permet de déterminer le ruissellement direct Q_d, auquel

ruissellement direct égal à 1cm (ou 1 mm). résultant d'une pluie effective (ou pluie efficace ou encore pluie nette) de 1cm (ou 1 mm), uniforme sur le bassin versant, ayant un volume de On appelle "hydrogramme unitaire" (HU) l'hydrogramme

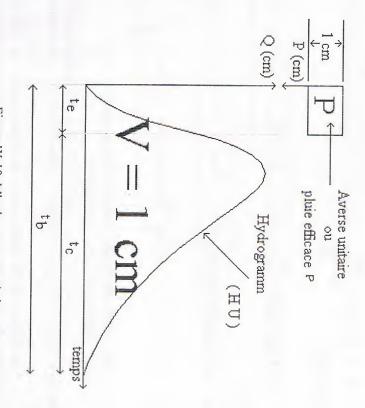


Figure IX-10 L'hydrogramme unitaire

unitaire exprimé en hauteur de pluie (cm). On a donc: égale au volume de la crue unitaire, lui-même égal au volume de la pluie La surface sous la courbe de l'hydrogramme unitaire est

$$P = V = 1cm$$

164

averses versant base tb. uniformes, est égale de 1/3 à 1/5 du temps de concentration, tc, du bassin L'expérience montre qu'il en est ainsi lorsque la durée, te, des de même durée, sur un même bassin, ont le même temps de D'après Sherman, tous les hydrogrammes résultant d'averses

superposition. théorie de l'hydrogramme unitaire ; il s'agit de la proportionnalité et de la Ceci amène à énoncer deux hypothèses essentielles dans la

Proportionnalité

surface sous l'H.U. y est égale au volume de la crue résultant de doubles hauteur de l'averse unitaire = l volume un volume $V_2 = kV_1$ et des kP₁, de même durée t_e, produira Q_{1i} , une pluie efficace $P_2 =$ volume $V_1 = 1$ cm et des débits illustré par la figure IX-11. La l'hydrogramme l'averse de 2 cm est égal à 2 cm. de celles de l'H.U., et le de la crue unitaire = $Q_{2i} = kQ_{1i}$. Ceci est Les ordonnées de Si une pluie efficace total sont P = 1 cm, de durée t_e, produit un CIM cm

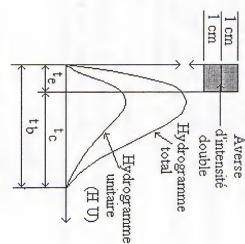


Figure IX-11 Proportionnalité

Superposition:

efficaces successives de hauteur donner pluies va générer un HU, ces Théoriquement, chacune de ces résultant. HU vont se superposer pour 1cm et de durée te chacune un hydrogramme pluies

résultant, sont égales à la de l'hydrogramme total, ou Les ordonnées

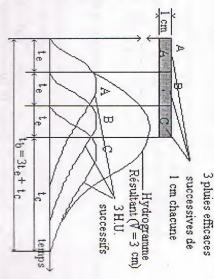


Figure IX-12 Superposition

somme des ordonnées des 3 HU.

Le temps de base (t_b) de l'hydrogramme total est égal à la somme des durées de chaque averse unitaire et du temps de concentration to

 $t_b = 3 t_c + t_c$, dans notre cas.

Plusieurs types de problèmes peuvent être résolus en appliquant ces deux principes:

a - Le premier type de problèmes

On donne la durée de la pluie efficace, sa hauteur et l'hydrogramme généré par cette pluie efficace. Il est demandé de trouver l'hydrogramme unitaire (HU). Pour cela, on procède ainsi :

a- On détermine le ruissellement direct (RD) en séparant les différents écoulements ;

b- pour obtenir les ordonnées de l'HU, on divise les ordonnées du RD par la hauteur de la pluie efficace (ou lame ruisselée).

N.B.: Si la hauteur de la pluie efficace n'est pas donnée, on

calcule la lame ruisselée (Lr): $L_r = \frac{V_r}{S}$

où: V = Volume ruisselé et S = surface du bassin versant.

Le volume ruisselé est aussi égal à la surface représentant le ruissellement direct sous la courbe de l'hydrogramme.

Exemple 1

Il tombe sur un bassin versant une pluie efficace de 2 cm pendant 2 heures. Il en résulte l'hydrogramme suivant:

0.1	10	L	20	Q (m/s)
-	10	16	20	0 (3/-)
19	81	17	16	T (h)
40	24	10	10	Q (m³/s)
14	13	12	=	T(h)

Sachant que le débit de base est constant et égal à 10 m³/s:

a) déterminer l'HU(2h)

b) trouver la surface du bassin versant.

Solution: a) Dans le tableau IX – 1, les colonnes 1, 2 et 3 donnent respectivement le temps, l'hydrogramme total et le débit de base. La colonne 4 donne le ruissellement direct Qd généré par 2cm de

pluie efficace; il est égal à la différence entre le débit total et le débit de base. La colonne 5 donne l'HU(2h) recherché qui est égal à Qd divisé par 2. Le Qd est généré par 2cm de pluie efficace, pendant 2heures. L'HU(2h) est généré par 1 cm de pluie efficace pendant 2heures.

20	19	18	17	16	15	14	13	12	11	t(h)	(3)
10	10	10	15	20	31	40	24	10	10	Qt (m3/s)	(2)
10	10	10	10	10	10	10	10	10	10	Qb (m3/s)	(3)
0	0	0	5	10	21	30	14	0	0	Qd (m3/s)	(4)
0	0	0	2,5	0	10,5	15	7	0		HU(2h)	(5)

Tableau IX-1 Solution de l'exemple 1

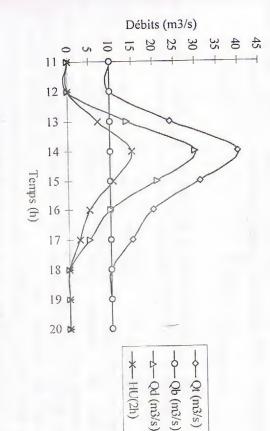


Figure IX-13 Solution de l'exemple 1

b) Le volume de la crue est égal à la surface sous la courbe de l'hydrogramme du ruissellement direct. Si le graphe est fait sur du papier millimétré (en tout cas, il devrait l'être), et en utilisant les échelles des coordonnées, on trouve la surface sous la courbe égale à 288 000 m³

167

$$S = \frac{V}{L_T} = \frac{288.000 \,\text{m}^3}{0,02 \,\text{m}} = 14.400.000 \,\text{m}^2 = 14,4 \,\text{km}^2$$

Le volume V est aussi égal au produit de chaque débit Q_d par l'intervalle de temps $1h=3600~\mathrm{s}$:

$$V = (14 + 30 + 21 + 10 + 5) \text{m}^3/\text{s} \times 3600 \text{s} = 288.000 \text{ m}^3$$
.

b - Le second type de problèmes

On donne un hydrogramme généré par une averse de durée déterminée. On demande de trouver l'hydrogramme généré par une averse de même durée et de hauteur différente.

Pour ce faire, on procède comme suit:

a- On détermine l' HU pour la durée donnée comme indiqué dans (1) plus haut ;

b- On multiplie les ordonnées de l'HU trouvé par la hauteur de pluie de l'averse dont on recherche l'hydrogramme; on obtient ainsi le ruissellement direct (RD);

c- On ajoute au RD le débit de base pour obtenir l'hydrogramme total généré par l'averse donnée.

Exemple 2

En utilisant les données de l'exemple 1 ci-dessus, déterminer l'hydrogamme du débit total généré par une pluie efficace de 2 heures et de hauteur 3,2 cm.

Solution: On complète le tableau précédent comme suit: Les 5 premières colonnes, identiques à celles de l'exercice précédent, permettent de calculer l'HU(2h). La sixième colonne donne le ruissellement direct Qd généré par une pluie efficace de durée 2h et de hauteur 3,2 cm. Les ordonnées de Qd sont obtenues en multipliant les ordonnées de HU(2h) par 3,2. La septième colonne donne le ruissellement total Qt généré par une pluie efficace de durée égale à 2 heures et de hauteur 3,2 cm. Les ordonnées de Qt sont égales à la somme des ordonnées de Qd et de Qb.

La figure IX - 14, indique les différents hydrogrammes.

_			-				_	_				
17	10	18	1/	10	17	14	17	13	71	5 =	(11)	
10	10	10	15	07	01	210	An	24	10	10	Qt (m3/s)	(2)
10		10	10	01	01	01		10	10	10	Qb (m3/s)	(3)
0	-		5	10	21	30		14	0	0	Qd (m3/s)	(4)
0	C		2,5	5	10,5	15	,	7	0	0	HU(2h)	(5)
0	C		8	16	33,6	48	22,7	77 4	0	0	Qd(3,2cm)	(6)
10	IO	10	18	26	43,6	58	2497	37 4	10	10	Qt(3,2cm)	(7)

Tableau IX-2 Solution du second exemple

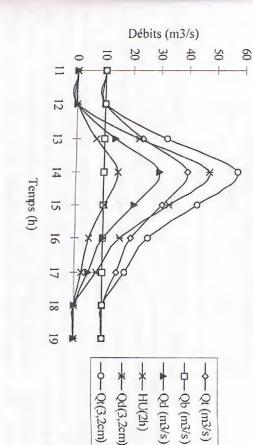


Figure IX-14 Solution de l'exemple 2

c - Le troisième type de problèmes

On donne l'HU de durée T et on demande de trouver l'HU de durée nT (n entier > 1).

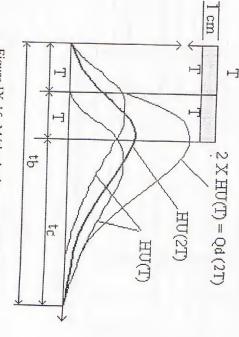


Figure IX-15 Méthode de superposition

On procède comme suit: pour n=2 par exemple, chacune L'hydrogramme résultant est alors la somme des deux hydrogrammes générés respectivement par P_1 et P_2 séparément (le dernier doit être translaté d'une durée T par rapport au premier sur l'échelle des abscisses). Cette somme des deux hydrogrammes unitaires représente tombées pendant un temps 2T (ou nT). En divisant les ordonnées de cet hydrogramme résultant par 2 (ou n), on obtient l'HU (2T, ou nT) recherché. On rappelle que n doit être entier et plus grand que 1 pour pouvoir appliquer cette méthode.

Exemple 3

Soit l'HU(2h) trouvé dans l'exemple l ci-dessus. Or demande de trouver l'HU(4h).

Solution: Le tableau IX - 3 détaille la résolution de l'exemple. Les deux premières colonnes donnent le temps et l'HU(2h). La troisième colonne donne l'HU(2h) décalé de 2 heures, par rapport au premier. La quatrième colonne est la somme des ordonnées des 2 (2h), c'est à dire la somme des colonnes 2 et 3. La cinquième colonne est égale à la colonne 4 divisée par 2.

(1) (2) (3) (4) Temps HU(2h) HU(2h) décalé Somme 11 0 0 0 12 0 0 0 13 7 0 7 14 15 0 15 15 10,5 7 17,5 16 5 15 20 17 2,5 10,5 13 18 0 5 5 19 0 2,5 5 20 0 0 0 21 0 0 0		T		T	T	T	T			T	T	-		Т	T	T
(3) HU(2h) décalé 0 0 0 7 15 10,5 5 2,5 0 0	17	31	20	19	18		17	16	15	14	14	13	12	=	sdurar	(E)
	0		0	0	0	2,3		2	10,5	15		7	0	0	HU(2h)	(2)
(4) Somme 0 0 7 15 17,5 20 13 5 2,5 0 0	0			2,5	5	10,5	1.0	15	7	0			0		HU(2h) décalé	(3)
	0	0	2,50	25	5	13	20	11,0	17 5	15			0	0	Somme	(4)

Tableau IX-3 Solution du troisième exemple

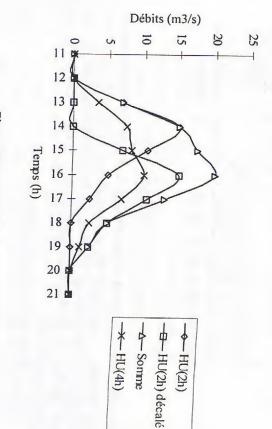


Figure IX-16 Solution de l'exemple 3.

3 - La méthode de l'hydrogramme en S

On a montré dans le paragraphe précédent, comment trouver un HU de durée nT (n entier > 0). La méthode de l'hydrogramme en S permet de trouver un HU de durée n'T, étant donné un HU(T) (quelque soit n' > 0).

La courbe en S est simplement l'hydrogramme total résultant d'une série d'averses continues et d'intensité uniforme, produisant 1 cm

de pluie pendant t₁ heures, sur le bassin versant, c'est-a-dire c'est l'hydrogramme généré par une pluie continue d'intensité 1/t₁.

Une autre manière de visualiser l'hydrogramme en S est de le décrire comme étant la somme d'une série d'HU dont les origines sont toutes distantes de t₁ les, unes des autres, sur l'axe des abscisses.

L'hydrogramme correspondant est dessiné en pointillé dans la figure IX – 17. Le débit à l'exutoire devient constant et égal à ce qu'on appelle

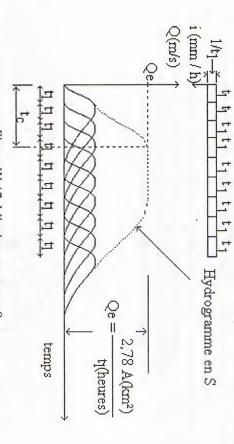


Figure IX-17 L'hydrogramme en S

débit d'équilibre Qe après un temps égal au temps de concentration t_c du bassin versant. Autrement dit, quand toutes les parties du bassin versant contribuent à l'écoulement, et comme l'approvisionnement en eau est fourni par une pluie efficace constante, le débit à l'exutoire devient constant et égal à Qe.

Qe est donné par la formule suivante:

$$Q_e = \frac{2,78 \, A(knt^2)}{t_1(h)}$$

La courbe en S est caractéristique de la durée T de l'HU (T = durée de la pluie efficace) et du bassin versant.

Si l'on dessine une courbe en S placée à une distance (ou temps) t₁ à droite de la première, la différence entre les ordonnées des deux courbes est égale à l'HU (t₁).

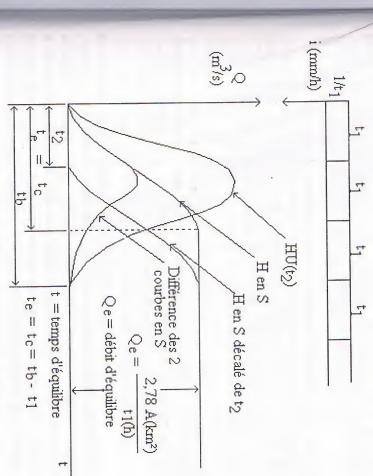


Figure IX-18 Calcul de l'HU par la méthode de l'H en S

Si on recherche un HU (t_2) avec t_2 différent de t_1 , on dessine une courbe en S placée à une distance t_2 à droite de la première. La différence entre les ordonnées des deux courbes représente le débit dû à une pluie de durée t_2 heures à une intensité de l/t_1 cm / h. Pour que l'intensité devienne l/t_2 cm / h, qui est l'intensité requise pour le HU (t_2), on doit donc multiplier les ordonnées de cette différence par le rapport t_1/t_2 .

Exemple 4

Soit l'HU(2h) trouvé dans l'exemple 1 ci-dessus. On demande de trouver l'HU(1,5h).

Solution

Il faut tout d'abord calculer l'hydrogramme en S (HS). Pour ce faire, on établit le tableau IX - 4:

22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12		(f)	(Ξ)
				0	2,5	S	10,5	15	7	0		HU(2h)	(2)
		0	2,5	5	10,5	15	7	0			décalé de 2h	HU(2h)	(3)
0	2,5	5	10,5	15	7	0					décalé de 4h	HU(2h)	(4)
5	10,5	15	7	0							décalé de 6h	HU(2h)	(5)
15	7	0									décalé de 8h	HU(2h)	(6)
20	20	20	20	20	20	20	17,5	15	7	0		H en S	(6)

Tableau IX-4 Calcul de l'hydrogramme en S

Dans les 2 premières colonnes, on porte le temps en heures et les ordonnées correspondantes de l'HU(2h). Dans la troisième colonne, on porte les ordonnées de l'HU(2h) décalées de 2 heures. Dans la quatrième colonne, on porte les ordonnées de l'HU(2h) décalées de 4 heures et, ainsi de suite, jusqu'à atteindre un intervalle de temps, qui est le temps d'équilibre te, égal au temps de concentration tc. Dans notre cas tc = tb - tr = 4 heures (tr = durée de la pluie efficace). Donc, on atteint le débit d'équilibre Qe = 20 m³/s au bout de 4 heures.

On vérifie la valeur de
$$Q_c = \frac{2,78 \text{ A}}{t_1} = \frac{2,78 \times 14,4 \text{ km}^2}{2 \text{ heures}} = 20,02 \text{ m}^3 / s.$$

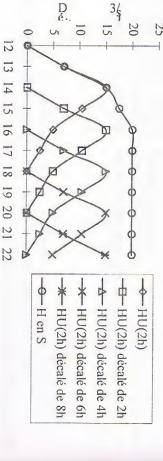


Figure IX-19 Calcul de l'hydrogramme en S

Temps (h)

On n'est pas obligé d'allonger le tableau jusqu'à 22 heures; on aurait pu s'arrêter à 16 heures. Cependant, avec 22 heures, la figure est plus éloquente.

L'hydrogramme en S (HS) étant obtenu, on va le décaler d'un intervalle de temps de 1,5 heures. Pour cela, il faut disposer des ordonnées de l'HS à des intervalles de temps de 1,5 heures. A cette fin, on dessine sur du papier graphique, à une échelle convenable, l'HS et on porte sur un tableau, à partir du graphique, les ordonnées désirées (tableau IX - 5).

Si l'on veut l'HU de durée t₂(h), on porte la courbe en S décalée de t₂(h) le long de l'axe des temps. La différence des ordonnées des deux courbes en S donne le ruissellement d'une pluie de durée t₂(h) à une intensité de (1/t₁) cm/h. Les ordonnées de cette différence doivent être multipliées par le rapport t₁/t₂ de telle sorte que l'intensité devienne (1/t₂) cm/h, qui est l'intensité de l'HU de durée t₂(h).

Dans le tableau IX - 5, les deux premières colonnes donnent l'HS à des intervalles de temps de 1,5 h. La troisième colonne donne l'HS décalé de 1,5 h. La quatrième colonne donne la différence entre les deux HS. Dans la cinquième colonne, on porte les ordonnées de l'HU(1,5h) qui sont égales à la différence des courbes en S multipliée par le rapport 2h / 1,5h.

18	17,5	17	16,5	16	15,5	15	14,5	14	13,5	13	12,5	12	t(h)	-
20	20	20	20	20	18,8	17,5	16,5	15	11,3	7	3,4	0	HS(2h)	2
20	20	18,8	17,5	16,5	15	11,3	7	3,4	0				HS(2h) décalé de 1,5 h	3
0,0	0,0	1,2	2,5	3,5	3,8	6,2	9,5	11,6	11,3	7,0	3,4	0,0	Différence 2 - 3	4
0,0	0,0	1,6	ω	4,7	5,1	8,3	12,7	15,5	15,1	9,3	4,5	0,0	HU(1,5h)	U

Tableau IX-5 Solution du quatrième exemple

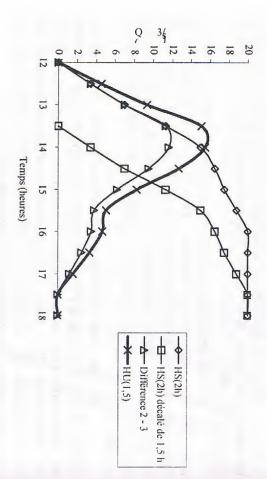


Figure IX-20 Calcul de l'HU(2h)

4 - La méthode du Gradex

La méthode du gradex permet de déterminer les débits de crues exceptionnelles à partir des données pluviométriques qui sont généralement disponibles sur des périodes plus longues. Il faut néanmoins, disposer d'une série de débits longue d'au moins 10 ans pour être en mesure d'appliquer cette méthode.

En général, les pluies maximales de 24 heures de durée, génératrices de crues, s'ajustent bien à une loi de Gumbel:

$$F(x) = FND = c^{-e^{-\alpha(x-x_0)}}$$

On appellera gradex la valeur $1/\alpha$, c'est à dire la pente de la droite d'ajustement sur du papier de probabilité Gumbel dont l'équation est : $x = \frac{1}{\alpha}y + x_o$.

On peut supposer que la capacité de rétention d'un bassin versant a une limite (l'infiltration, les pertes ne sont pas illimitées) qui est atteinte pour de fortes pluies. Ceci veut dire qu'à partir d'une certaine hauteur de pluie, autrement dit à partir d'une pluie d'une certaine

fréquence tombée sur le bassin versant, toute quantité d'eau supplémentaire précipitée s'écoule intégralement.

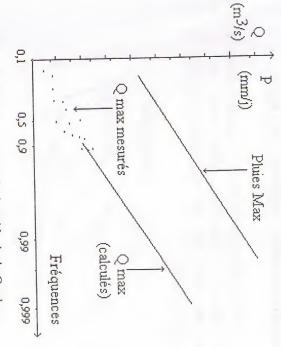


Figure IX-21 Fondements de la méthode du Gradex

Ceci nous amène à conclure que les débits maximum journaliers sont répartis, sur du papier de probabilité Gumbel, sur une droite parallèle à celle de la loi de distribution des pluies journalières.

On peut ainsi déterminer les débits de crue à partir des fortes valeurs de pluie observées en traçant une droite parallèle à la droite de répartition de ces pluies sur le papier de probabilité de Gumbel.

En pratique, on trace le plus souvent la droite de débits à partir de la crue de fréquence 0,9 (décennale), où l'on suppose que la capacité de rétention du bassin a atteint une valeur constante.

Les étapes à suivre pour l'application de la méthode du

GRADEX sont les suivantes:

a - On procède à l'ajustement graphique des pluies maximales à une loi de Gumbel. On détermine ensuite le gradex $1/\alpha$ (pente de la droite).

b - On reporte sur le même graphique, en prenant garde aux unités et aux échelles utilisées, les valeurs des débits maximum observés pendant une période d'au moins une dizaine d'années.

c - A partir du débit de fréquence FND = 0,9, on trace une droite parallèle à celle de la répartition des pluies journalières (de même

pente $1/\alpha$). Sur cette droite, on lit directement les valeurs des débits de fréquence voulue.

5 - L'hydrogramme unitaire synthétique de Snyder

Cette méthode recherche les liaisons entre les caractéristiques des bassins versants et les crues; elle a donc pour but de fournir des estimations des crues dans les bassins pour lesquels on possède peu de données hydrologiques.

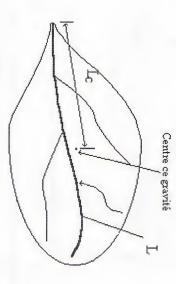


Figure IX - 22 Caractéristiques du bassin versant utilisé dans la méthodes de Snyder

L'hydrogramme unitaire de Snyder (figure IX-23) est défini par les relations suivantes:

$$t_{p} = C_{t}(L.L_{c})^{0,3}; \ Q_{p} = \frac{C_{p}.A}{t_{p}}; \ T_{br} = 3 + \frac{3t_{p}}{24};$$

$$W_{50} = \frac{770}{Q_{p}^{1,08}}; \ W_{55} = \frac{440}{Q_{p}^{1,08}};$$

où tr est la durée de la pluie effective,

tp le temps entre le milicu de la pluie et le sommet de l'hydrogramme,

Qp le débit de pointe de l'HU

L la longueur de l'oued, de la ligne des crêtes à l'exutoire,

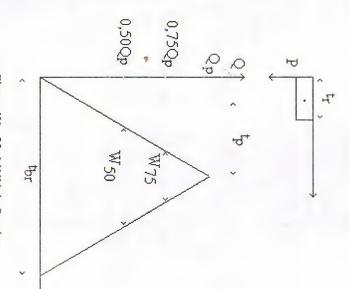


Figure IX - 23 L'HU de Snyder

Le la longueur de l'oued, du centre de gravité du bassi versant à l'exutoire,

Ct et Cp des coefficients qui dépendent des unités utilisées des caractéristiques du bassin versant, et

Tbr le temps de base de l'HU.

L'hydrogramme recherché est défini par les relations suivantes:

$$\begin{split} t_{pR} &= t_p + \frac{t_R - t_r}{4}; \quad Q_{pR} = \frac{C_{pA}}{t_{pR}}; \quad T_{bR} = 3 + 3\frac{t_{pR}}{24}; \ \mathcal{W}_0 = \frac{770}{Q_{pR}}; \\ \mathcal{W}_5 &= \frac{440}{Q_{pR}}; \end{split}$$

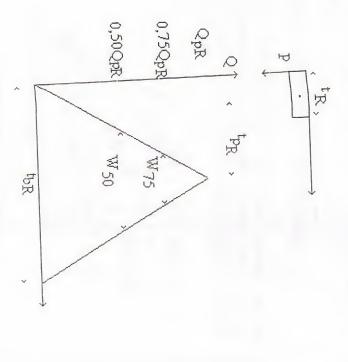


Figure IX - 24 L'hydrogramme unitaire recherché

l'hydrogramme recherché, TR = durée de la pluie dont on cherche l'hydrogramme, temps entre le milieu de la pluie et le sommet de

QpR = débit de pointe de l'hydrogamme recherché.

A = superficie du bassin versant,

TbR = temps de base de l'hydrogramme recherché.

hydrogrammes (l'HU et l'hydrogramme recherché) sur du papier Après avoir calculé ces caractéristiques, on dessine les deux

graphique.

E - BIBLIOGRAPHIE

Meinzer, O.E. (1942) : Hydrlogy, Dover Publications, Inc.,

New York.

New York. Applied Hydrology, V.T. Chow editor, Mc Graw Hill Book Company Chow, V.T. (1964): Runoff, Section 14 in Handbook of

in Handbook of Applied Hydrology, V.T. Chow editor, Mc Graw Hi Bayer, M.C. (1964): Streamflow Measurement, Section 1

Flow, Measurements, Records and their uses, Dover Publications Inc Book Company, New York. Grover, N. C. and Harrington, A. W. (1966): Stream

New York. Linslay, R.K., Kohler, Paulhus (1982): Hydrology fi

Engineers, Mc Graw Hill Company, New York. Guillot, P. (?): Précisions sur la Méthode du Gradex { X

'Gradex" }, Xiième C.I.G.B., E.D.F., Division Technique Générale, France

Publishers Ltd, London. Wilson, E.M. (1985): Engineering Hydrology, Mac Milla

Eyrolles, Paris. Réménieras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur, éc

Hydrology, Mc Graw Hill Book Company, New York. Chow, V.T., Maidment, D.R., Mays, L.W. (1988): Applie

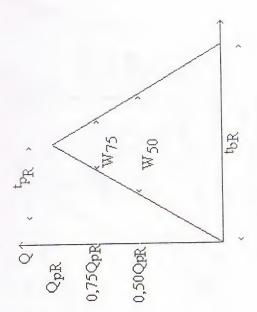


Figure IX - 24 L'hydrogramme unitaire recherché

tpR = temps entre le milieu de la pluie et le sommet de l'hydrogramme recherché, où:

tR = durée de la pluie dont on cherche l'hydrogramme, QpR = débit de pointe de l'hydrogamme recherché,

A = superficie du bassin versant,

TbR = temps de base de l'hydrogramme recherché.

Après avoir calculé ces caractéristiques, on dessine les deux hydrogrammes (l'HU et l'hydrogramme recherché) sur du papier

E - BIBLIOGRAPHIE

Meinzer, O.E. (1942) : Hydrlogy, Dover Publications, Inc.,

Chow, V.T. (1964): Runoff, Section 14 in Handbook of Applied Hydrology, V.T. Chow editor, Mc Graw Hill Book Company,

Bayer, M.C. (1964): Streamflow Measurement, Section 15 in Handbook of Applied Hydrology, V.T. Chow editor, Mc Graw Hill Mook Company, New York.

Grover, N. C. and Harrington, A. W. (1966): Stream How, Mensurements, Records and their uses, Dover Publications Inc., Now York

Linslay, R.K., Kohler, Paulhus (1982): Hydrology for Innimeers, Mc Graw Hill Company, New York.

Guillot, P. (?): Précisions sur la Méthode du Gradex { XE

Wilson, E.M. (1985): Engineering Hydrology, Mac Millan Unatox" /, Xi'ème C.I.G.B., E.D.F., Division Technique Générale, France.

Réménièras, G. (1986): L'Hydrologie de l'Ingénieur, éd. ublishers Ltd, London.

Eyrolles, Paris.

Chow, V.T., Maidment, D.R., Mays, L.W. (1988): Applied Hydrology, Mc Graw Hill Book Company, New York.

ANNEXES

ANNEXE 1

TABLE DE LA LOI

-2.9 |0.00187|0.00181|0.00175|0.00169|0.00164|0.00159|0.00154|0.00149|0.00144|0.00139-2.8|0.00256|0.00248|0.0024|0.00233|0.00226|0.00219|0.00212|0.00205|0.00199|0.00193-2.3 |0.01072|0.01044|0.01017|0.0099|0.00964|0.00939|0.00914|0.00889|0.00866|0.00842|0.00866|0.00842|0.00939|0.00914|0.00889|0.00866|0.00842|0.00964|0.00964|0.00969|0.00964|0.00969|0.00964|0.00969|0.00964|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969|0.00969-2.4 | 0.0082 | 0.00798 | 0.00776 | 0.00755 | 0.00734 | 0.00714 | 0.00695 | 0.00676 | 0.00657 | 0.00639 | 0.00676 | 0.00657 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639 | 0.00639-2.5|0.00621|0.00604|0.00587|0.0057|0.00554|0.00539|0.00523|0.00508|0.00494|0.0048-2.6|0.00466|0.00453|0.0044|0.00427|0.00415|0.00402|0.00391|0.00379|0.00368|0.00357|0.00368|0.00357|0.00466|0.00453|0.00453|0.00466|0.00466|0.00453|0.00466|0.00466|0.00453|0.00466|0.00466|0.00453|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|0.00466|-2.7 |0.00347|0.00336|0.00326|0.00317|0.00307|0.00298|0.00289| 0.0028 |0.00272|0.00264|0.00347|0.00336|0.00326|0.00317|0.00307|0.00298|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.00289|0.002<u>-2.2</u> | 0.0139 | 0.01355 | 0.01321 | 0.01287 | 0.01255 | 0.01222 | 0.01191 | 0.0116 | 0.0113 | 0.01101 -2.1 | 0.01786 | 0.01743 | 0.017 | 0.01659 | 0.01618 | 0.01578 | 0.01539 | 0.015 | 0.01463 | 0.01426 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0.01618 | 0-1.9 | 0.02872 | 0.02807 | 0.02743 | 0.0268 | 0.02619 | 0.02559 | 0.025 | 0.02442 | 0.02385 | 0.02333 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02333 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 | 0.02442 |<u>| 1.6| 0.0548 | 0.0537 | 0.05262 | 0.05155 | 0.0505 | 0.04947 | 0.04846 | 0.04746 | 0.04648 | 0.04551</u> -1.4|0.08076|0.07927| 0.0778 |0.07636|0.07493|0.07353|0.07215|0.07078|0.06944|0.0681 -1.5 |0.06681| 0.06552 |0.06426| 0.06301 |0.06178| 0.06057 |0.05938| 0.05821 |0.05705| 0.055939 |0.06821| 0.06426 |0.06301| 0.06178 |0.06057| 0.05938 |0.05821| 0.05705 |0.055939| 0.06821 |0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.06821| 0.-1.20.11507|0.11314|0.11123|0.10935|0.10749|0.10565|0.10383|0.10204|0.10027|0.09853 $\lfloor -1.3 \rfloor 0.0968 \rfloor 0.0951 \ | 0.09342 | 0.09176 | 0.09012 | 0.08851 | 0.08692 | 0.08534 | 0.08379 | 0.08220 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 | 0.0951 |$ -0.9|0.18406|0.18141|0.17879|0.17619|0.17361|0.17106|0.16853|0.16602|0.16354|0.16109 -1.1|0.13567| 0.1335 |0.13136|0.12924|0.12714|0.12507|0.12302| 0.121 | 0.119 |0.11702 |-0.8|0.21186|0.20897|0.20611|0.20327|0.20045|0.19766|0.19489|0.19215|0.18943|0.18673|0.8|0.21186|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.20897|0.<u>|-0.6|0.27425|0.27093|0.26763|0.26435|0.26109|0.25785|0.25463|0.25143|0.24825| 0.2451</u> <u>-0.7|0.24196|0.23885|0.23576| 0.2327 |0.22965|0.22663|0.22363|0.22065| 0.2177 |0.2147</u> 1.8|0.03593|0.03515|0.03438|0.03362|0.03288|0.03216|0.03144|0.03074|0.03005|0.02938|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03593|0.03599|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|0.0359|<u>|-0.4|0.34458| 0.3409 |0.33724| 0.3336 |0.32997|0.32636|0.32276|0.31918|0.31561|0.3120</u> <u>|-0.1|0.46017| 0.4562 |0.45224|0.44828|0.44433|0.44038|0.43644|0.43251|0.42858|0.42465</u> <u>-0.2|0.42074|0.41683|0.41294|0.40905|0.40517|0.40129|0.39743|0.39358|0.38974|0.38591</u> |-0.3|0.38209|0.37828|0.37448| 0.3707 |0.36693|0.36317|0.35942|0.35569|0.35197|0.34827 -0.5|0.30854|0.30503|0.30153|0.29806| 0.2946 |0.29116|0.28774|0.28434|0.28096| 0.2776 <u>| .7|0.04457|0.04363|0.04272|0.04182|0.04093|0.04006| 0.0392 |0.03836|0.03754|0.0367</u> 0.00135|0.00097|0.00069|0.00048|0.00034|0.00023|0.00016|0.00011|7.2E-05|4.8E-05 $|0.02275|0.02222|0.02169|0.02118|0.02068|0.02018| \ 0.0197 \ |0.01923|0.01876|0.0183$ 0.15866|0.15625|0.15386|0.15151|0.14917|0.14686|0.14457|0.14231|0.14007|0.13786 0.49601 0.49202 0.48803 0.48405 0.48006 0.47608 0.4721 0.46812 0.46414

NORMALE (FND)

Cette table donne la valeur de la FND pour un -3.9? z? +3.9. Les entrées en face -3 et de -3 sont pour 3.0, 3.1, 3.2, etc., et-3.0, -3.1, -3.2, etc., respectivement.

0	ma I	CH C	1 10	11 641	0.00				-	50	T T	1 #10	1 70	3	1 30	-	-	100	<u>-</u>	1,00	0.90	0,80	0.70	0.60	0.50	10, <u>1</u>	0,70	0.20	0.1	0.0	1
SULLE	LINGO	90711	10000	FISCO	09179	81660	85686	1986	F1586	97725	97128	96407	95543	0.9452	93319	01924	0 9032	1,88493	,86433	84134			1,75804	1,72575	0.69146	0.65542	0.61791),57926	0.10.53983	0.5	0
0.00003	0.998190.99825	7110,99752	0,99664	11,005.1.1 (0,005.47 (0.9956	0.99396	0.99202	0.989560.98983	0.98645	982140.98257	0.97778	0.97193	0.96485	0.95637	0.9463	0.93448	01924 0.92073	0.9049	0.88686	0.8665	0.84375	0.81859	0.79103	0.76115	0.72907	0.69497	0.6591	0.62172	0.58317	0.5438	0.50399	_
0.99931	0.99825	0.9976	0.99693 0.99702 0.99711 0.9972	0.9956	0.99413	0.99224	0.98983	0.98645 0.98679 0.98713 0.98745 0.98778 0.98809	0.983	0.97831	1280.971930.97257	0.96562	0.95543 0.95637 0.95728 0.95818 0.95907 0.95994 0.9608	0.94738	0.93574	0.9222	0.90658	0.88877	0.86864 0.87076 0.87286 0.87493 0.87698	0.84614	0.82121	78814 0.79103 0.79389 0.79673	75804 0.76115 0.76424 0.7673 0.77035 0.77337 0.77637 0.77935	0.73237	0.69847	0.66276	0.61791 0.62172 0.62552	0.58706	0.54776	03990.507980.511970.515950.519940.52392 0.5279	2
0.99952	0.99831	0.99767	0.99683	0.99573	0.9943	0.99245	0.9901	0.98713	0.98341 0.98382 0.98422 0.98461	0.97882	0.9732 0.97381 0.97441	0.96638	0.95818	0.94845	0.93699	0.92364	0.90824	0.89065	0.87076	0.84849	0.82381	0.79673	0.7673	0.73565	0.70194	0.6664	0.6293	0.59095	0.55172	0.51197	ری
0.99966	0.99836	0.99774	0.99693	0.99585	0.99446	0.99266	0.99036	0.98745	0.98382	0.97932	0.97381	0.96712	0.95907	0.9495	0.93822	0.92507	0.90988	0.89251	0.87286	0.85083	0.82639	0.79955	0.77035	0.73891	0.7054	0.67003	0.63307	0.59483	0.55567	0.51595	4
0 99977	0.99841	0.99781	0.99702	0.99598	0.99461	0.99286	0.99061	0.98778	0.98422	0.97982	0.97441	0.96784	0.95994	0.95053	0.93943	0.92647	0.91149	0.89435	0.87493	0.85314	0.82894	0.80234	0.77337	0.74215	0.70884	0.6736	70.63682	30.5987	70.55962	50.51992	5
0 99984	0.99846	0.99788	0.99711	0.99609	0.99477	0.99305	0.99086	0.98809	0.98461	0.9803	0.975	0.96856	0.9608	0.95154	0.94062	0.92785	0.91308	0.89617	0.87698	0.85543	0.83147	0.8051	0.7763	0.7453	0.71220	10.6772	0.6405	0.6025	20.5635	10.5239	6
08000	0.99851	0.99795	0.9972	0.99621	0.99492	0.99324	0.99111	0.9884	0.985	0.98077	0.97558	0.96926	0.96164	0.95254	0.94179	0.92922	0.91466	0.89796	0.879	0.85769	0.83398	0.80785	0.77935	0.74857	0.71560	10.68082	80.6443	70.60642	50.56749	2 0.5279	7
9900 0 99	0.99831 0.99836 0.99841 0.99846 0.99851 0.99856 0.99861	0.9976 0.99767 0.99774 0.99781 0.99788 0.99795 0.99801 0.99807	0.99728	0.99573 0.99585 0.99598 0.99609 0.9962 1 0.99632 0.99643	0.994770.993960.99413 0.9943 0.994460.994610.994770.994920.99506 0.9952	0.992240.992450.992660.992860.993050.993240.993430.99361	0.9901 0.990360.990610.990860.991110.991340.99158	0.9887	0.985370.98574	0.97778 0.97831 0.97882 0.97932 0.9782 0.9803 0.98077 0.98124 0.98169	0.975580.97615 0.9767	0.1070.964850.965620.966380.967120.967840.968560.969260.969950.97062	0.96164 0.96246 0.96327	0.947380.94845 0.9495 0.950530.951540.952540.953520.95449	011190.934480.935740.936990.938220.939430.940620.941790.942950.94408	0.92364 0.92507 0.92647 0.92785 0.92922 0.93056 0.93189	0.90658 0.90824 0.90988 0.91149 0.91308 0.91466 0.91621 0.91774	0.88686 0.88877 0.89065 0.89251 0.89435 0.89617 0.89796 0.89973	0.881	841340.843750.846140.848490.850830.853140.855430.857690.859930.86214	115940.818590.821210.823810.826390.828940.831470.833980.836460.83891	0.79955 0.80234 0.80511 0.80785 0.81057 0.81327	0.7823	.72575 0.72907 0.73237 0.73565 0.73891 0.74215 0.74537 0.74857 0.75175	0.691460.694970.698470.70194 0.7054 0.708840.712260.715660.71904 0.7224	0.66276 0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.68793	0.633070.636830.640580.644310.648030.65173	0.579260.583170.587060.590950.594830.598710.602570.606420.610260.61409	0.5438 0.54776 0.55172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.5753	0.531880.53	8
00000	0.99861	0.99807	0.99736	0.99643	0.9952	0.9936	0.9915	0.98899	0.9857	0.9816	0.9767	0.9706	0.9632	0.9544	0.9440	50.9318	0.9177	30.90147	0.88298	30.8621	50.8389	70.8132	0.78524	5 0.7549	1 0.722	90.6879	30.6517	60.6140	20.5753	80.53586	9

TABLE DE LA LOI

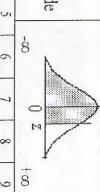
-0	0	-0.2	-0.3	-0.	0	-0.	-0.7	-0.	0.0	-	-	-1.2	-1.3	-1.4	-1.5	-1.6	-1.7	-1.8	-1.9	2	-2.1	-2.2	-2.3	14	-2.5	-2.6	-2.7	2.8	2.9	င်	7	
	0	0.5	0.6	40.6554	50.6914	-0.6 0.72575 0.72907	70.7580	80.7881	0.8159	0.8413	-1.10.86433	0		0.9192	0.93319	0.9452	0.95543	0.96407	0.97128	0.97725		0.9861	0.98928	0.9918	0.99379	-2.60.995340.99547	0.99653	0.99744	0.99813	0.99865	0	
	3 0.5438	60.5831	10.6217	2 0.659	60.6949	50.7290	40.7611	40.7910	40.8185	40.8437	3 0.8665	30.8868	0.9049	10.9207	0.9344	0.9463	0.9563	0.9648	0.97193	0.97778	0.982140.98257	0.98645	0.98956	0.99202	0.99396	0.99547	0.99664	0.99752	0.99819	0.99869	-	
_	8 0.54776 0.55	70.5870	20.6255	1 0.6627	-0.5 0.69146 0.69497 0.69847 0.70194	70.7323	758040.761150.76424 0.7673	30.7938	90.8212	0.841340.843750.846140.84849		60.8887	0.9065	-1.40.919240.92073 0.9222	80.9357	0.9473	70.9572	50.9656	-1.90.971280.971930.97257 0.9732 0.973810.97441	0.97725 0.97778 0.97831 0.97882 0.97932 0.97982	0.983	0.98679	0.98983	0.99224	0.993790.993960.99413	0.9956	0.99674	0.9976	0.99825	0.99874	2	
	760.5517	0.5909	2 0.629	6 0.666	70.7019	70.7356	4 0.767	90.7967	10.8238	40.8484	40.8707	70.8906	80.9082	0.9236	40.9369	0.947380.94845	80.9581	20.9663	7 0.9732	0.9788	0.9834	0.9871	0.9901	0.99245	0.9943		0.99683	0.99767	0.99831	0.99878	ယ	- ?
70.5159	20.5550	50.5948	3 0.6330	4 0.6700	4 0.7054	50.7389	3 0.7703	30.7995	10.8263	90.8508	60.8728	50.8925	40.9098	40.9250	90.9382	5 0.9495	80.9590	30.9671	0.9738	20.9793	0.9838	0.9874	0.9903	0.99260	0.99446	0.99585	0.99693	0.99774	0.99836	0.99882	4	2 0
0.51595 0.51994 0.	570.5590	330.598	0.6368	30.6736	4 0.7088	0.7421	50.7733	50.8023	90.8289	30.8531	60.8749	10.8943	80.9114	70.9264	20.9394	0.9505	70.9599	20.9678	10.9744	20.9798	20.9842	50.9877	50.9906	0.99280	0.9946	0.99598	0.99702	0.99781	0.99841	0.99886	S	
940.52392	520.5635	71 0.6025	0.61791 0.62172 0.62552 0.6293 0.63307 0.63683 0.64058 0.64431 0.64803	40.6772	0.70884 0.71226 0.71566 0.71904	0.732370.735650.738910.742150.745370.748570.75175	0.77035 0.77337 0.77637 0.77935	-0.80.788140.791030.793890.796730.799550.802340.805110.807850.81057	40.8314	40.8554	0.86864 0.87076 0.87286 0.87493 0.87698 0.879	.88493 0.88686 0.88877 0.89065 0.89251 0.89435 0.89617 0.89796 0.89973	0.9049 0.90658 0.90824 0.90988 0.91149 0.91308 0.91466 0.91621	70.9278	30.9406	30.9515	0.956370.957280.958180.959070.95994 0.9608	1.8 0.96407 0.96485 0.96562 0.96638 0.96712 0.96784 0.96856 0.96926 0.96995	0.975	_	0.98341 0.98382 0.98422 0.98461	0.98645 0.98679 0.98713 0.98745 0.98778 0.98809 0.9884	0.99086	50.99305	0.994460.994610.994770.994920.99506 0.9952	0.99609	0.99711	0.99788	-2.90,998130.998190.998250.998310.998360.998410.998460.998510.998560.99861	0.99865 0.99869 0.99874 0.99878 0.99882 0.99886 0.99889 0.99893 0.99896	6	+?
0.5279	560.5674	570.6064	580.6443	240.6808	260.7156	70.7485	70.7793	10.8078	70.8339	30.8576	8 0.879	70.8979	80.9146	50.9292	20.9417	40.9525	0.9616	60.9692	0.9755	1	0.985	9 0.9884	50.9911	50.9932	70.99492	0.9962	0.9972	0.99795	0.99851	0.99893	7	
9 0.5318	190.5714	120.6102	10.6480	20.6843	60.7190	70.7517	5 0.7823	50.8105	80.8364	90.8599	0.881	60.8997	60.9162	20.9305	90.9429	40.9535	40.9624	50.9699	0.975580.97615	70.9812	0.9853	0.9887	0.9913	0.99343	0.99506	0.99632	0.99728	0.99801	0.99856	0.99896	000	
0.53188 0.53586	172 0.55567 0.55962 0.56356 0.56749 0.57142 0.57535	79260.583170.587060.590950.594830.598710.602570.606420.610260.61409	30.65173	-0.4 0.65542 0.6591 0.66276 0.6664 0.67003 0.67364 0.67724 0.68082 0.68439 0.68793	4 0.7224	5 0.7549		0.8	0.83	0.85083 0.85314 0.85543 0.85769 0.85993 0.86214	0.88298	30.90147	10.91774	0.923640.925070.926470.927850.929220.930560.93189	-1.50.933190.934480.935740.936990.938220.939430.940620.941790.942950.94408	0.95053 0.95154 0.95254 0.95352 0.95449	0.961640.962460.96327	50.97062	0.9767	0.980770.981240.98169	0.985370.98574	0.9887 0.98899	0.989280.989560.98983 0.9901 0.990360.990610.990860.9911110.991340.99158	0.9918 0.99202 0.99224 0.99245 0.99266 0.99286 0.99305 0.99324 0.99343 0.99361	0.9952	0.99573 0.99585 0.99598 0.99609 0.9962 1 0.99632 0.99643	0.99653 0.99664 0.99674 0.99683 0.99693 0.99702 0.99711 0.9972 0.99728 0.99736	-2.80.997440.99752 0.9976 0.997670.997740.997810.997880.997950.998010.99807	0.99861	0.999		

NORMALE (FD)

Cette table donne la valeur de la FD pour un -3.9 ? z ? +3.9. Les entrées en face de +3 et de -3 sont pour 3.0, 3.1, 3.2, etc., et -3.0, -3.1, -3.2, etc., respectivement.

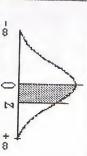
S	12	113	113	113	112	112	112	TR	TO	TID	1-		T	1-	T	T	T			1_	IA	10			IA	16	1.4				
1	.90	80	.70	60	.50	4	000	2.2		00	190	80	-7C	1.6	.50	.40	رنا	12	E	100	0.90	0.8	0.70	0.6	0.5	0.40	0.3	0.2	0.1	0.0	2
.00135	2.90.001870	2.80.002560.00248	.003470	.004660	.00621	0.0082	.01072	0.0139	0.01786 0.01743	2.00.02275	0.02872	0.03593	0.04457	0.0548	0.06681	0.08076	0.0968	0.11507	.10.13567	0.15866	0.18406	0.80.21186	0.24196	0.27425	0.30854	0.34458	0.38209	0.42074	0.10.46017	0.5	0
.00097	0.00181		0.00336	0.00453	0.00604	0.00798	0.01044	0.01355	0.01743	0.02222	0.02807	0.03515	0.04363	0.0537	0.06552	0.07927	0.0951	0.11314	0.1335	0.15625	0.18141	0.20897	0.23885	0.27093	0.30503	0.3409	0.37828	0.41683	0.4562	0.49601	-
0.00169	0.00175	0.0024	0.00326	0.0044	0.00587	0.00776	2.30.010720.010440.01017 0.0099	0.01321	0.017	0.02169	1.90.02872 0.02807 0.02743	0.03438	0.04272	0.05262	0.06426	0.0778	0.09342	0.11123	0.13136	0.15386	0.17879	0.20611	0.70.241960.238850.23576	0.26763	0.30153	0.33724	0.30.382090.378280.37448	0.41294	0.45224	0	2
0.00135 0.00097 0.00169 0.00048 0.00034 0.00023 0.00016 0.00011	0.00175 0.00169 0.00164 0.00159 0.00154 0.00149 0.00144 0.00139	0.00233 0.00226 0.00219 0.00212 0.00205 0.00199 0.00193	2.70.003470.003360.003260.003170.00307	2.60.00466 0.00453 0.0044 0.00427 0.00415 0.00402 0.00391 0.00379 0.00368	0.00621 0.00604 0.00587 0.0057 0.00554 0.00539 0.00523 0.00508 0.00494	0.00798 0.00776 0.00755 0.00734 0.00714 0.00695 0.00676 0.00657 0.00639	0.0099	0.0139 0.01355 0.01321 0.01287 0.01255 0.01222 0.01191	0.01659 0.01618 0.01578 0.01539	0.022220.021690.021180.020680.02018 0.0197 0.019230.018760.0183	0.0268	.80.035930.035150.034380.033620.032880.032160.031440.030740.03005	1.70.044570.043630.042720.041820.040930.04006 0.0392	0.05262 0.05155 0.0505 0.04947 0.04846 0.04746 0.04648 0.04551	1.50.06681 0.06552 0.06426 0.06301 0.06178 0.06057 0.05938 0.05821 0.05705 0.05592	1.40.080760.07927 0.0778 0.076360.07493 0.07353 0.07215 0.07078 0.06944 0.06811	0.0951 0.09342 0.09176 0.09012 0.08851 0.08692 0.08534 0.08379 0.08226	0.11314 0.11123 0.10935 0.10749 0.10565 0.10383 0.10204 0.10027 0.09853	0.13136 0.12924 0.12714 0.12507 0.12302	0.15151	0.90.18406 0.18141 0.17879 0.17619 0.17361 0.17106 0.16853 0.16602	0.206110.203270.200450.197660.194890.192150.18943	0.2327	0.6 0.27425 0.27093 0.26763 0.26435 0.26109 0.25785 0.25463 0.25143 0.24825	0.50.308540.305030.301530.29806 0.2946 0.291160.287740.284340.28096	0.33724 0.3336 0.32997 0.32636 0.32276 0.31918 0.31561 0.31207	0.3707	0.20.42074 0.41683 0.41294 0.40905 0.40517 0.40129 0.39743 0.39358 0.38974 0.3859	0.45224 0.44828 0.44433 0.44038 0.43644 0.43251 0.42858	49202 0.48803 0.48405 0.48006 0.47608	ယ
0.00034	0.00164	0.00226	0.00307	0.00415	0.00554	0.00734	0.00964	0.01255	0.01618	0.02068	0.02619 0.02559	0.03288	0.04093	0.0505	0.06178	0.07493	0.09012	0.10749	0.12714	0.14917	0.17361	0.20045	0.22965	0.26109	0.2946	0.32997	0.36693	0.40517	0.44433	0.48405	4
0.00023	0.00159	0.00219	0.00298 0.00289	0.00402	0.00539	0.00714	0.00939	0.01222	0.01578	0.02018	0.02559	0.03216	0.04006	0.04947	0.06057	0.07353	0.08851	0.10565	0.12507	0.14686	0.17106	0.19766	0.22663	0.25785	0.29116	0.32636	0.36317	0.40129	0.44038	0.48006	5
00016	0.00154	0.00212	0.00289	0.00391	0.00523	0.00695	0.00914	0.01191	0.01539	0.0197	0.025	0.03144	0.0392	0.04846	0.05938	0.07215	0.08692	0.10383	0.12302	0.14457	0.16853	0.19489	0.22965 0.22663 0.22363 0.22065 0.2177	0.25463	0.28774	0.32276	0.35942	0.39743	0.43644	0.47608	6
00011	0.00149	0.00205	0.0028	0.00379	0.00508	0.00676	0.00889	0.0116	0.015	0.01923	0.02442	0.03074	0.03836	0.04746	0.05821	0.07078	0.08534	0.10204	0.121	0.14231	0.16602	0.19215	0.22065	0.25143	0.28434	0.31918	0.35569	0.39358	0.43251	0.4721	7
7.2E-05	0.00144	0.00199	0.0028 0.00272 0.00264		0.00494	0.00657	0.00964 0.00939 0.00914 0.00889 0.00866 0.00842	0.0113	0.01463 0.01426	0.01876	0.02442 0.02385	0.03005	0.03836 0.03754 0.03673	0.04648	0.05705	0.06944	0.08379	0.10027	0.119	0.14007	0.16354	0.18943	0.2177	0.24825	0.28096	0.31561	0.36693 0.36317 0.35942 0.35569 0.35197 0.3482	0.38974	0.42858	0.46812	∞
4.8E-05	0.00139	0.00193	0.00264	0.00357	0.0048	0.00639	0.00842	0.01101	0.01426	0.01831	0.0233	0.02938	0.03673	0.04551	0.05592	0.06811	0.08226	0.09853	0.11702	1.00.15866 0.15625 0.15386 0.15151 0.14917 0.14686 0.14457 0.14231 0.14007 0.13786	0.163540.16109	0.18673	$\overline{\sim}$	_	0.2776	0.31207	0.34827	10.38591	30.42465	20.46414	9

Annexe lc: Table de la loi normale de - ∞ à z



																					_					_								1
3,9	3,7	3,5	3,3	3,1	2,9	2,7	2,6	2,5	2,4	2,3	2,2	2,1	2	1,9	1,8	1,7	1,6	17.	1,4	- - -	1,2	-,-	-	0,9	0,8	0,7	0,6	0,5	0,4	0,3	0,2	0,1	0	2
_	0,9999	0,9998	0,9995	0,999	0,9981	0,9965	0,9953	0,9938	0.9918	0,9893	0,9861	0,9821	0,9772	0,9713	0,9641	0,9554	0,9452	0,9332	0,9192	0,9032	0,8849	0,8643	0,8413	0,8159	0,7881	0,758	0,7257	0,6915	0,6554	0,6179	0,5793	0,5398	0,5	0
_	0,9999	0,9998	0,9995	0,9991	0,9982	0,9966	0,9955	0,994	0,992	0,9896	0,9864	0,9826	0,9778	0,9719	0,9649	0,9564	0,9463	0,9345	0,9207	0,9049	0,8869	0,8665	0,8438	0,8186	0,791	0,7611	0,7291	0,695	0,6591	0,6217	0,5832	0,5438	0,504	
_	0,9999	0,9998	0,9995	0,9991	0,9982	0,9967	0,9956	0,9941	0,9922	0,9898	0,9868	0,983	0.9783	0,9726	0,9656	0,9573	0,9463 0,9474	0,9345 0,9357	0,9222	0,9066	0,8888	0,8686	0,8461	0,8212	0,7939	0,7642	0,7324	0,6985	0,6628	0,6255	0,5871	0,5478	0,508	2
_	0,9999	0,9998	0,9996	0,9991	0,9983	0,9968	0,9957	0,9943	0,9925	0,9901	0.9871	0,9834	0,9788	0,9732	0,9664	0,9582	0,9484	0,937	0,9236	0,9082	0,8907	0.8708	0,8485	0,8238	0,7967	0,7673	0,7357	0,7019	0,6664	0,6293	0,591	0,5517	0,512	w
_			0,9996	0,9992	0,9984	0,9969	0.9959	0.9945	0.9927	0,9904	0,9875	0,9838	0,9793	0,9738	0,9671	0,9591	0,9495	0,9382	0,9251	0,9099	0,8925	0,8729	0.8508	0.8264	0,7995	0,7704	0,7389	0,7054	0,67	0,6331	0,5948	0,5557	0,516	42
_	0,9999 0,9999	0,9998 0,9998	0,9996	0,9992	0,9984	0,997	0,996	0.9946	0.9929	0,9906	0,9878	0.9842	0.9798	0,9744	0,9678	0,9599	0,9505	0,9394	0,9265	0,9115	0,8944	0,8749	0,8531	0,8289	0,8023	0,7734	0,7422	0,7088	0,6736	0,6368	0,5987	0,5596	0,5199	S
-	0,9999	0,9998	0,9996	0,9992	0,9985	0.9971	0.9961	0.9948	0,9931	0,9904 0,9906 0,9909	0,9881	0.9846	0.9803	0,975	0,9686	8096,0	0,9515	0,9394 0,9406	0,9279	0,9131	0,8962	0,877	0,8554	0.8315	0,8051	0,7734 0,7764	0,7389 0,7422 0,7454	0,7123	0,6772	0,6406	0,6026	0,5636	0,5239	6
-	0,9999	0,9998	0,9996	0,9992	0,9985	0,9972	0,9962	0,9949	0,9932	0,9911	0,9884	0,985	0.9808	0,9756	0,9693	0,9616	0,9525	0,9418	0,9292	0,9147	0,898	0,879	0.8577	0.834	0,8078	0,7794	0.7486	0,7157	0,6808		0.6064	0,5675	0,5279	7
-	0,9999	0,9998	0,9996	0,9993	0,9986	0,9973	0.9963	0.9951	0,9934	0,9913	0.9887	0,9854	0,9812	0,9761	0,9699	0,9625	0,9535	0,9429	0,9306	0,9162	0,8997	0,881	0.8599	0,8365	0,8106	0,7823	0,7486 0,7517	0,719	0,6844	0,648	0,6103	0,5714	0,5319	8
-	0,9999	0,9998	0,9997	0,9993	0,9986	0.9974	0,9964	0,9952	0,9936	0,9916	0,989	0.9857	0,9817	0,9767	0,9706	0,9633	0,9545	0,9441	0,9319	0,9177	0,9015	0,883	-	0.8389	0,8133	0,7852	0,7549	0,7224	0,6879	0,6517	0,6141	0,5753	0,5359	9

Annexe Id : Table de la loi normale de Zéro à z



	3,9	S	101	· ·	100	1				10	1 1	N	1		-			-	. _						-				_	1		7-	T	T	7	_
	_	7 0		3	-	9	-	0	-	-	+	+	-	. 12	10	-	-	-	-		دراً ا	1,2	-	-	0,9	8,0	0,7	0,6	0,5	0,4	0,3	0.2	1.0	0	1	
	0,5	4999	0,4998	0,4995	0,499	0,4981	4965	0,4953	493	0,4918	0,4893	0,4861	0,4821	0,4772	0,4713	0,4641	0,4554	0,4452	0,4332	0,4192	0,4032	0,3849	0,3643	0,3413	0,3159	0,2881	0,258	0,2257	0,1915	0,1554	0,1179	0,0793	0,0398	0	0	
	0.5	0,4999	0,4998	0,4995	0,4991	0,4982	0,4966	0,4955	0,494	0,492	0,4896	0,4864	0,4826	0,4778	0,4719	0,4649	0,4564	0,4463	0,4345	-	-	0,3869	0,3665	0,3438	0,3186	0,291	-	0,2291	0,195	1 0,1591	9 0,1217	3 0,0832	8 0,0438	0,004	_	
	0 %	-		0,4995	0,4991	0,4982	0,4967	0,4956	0,4941	0,4922	0,4898	0,4868	0,483	0,4783	0,4726	0,4656	0,4573	0,4474	0,4357	+	0,4066	0.3888	0,3686	8 0,3461	6 0,3212	-		-		1 0,1628	7 0,1255	2 0,0871	8 0,0478	4 0,008	2	
	-	-	_	0,4996	0,4991	0,4983	0,4968	0,4957	0,4943	0,4925	0,4901	0,4871	0,4834	0,4788	0,4732	0,4664	0,4582	0,4484	0,437	0,4236	0,4082	8 0,3907	6 0,3708	1 0,3485	2 0,3238		_	_				1 0,091	78 0,0517	8 0,012	w	
11,000	0 /2	0 4999	0.4998	0.4996	0,4992	0,4984	0,4969	0,4959	0,4945	0,4927	0,4904	0,4875	0,4838	0,4793	0,4738	0,4671	0,4591		0,4382	0,4251	0,4099	7 0,3925	8 0,3729	5 0,3508	-	-		-	0	-	-		17 0,0557	2 0,016	4	
0,0	0.5	0.4000	0.4998	0 4996	0.4992	0,4984	0,497	0,496	0,4946	0,4929	0,4906	0,4878	0,4842	0,4798	0,4744	0,4678	-		0,4394			-	0		_		_	_	-	-		_	67 0,0596	6 0,0199	Si	
0,0	0.4777	0.4000	0.4998	0 4996	0 4997	0.4985	0,4971	0,4961	0,4948		0,4909			-	-	0,4686		_	0,4406	-	-		-	_	-		0	0 0	0	0				0,0	6	-
0,0	0.4373	0.4000	0,4550	0,100%	0.4990	0.4985	0,4972	_	_	-	-		-							-	-	-	_	-	_			-	5	0 ,	0		-	39 0.0279	7	8
0,0	0,4999	0,4990	0,4990	0.4006	-	-	-	-	0	-	-	-	-	-	-		-			-	-	-	-	-		8 03106		_	-	-	5	5 3	0.07	0.03	00	0
0,5	0,4999	0,4998		-		-	-	-	-	_	-	-	-	_	-	-			-	-	_	-			_	0.2122		_	_	5	5	-		0.0	0	+ 8

Table du Khi-Deux



100	80	70	60	50	40	30	20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	10	9	∞	7	6	5	4	S	2	_
	S	43					7,4	6,844	6,265	5,697	5,142	4,601	4,075	3,565	3,074	2,603	2,156	1,735	1,344	0,989	0,676	0,412	0,207	0,072	0,01	4E-05
67,33 70	1,17 53	,28	35,53 37	27,99 29	20,71 22	13,79 14,95	7,434 8,26	44 7,633	_	97 6,408	42 5,812	01 5,229	75 4,66		74 3,571	03 3,053	56 2,558	35 2,088	14 1,647	39 1,239	6 0,872	2 0.554	7 0,297	2 0,115	0,02	5 2E-04
70,06 74	53,54 57	45,44 48	37,48 40	29,71 32	22,16 24,43			33 8,907	7,015 8,231	08 7,564	12 6,908	29 6,262	6 5,629	4,107 5,009	71 4,4		58 3,247	38 2,7	17 2,18	39 1,69	72 1,237	4 0.831			2 0,051	1E-03
74,22 77,93 90,13 99,53 109,1	57,15 60,39		40,48 43,19	32,36 34,	,43 26,	16,79 18,49	9,591 10,		31 9,39	64 8,672	08 7,962	62 7,20	29 6,571	09 5,892	4,404 5,226 8,438 11,34 14,85 18,55	16 4,575	_			_			0,484 0,711 1,923 3,357 5,385 7,779 9,488 11,14 13	6 0,352	1 0,10	
,93/90,	,39 71,14	74 61,7	19 52,29	34,76 42,94 49,33	26,51 33,66 39,34 45,62	49 24,48	10,85 15,45 19,34	12 14,5	-	72 12,7	52 11,9	7,261 11,04 14,34 18,25	71 10,1		6 8,43	75 7,58	3,94 6,737	3,325 5,899 8,343 11,39 14,68	2,733 5,071 7,344 10,22 13,36 15,51 17,53 20,09	2,167 4,255 6,346 9,037 12,02 14,07 16,01 18,48	1,635 3,455 5,348 7,841 10,64 12,59 14,45	1,145 2,675 4,351	1 1,923	2 1,213	0,103 0,575 1,386	0,004 0,102
13 99,	14 79,33	7 69,33	29 59,33	94 49,3	56 39,3	18 29,34	15 19,3	6 18,3	13,68 17,34	9 16,3	1 15,3	4 14,3	7 13,3	9,299 12,34	8 11,3	7,584 10,34 13,7	7 9,342	98,343	1 7,344	6,346	5,348	4,351	3,357	2,366	1,386	0,455 1,323
33 109,	5 88,1	3 77,58	3 66,98	3 56,3	4 45,6	4 34,8	4 23,83	14,56 18,34 22,72	4 21,6	12,79 16,34 20,49 24,77	11,91 15,34 19,37 23,54	118,25	10,17 13,34 17,12 21,06 23,68 26,12	115,98	1 14,85	113,7	12,55	11,39	10,22	9,037	7,841	6,626	5,385	2,366 4,108 6,251 7,815 9,348	2,773	
1 110,5	3 90,0	883,55	8 74,4	56,33 63,17	18,16	40,20	3 28,41	27,2		24,77	23,54	22,31	21,06	15,98 19,81 22,36	18,55	17,28	15,99	14,68	13,36	12,02	10,64	9,236	7,779	6,251	4,605	2,700
0,124,0	88,13 96,38 101,9 100,0	3 90,55	79,08	7 67,5	35,76	40,26 45,77 46,96	31,41	30,14	25,99 28,87	27,59	26,3	25	23,68	22,36	21,03	19,68	15,99 18,31 20,48	16,92	15,51	14,07	12,59	11,07	9,488	7,815	5,991 7,378	2,706 3,841 5,024 6,655
0,621	170,00,0	1066	83,3	11,42	39,34	40,90	31,41 34,1/ 37,37	30,14 32,85 36,19	31,53	27,59 30,19	28,85	27,49	26,12	24,/4	23,34	21,92	20,48	19,02	1/,00	16,01	14,45	12,83	1,14	3,348	1,3/8	0.024
10000	1258	1100,4	88,58	/1,42 /6,13 /9,49	05,09	20,00	50 00	30,19	31,53 34,81 37,16	33,41	~	00	29,14	27,09	26,22	24,13	23,21	21,0/	20,09	18,48	16.81		2001	2 4	9,21	
	_	1,7,7	101,90	19,49	700,11	22,01	27 62	30,30	3/,10	35,12	34,27	32.8	51,32	29,82	20,3	26,76	20,10	25,09	22 50	21.05	18,55	0,70	14,00	12,04	0,0	1,017

ANNEXE 3

Table du test de Kolmogorov-Smirnov $D_n = \sup |F_n^*(x) - f(x)|$ Valeurs de d_n telles que $P = P(D_n < d_n)$

33	25	34	33 6	37	31	30	29	28	17	07	20	75	22	22	22	21	20	10	18	17	16	15	14	13	12	=	10	9	8	7	6	U	4	u	7 1	-	- 1
.1/659	.17650	17000	18171	10445	18737	.19032	.19348	.19680	.20030	.20399	.20790	.21205	.21645	C1177	/1077	00107	72150	73725	24260	25030	00000	104.67	18726	28470	.29577	.30829	.32260	.33910	.35381	.38148	.41037	.44698	.49265	56481	.683//	.90000	P=.80
.20185	.20472	.207/1	C8012.	71417	21/12	21756	.22117	.22497	.22898	.23320	.23768	.24242	.24746	.25283	.25858	.264/3	.2/136	108/7	17997	7/467	.30.450	.141/	21/17	32540	33815	.35242	.36866	.38746	.40962	.43607	.46799	.50945	.56522	.63604	.77639	.95000	P=.90
.22425	.22743	.23076	.23424	.23/88	0/147	2/170	.24571	.24993	.25438	.25907	.26404	.26931	.27490	.28087	.28724	.29408	.30143	.30936	.31796	.32/33	.33760	.34890	.30143	26142	275/2	39177	.40925	.43001	.45427	.48342	.51926	.56328	.62394	.70760	.84189	.97500	P=.95
.25073	.25429	.25801	.26189	.26596	.2/023	2000	77471	.27942	.28438	.28962	.29516	.30104	.30728	.31394	.32104	.32866	.33685	.34569	.35528	.36571	.37713	.38970	.40362	.41918	.430/0	13670	45662	47960	51654	.53844	.57741	.62718	.68887	.78456	.90000	.99000	P=.98
26807	.27279	.27677	.28094	28530	.28987	.29400	11662	29971	30502	.31064	.31657	.32286	.32954	.33666	34427	.35241	.36117	.37062	.38086	.39201	.40420	.41762	.43247	.44905	.46//0	.40093	10002	51227	5/170	57581	.61661	66853	.73424	.82900	.92929	.99500	P=.99

Annexe 3 (suite 1/2): Table du test de Kolmogorov-Smirnov $D_{nr} = Sup + E_n * (x) - f(x)|$ Valeurs de d_n telles que $P = P(D_n < d_n)$

70	69	68	67	66	65	64	63	62	61	60	59	58	57	56	55	54	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39.	38 `	37	36	n
.12586	.12675	.12766	12859	.12954	.13052	.13151	.13253	.13357	.13464	.13573	.13686	.13801	.13919	.14040	.14164	.14292	.14423	.14558	.14697	.14840	.14987	.15139	.15295	.15457	.15623	.15796	.15974	.16158	.16349	.16547	.16753	.16966	.17188	.17418	P=.80
.14381	.14483	.14587	.14693	.14802	.14913	.15027	.15144	.15163	.15385	.15511	.15639	.15771	15906	.16044	.16186	.16332	.16783	.16637	.16796	.16959	.17128	.17302	.17481	.17665	.17856	.18053	.18257	.18468	.18687	.18913	.19148	.19392	.19646	.19910	P=.90
.15975	.16088	.16204	.16322	.16443	.16567	.16693	.16823	.16956	.17091	.17231	.17373	.17519	.17669	.17823	.17981	.18144	.18311	.18842	.18659	.18841	.19028	.19221	.19420	.19625	.19837	.20056	.20283	.20517	.20760	.21012	.21273	.21544	.21826	.22119	P=.95
.17863	.17990	.18119	.18252	.18387	.18525	.18667	.18812	.18960	.19112	.19267	.19427	.19590	.19758	.19930	.20107	.20289	.20475	.20667	.20864	.21068	.21277	.21493	.21715	.21944	.22181	.22426	.22679	.22941	.23213	.23494	.23786	.24089	.24404	.24732	86'=d
.19167	.19303	.19442	.19584	.19729	.19877	.20029	.20184	.20343	.20506	.20673	.20844	.21019	.21199	.21384	.21574	.21768	.21968	.22174	.22386	22604	.22828	.23059	.23298	.23544	.23798	.24060	.24332	.24613	.24904	.25205	.25518	.25843	.26180	.26532	b=.99

Annexe 3 (suite 2/2): Table du test de Kolmogorov-Smirnov $D_n = Sup \mid F_n * (x) - f(x) \mid$ Valeurs de d_n telles que $P = P(D_n < d_n)$

n > 100	100	99	98	97	96	95	94	93	92	91	90	89	88	87	86	85	84	83	82	81	80	79	78	77	76	75	74	73	72	71	
$1.073 \sqrt{n}$.10563	.10615	.10668	.10722	.10777	.10833	.10889	.10947	.11005	.11064	.11125	.11186	.11248	.11311	.11376	.11442	.11508	.11576	.11645	.11716	.11787	.11860	.11935	.12011	.12088	.12167	.12247	.12329	.12413	.12499	F00
1.223 √n	.12067	.12126	.12187	.12249	.12312	.12375	.12440	.12506	.12572	.12640	.12709	.12779	.12850	.12923	.12997	.13072	.13148	.13226	.13305	.13385	.13467	.13551	.13636	.13723	.13811	.13901	.13993	.14087	.14183	.14281	P=.90
$1.358\sqrt{n}$.13403	.13469	.13537	.13606	.13675	.13746	.13818	.13891	.13965	.14040	.17117	.14195	.14274	.14355	.14437	.14520	.14605	.14691	.14779	.14868	.14960	.15052	.15147	.15244	.15342	.15442	.15544	.15649	.15755	.15864	P=.95
$1.518\sqrt{n}$.14987	.15061	.15137	.15214	.15291	.15371	.15451	.15533	.15616	.15700	.15786	.15873	.15961	.16051	.16143	.16236	.16331	.14428	.16526	.16626	.16728	.16832	.16938	.17045	.17155	.17268	.17382	.17498	.17618	.17739	P=.98
$1.629 \sqrt{n}$.16081	16161	.16242	.16324	.16408	.16493	.16579	.16666	.16755	.16846	.16938	.17031	.17126	.17223	.17321	.17421	.17523	.17627	.17732	.17840	.17949	.18060	.18174	.18290	.18408	.18528	.18650	.18776	.18903	.19034	P=.99

Ajustement d'une loi normale aux pluies maximales de Bouira

39,7	47,3	21	44,9	40	25,4	45,8	40,2	31,2	32,5	40,5	30	26,6	40,6	35,4	22,1	53,5	43,8	49,5	41,6	35,1	63	40,5	30,2	29,7	44	mesur.	Pluies	\equiv
35,4	35,1	35	35	33,3	32,5	32,4	31,2	31	30,7	30,6	30,2	30	29,9	29,7	28,7	28,2	27,5	27	26,6	25,4	24	22,1	21,8	21	19,7	classées	Pluies	(2)
26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	ယ	2	_	n	Rang	(3)
0,481	0,462	0,443	0,425	0,406	0,387	0,368	0,349	0,33	0,311	0,292	0,274	0,255	0,236	0,217	0,198	0,179	0,16	0,142	0,123	0,104	0,085	0,066	0,047	0,028	0,009		FND	(4)
-0,175	-0,202	-0,211	-0,211	-0,364	-0,435	-0,444	-0,552	-0,570	-0,597	-0,606	-0,642	-0,660	-0,669	-0,687	-0,776	-0,821	-0,884	-0,929	-0,965	-1,073	-1,198	-1,369	-1,396	-1,468	-1,584	exp.	zi	(5)
41	33,3	37,5	19,7	48,4	43,1	27,5	35	24	36,9	37,4	28,2	30,7	35	37,7	32,4	63,8	42,6	43,4	27	21,8	30,6	31	28,7	79,1	29,9	mesur.	Pluies	(=)
79,1	63,8	63	53,5	49,5	48,4	47,3	45,8	44,9	44	43,8	43,4	43,1	42,6	41,6	41	40,6	40,5	40,5	40,2	40	39,7	39,6	37,7	37,5	37,4	classées	Pluies	(2)
53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	30	29	28	n	Rang	(3)
0,991	0,972	0,953	0,934	0,915	0,896	0,877	0,858	0,84	0,821	0,802	0,783	0,764	0,745	0,726	0,708	0,689	0,67	0,651	0,632	0,613	0,594	0,575	0,557	0,538	0,519		FND	(4)
3,748	2,374	2,303	1,450	1,091	0,992	0,893	0,759	0,678	0,597	0,579	0,543	0,516	0,471	0,382	0,328	0,292	0,283	0,283	0,256	0,238	0,211	0,202	0,031	0,013	0,004	exp.	Zi	(5)

Série de pluie journalières maximales à Bouira Test de Kolmogorov-Smirnov

27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	10	9	∞	7	6	S	4	ယ	2	_			Ord.	-
36,9	35,4	35,1	35	35	33,3	32,5	32,4	31,2	31	30,7	30,6	30,2	30	29,9	29,7	28,7	28,2	27,5	27	26,6	25,4	24	22,1	21,8	21	19,7		Triées	Pluies	2
0,5000	0,4811	0,4623	0,4434	0,4245	0,4057	0,3868	0,3679	0,3491	0,3302	0,3113	0,2925	0,2736	0,2547	0,2358	0,2170	0,1981	0,1792	0,1604	0,1415	0,1226	0,1038	0,0849	0,0660	0,0472	0,0283	0,0094	Fe	Exper.	Freq.	3
-0,0401	-0,1748	-0,2017	-0,2107	-0,2107	-0,3633	-0,4351	-0,4441	-0,5518	-0,5698	-0,5967	-0,6057	-0,6416	-0,6595	-0,6685	-0,6864	-0,7762	-0,8211	-0,8839	-0,9288	-0,9647	-1,0724	-1,1981	-1,3687	-1,3956	-1,4674	-1,5841	Z	Réduites	Variables	4
0,4840	0,4306	0,4201	0,4166	0,4166	0,3582	0,3317	0,3285	0,2905	0,2844	0,2754	0,2724	0,2606	0,2548	0,2519	0,2462	0,2188	0,2058	0,1884	0,1765	0,1673	0,1418	0,1154	0,0856	0,0814	0,0711	0,0566	Ft	Théo	Freq.	5
0,4840 0,0160	0,4306 0,0505	0,4201 0,0422	0,4166 0,0268	0,4166 0,0080	0,3582 0,0475	0,3317 0,0550	0,0394	0,2905 0,0585	0,2844 0,0458	0,2754 0,0360	0,2724 0,0201	0,2606 0,0130	0,2548 0,0001	0,2519 0,0161	0,2462 0,0292	0,2188 0,0207	0,2058 0,0266	0,1884 0,0280	0,1765 0,0350	0,1673 0,0447	0,1418 0,0380	0,1154 0,0305	0,0856 0,0195	0,0814 0,0342	0,0711 0,0428	0,0566 0,0472	Fe - Ft	Abs	Diff	6
	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	30	29	28			Ord.	-
	79,1	63,8	63	53,5	49,5	48,4	47,3	45,8	44,9	44	43,8	43,4	43,1	42,6	41,6	41	40,6	40,5	40,5	40,2	40	39,7	39,6	37,7	37,5	37,4		Triées	Pluies	2
	0,9906	0,9717	0,9528	0,9340	0,9151	0,8962	0,8774	0,8585	0,8396	0,8208	0,8019	0,7830	0,7642	0,7453	0,7264	0,7075	0,6887	0,6698	0,6509	0,6321	0,6132	0,5943	0,5755	0,5566	0,5377	0,5189	Fe	Exper.	Freq.	3
	3,7479	2,3745	2,3027	1,4500	1,0909	0,9922	0,8934	0,7588	0,6780	0,5972	0,5792	0,5433	0,5164	0,4715	0,3818	0,3279	0,2920	0,2830	0,2830	0,2561	0,2381	0,2112	0,2022	0,0317	0,0137	0,0047	Z	Réduites	Variables	4
	0,9999	0,9912	0,9894	0,9265	0,8623	0,8394	0,8142	0,7760	0,7511	0,7248	0,7188	0,7065	0,6972	0,6814	0,6487	0,6285	0,6149	0,6114	0,6114	0,6011	0,5941	0,5836	0,5801	0,5126	0,5055	0,5019	Ft	Théo	Freq.	5
	0,0093	0,0195	0,0365	0,0075	0,0528	0,0568	0,0632	0,0825	0,0885	0,0959	0,0831	0,0765	0,0669	0,0639	0,0777	0,0790	0,0738	0,0584	0,0395	0,0310	0,0191	0,0107	0,0047	0,0440	0,0323	0,0170	Fe - Ft	Abs	Diff	6

ANNEXE 6

Calcul des courbes enveloppes des Pluies Max à Bouira:

					1.	1												_													
28,7	79,1	29,9	39,6	39,7	47,3	21	44,9	40	25,4	45,8	40,2	31,2	32,5	40,5	30	26,6	40,6	35,4	22,1	53,5	43,8	49,5	41,6	35,1	63	40,5	30,2	29,7	44	dép.	Val.
37,7	37,5	37,4	36,9	35,4	35,1	35	35	33,3	32,5	32,4	31,2	31	30,7	30,6	30,2	30	29,9	29,7	28,7	28,2	27,5	27	26,6	25,4	24	22,1	21,8	21	19,7	class	Val.
30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	П	10	9	8	7	6	5	4	ယ	2	1	n	Ordr
0,56	0,54	0,52	0,50	0,48	0,46	0,44	0,42	0,41	0,39	0,37	0,35	0,33	0,31	0,29	0,27	0,25	0,24	0,22	0,20	0,18	0,16	0,14	0,12	0,10	0,08	0,07	0,05	0,03	0,01	Exp	Fréq
0,14	0,09	0,05	0,00	-0,05	-0,09	-0,14	-0,19	-0,24	-0,29	-0,34	-0,39	-0,44	-0,49	-0,55	-0,60	-0,66	-0,72	-0,78	-0,85	-0,92	-0,99	-1,07	-1,16	-1,26	-1,37	-1,51	-1,67	-1,91	-2,35		Z
37,7	37,5	37,4	36,9	35,4	35,1	35,0	35,0	33,3	32,5	32,4	31,2	31,0	30,7	30,6	30,2	30,0	29,9	29,7	28,7	28,2	27,5	27,0	26,6	25,4	24,0	22,1	21,8	21,0	19,7	exp	Val
38,9	38,4	37,9	37,3	36,8	36,3	35,8	35,2	34,7	34,1	33,6	33,0	32,5	31,9	31,3	30,6	30,0	29,3	28,6	27,9	27,1	26,3	25,4	24,4	23,3	22,1	20,6	18,7	16,1	11,2	théo	Val
37,6	37,1	36,6	36,1	35,5	35,0	34,5	33,9	33,4	32,8	32,2	31,7	31,1	30,5	29,8	29,2	28,5	27,8	27,1	26,3	25,5	24,6	23,7	22,6	21,5	20,1	18,6	16,6	13,8	8,5	BI	-C=
40,2	39,7	39,2	38,6	38,1	37,6	37,1	36,5	36,0	35,4	34,9	34,3	33,8	33,2	32,6	32,0	31,4	30,7	30,1	29,3	28,6	27,8	26,9	26,0	24,9	23,8	22,3	20,6	18,1	13,5	BS	60%
37,0	36,4	35,9	35,4	34,8	34,3	33,7	33,2	32,6	32,1	31,5	30,9	30,3	29,7	29,0	28,4	27,7	27,0	26,2	25,4	24,6	23,7	22,7	21,6	20,4	19,0	17,4	15,3	12,4	6,9	BI	IC=
41,0	40,4	39,9	39,3	38,8	38,3	37,7	37,2	36,7	36,1	35,6	35,0	34,5	33,9	33,3	32,7	32,1	31,4	30,8	30,1	29,3	28,5	27,7	26,8	25,8	24,6	23,2	21,5	19,1	14,6	BS	80%
36,4	35,8	35,3	34,8	34,2	33,7	33,1	32,6	32,0	31,4	30,8	30,2	29,6	29,0	28,3	27,7	27,0	26,2	25,5	24,6	23,8	22,8	21,8	20,7	19,5	18,0	16,4	14,2	11,2	5,5	BI	IC=
41,6	41,0	40,5	39,9	39,4	38,9	38,3	37,8	37,2	36,7	36,2	35,6	35,0	34,5	33,9	33,3	32,7	32,0	31,4	30,7	29,9	29,2	28,3	27,4	26,4	25,3	23,9	22,2	19,9	15,5	BS	90%

41	33,3	37,5	19,7	48,4	43,1	27,5	35	24	36,9	37,4	28,2	30,7	35	37,7	32,4	63,8	42,6	43,4	27	21,8	30,6	53
79,1	63,8	63	53,5	49,5	48,4	47,3	45,8	44,9	44	43,8	43,4	43,1	42,6	41,6	41	40,6	40,5	40,5	40,2	40	39,7	39,6
53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31
0,99	0,97	0,95	0,93	0,92	0,90	0,88	0,86	0,84	0,82	0,80	0,78	0,76	0,75	0,73	0,71	0,69	0,67	0,65	0,63	0,61	0,59	0,58
2,35	1,91	1,67	1,51	1,37	1,26	1,16	1,07	0,99	0,92	0,85	0,78	0,72	0,66	0,60	0,55	0,49	0,44	0,39	0,34	0,29	0,24	0,19
79,1	63,8	63,0	53,5	49,5	48,4	47,3	45,8	44,9	44,0	43,8	43,4	43,1	42,6	41,6	41,0	40,6	40,5	40,5	40,2	40,0	39,7	39,6
63,5	58,6	56,0	54,1	52,6	51,4	50,3	49,3	48,4	47,6	46,8	46,1	45,4	44,7	44,0	43,4	42,8	42,2	41,7	41,1	40,5	40,0	39,5
61,2	56,6	54,1	52,3	50,9	49,7	48,7	47,8	46,9	46,1	45,3	44,6	44,0	43,3	42,7	42,1	41,5	40,9	40,3	39,8	39,2	38,7	38,2
66,2	60,9	58,1	56,1	54,6	53,2	52,1	51,0	50,1	49,2	48,4	47,6	46,9	46,2	45,5	44,9	44,2	43,6	43,0	42,5	41,9	41,3	40,8
60,1	55,6	53,2	51,5	50,1	48,9	47,9	47,0	46,1	45,4	44,6	43,9	43,3	42,6	42,0	41,4	40,8	40,2	39,7	39,1	38,6	38,0	37,5
67,8	62,3	59,4	57,3	55,7	54,3	53,1	52,0	51,0	50,1	49,3	48,5	47,7	47,0	46,3	45,7	45,0	44,4	43,8	43,2	42,6	42,1	41,5
59,2	54,8	52,5	50,8	49,4	48,3	47,3	46,4	45,5	44,8	44,0	43,3	42,7	42,0	41,4	40,8	40,2	39,7	39,1	38,5	38,0	37,5	36,9
69,2	63,5	60,5	58,3	56,6	55,2	54,0	52,9	51,9	50,9	50,1	49,2	48,5	47,7	47,0	46,4	45,7	45,1	44,5	43,9	43,3	42,7	42,1

196

7

ANNEXE 8

Ajustement d'une LLN aux Pmax à Bouira: Test de Kolmogorov - Smirnov

29,9	39,6	39,7	47,3	21	44,9	40	25,4	45,8	40,2	31,2	32,5	40,5	30	26,6	40,6	35,4	22,1	53,5	43,8	49,5	41,6	35,1	63	40,5	30,2	29,7	44	données	(1) Valeurs
37,4	36,9	35,4	35,1	35	35	33,3	32,5	32,4	31,2	31	30,7	30,6	30,2	30	29,9	29,7	28,7	28,2	27,5	27	26,6	25,4	24	22,1	21,8	21	19,7	triées xi	(2) Valeurs
28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	(J)	2	_		(3)
0,5189	0,5000	0,4811	0,4623	0,4434	0,4245	0,4057	0,3868	0,3679	0,3491	0,3302	0,3113	0,2925	0,2736	0,2547	0,2358	0,2170	0,1981	0,1792	0,1604	0,1415	0,1226	0,1038	0,0849	0,0660	0,0472	0,0283	0,0094	exp.	FND (4)
3,62	3,61	3,57	3,56	3,56	3,56	3,51	3,48	3,48	3,44	3,43	3,42	3,42	3,41	3,40	3,40	3,39	3,36	3,34	3,31	3,30	3,28	3,23	3,18	3,10	3,08	3,04	2,98	a	(5)
0,1463	0,0986	-0,0485	-0,0787	-0,0888	-0,0888	-0,2653	-0,3516	-0,3625	-0,4963	-0,5191	-0,5536	-0,5651	-0,6118	-0,6353	-0,6472	-0,6710	-0,7924	-0,8547	-0,9438	-1,0089	-1,0618	-1,2254	-1,4264	-1,7188	-1,7673	-1,8998	-2,1264	į	(6)
0,5582	0,5393	0,4806	0,4686	0,4646	0,4646	0,3954	0,3626	0,3585	0,3098	0,3019	0,2899	0,2860	0,2703	0,2626	0,2588	0,2511	0,2141	0,1964	0,1726	0,1565	0,1442	0,1102	0,0769	0,0428	0,0386	0,0287	0,0167	théorique	(7)
0,0393	0,0393	0,0005	0,0064	0,0212	0,0401	0,0103	0,0242	0,0094	0,0392	0,0283	0,0214	0,0065	0,0032	0,0079	0,0229	0,0341	0,0160	0,0171	0,0123	0,0150	0,0215	0,0064	0,0080	0,0232	0,0086	0,0004	0,0073	Fe-Ft	(8)

100

														-	-									
41	33,3	37,5	19,7	48,4	43,1	27,5	35	24	36,9	37,4	28,2	30,7	35	37,7	32,4	63,8	42,6	43,4	27	21,8	30,6	31	28,7	79,1
79,1	63,8	63	53,5	49,5	48,4	47,3	45,8	44,9	44	43,8	43,4	43,1	42,6	41,6	41	40,6	40,5	40,5	40,2	40	39,7	39,6	37,7	37,5
53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	30	29
0,9906	0,9717	0,9528	0,9340	0,9151	0,8962	0,8774	0,8585	0,8396	0,8208	0,8019	0,7830	0,7642	0,7453	0,7264	0,7075	0,6887	0,6698	0,6509	0,6321	0,6132	0,5943	0,5755	0,5566	0,5377
4,37	4,16	4,14	3,98	3,90	3,88	3,86	3,82	3,80	3,78	3,78	3,77	3,76	3,75	3,73	3,71	3,70	3,70	3,70	3,69	3,69	3,68	3,68	3,63	3,62
2,8018	2,0398	1,9950	1,4155	1,1400	1,0604	0,9789	0,8646	0,7943	0,7225	0,7063	0,6738	0,6492	0,6078	0,5236	0,4721	0,4374	0,4286	0,4286	0,4023	0,3846	0,3579	0,3489	0,1746	0,1558
0,9975	0,9793	0,9770	0,9215	0,8729	0,8555	0,8362	0,8064	0,7865	0,7650	0,7600	0,7498	0,7419	0,7284	0,6997	0,6816	0,6691	0,6659	0,6659	0,6563	0,6497	0,6398	0,6364	0,5693	0,5619
0,0069	0,0076	0,0241	0,0124	0,0422	0,0407	0,0412	0,0521	0,0531	0,0558	0,0419	0,0332	0,0223	0,0169	0,0267	0,0260	0,0196	0,0039	0,0150	0,0242	0,0365	0,0454	0,0610	0,0127	0,0242

Ajustement d'une LLN aux pluies maximales journalières à Bouira Intervalles de Confiance à 60, 75 et 90%

40		-	-	-	-	36,9	55,4	35,1	35	300	33,3	32,5	32,4	31,2	31	30,7	30,6	30,2	30	29,9	29,7	28,7	28,2	27,5	27	26,6	25,4	24	22,1	21,8	21	19,7		P: (1)
33	32	31	30	29	28	27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	<u></u>	12	=	10	9	000	7	6	S	4	w	2	-		1
0,613	0,594		0,557	0,538	0,519	0,500	0,481	0,462	0,443	0,425	0,406	0,387	0,368	0,349	0,330	0,311	0,293	0,274	0,255	0,236	0,217	0,198	0,179	0,160	0,142	0,123	0,104	0,085	0,066	0,047	0,028	0,009	, index	FND _{ev}
3,69	3,68	3,68	3,63	3,62	3,62	3,61	3,57	3,56	3,56	3,56	3,51	3,48	3,48	3,44	3,43	3,42	3,42	3,41	3,4	3,4	3,39	3,36	3,34	3,31	3,3	3,28	3,23	3,18	3,1	3,08	3,04	2,98	11.	InD:
0,38	0,36	0,35	0,17	0,16	0,15	0,10	-0,05	-0,08	-0,09	-0,09	-0,27	-0,35	-0,36	-0,50	-0,52	-0,55	-0,57	-0,61	-0,64	-0,65	-0,67	-0,79	-0,85	-0,94	-1,01	-1,06	-	-	-1,72		-1,90	-2,13	17	7. (3)
0,650	0,640	0,636	0,569	0,562	0,558	0,539	0,481	0,469	0,465	0,465	0,395	0,363	0,359	0,310	0,302	0,290	0,286	0,270	0,263	0,259	0,251	0,214	0,196	0,173	0,157	0,144	0,110	0,077	0,043	0,039	0,029	0,017	rNDm	(6)
38,7	38,4	38,3	36,5	36,3	36.2	35,7	34,3	34	33,9	33,9	32,2	31,4	31,3	30,1	29,9	29,6	29,5	29,1	28,9	28,8	28,6	27.6	27,1	26,4	25,9	25.5	24.3	22.9	21	20,7	19,9	18,6	B.I.	
41,4	41.1	40,9	39	38,7	38,6	38,1	36,6	36,3	36,2	36,2	34,4	33,6	33,5	32.3	32,1	31.8	31.7	31,3	31,1	ري ا	30,8	29,8	29.3	28,6	-	-	-	+		-	\rightarrow		B.S.	(8)
38,2	37.9	37,8	36	35.9	35,8	35,3	33,9	33,6	33,5	33,5	31,8	31	30.9	29.8	29.6	29.3	29.2	28.8	28,6	28.5	28.3	27.3	26.8	26.1	25.6	25.7	23 9	277 5	20.6	-	+	_	B.I.	(9)
41.9	416	41.5	39.4	39.2	39.1	38.6	37	36,7	36,6	36,6	34.8	34	33.9	77 7	32.5	32.2	100	31.7	31.5	31.4	31.2	300	797	29	285	78 1	0 96	-	-	-	-		75% B.S.	(10)
37.5	377	37.1	35.4	35.7	35.1	34.6	33.2	32,9	32,8	32,8	31.2	30.4	303	202	20,	787	786	28.7	28	270	27.7	26.7	2,52	2 50	25	246	22.4	210	+	+	+	_	IC =	(11)
42,4	42 4	423	400	40	300	303	377	37.4	37.3	37.3	35.5	347	346	33.4	327	370	30 0	37 4	327	33 1	31.0	300	304	707	+	-	-	+	+	+	+	_	90%	(12)

79,1	63,8	63	53,5	49,5	48,4	47,3	45,8	44,9	44	43,8	43,4	43,1	42,6	41,6	41	40,6	40,5	40,5	40,2
53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34
0,991	0,972	0,953	0,934	0,915	0,896	0,877	0,859	0,840	0,821	0,802	0,783	0,764	0,745	0,726	0,708	0,689	0,670	0,651	0,632
4,37	4,16	4,14	3,98	3,9	3,88	3,86	3,82	3,8	3,78	3,78	3,77	3,76	3,75	3,73	3,71	3,7	3,7	3,7	3,69
2,80	2,04	2,00	1,42	1,14	1,06	0,98	0,86	0,79	0,72	0,71	0,67	0,65	0,61	0,52	0,47	0,44	0,43	0,43	0,40
0,998	0,979	0,977	0,922	0,873	0,856	0,836	0,806	0,787	0,765	0,760	0,750	0,742	0,728	0,700	0,682	0,669	0,666	0,666	0,656
73,6	60,3	59,6	51,1	47,5	46,5	45,5	44,1	43,3	42,4	42,2	41,9	41,6	41,1	40,2	39,6	39,2	39,1	39,1	38,9
85	67,6	66,6	56	51,6	50,4	49,2	47,6	46,6	45,6	45,4	45	44,7	44,1	43,1	42,4	42	41,9	41,9	41,6
71,7	59	58,3	50,2	46,7	45,8	44,8	43,5	42,7	41,9	41,7	41,3	41	40,6	39,7	39,1	38,7	38,7	38,7	38,4
87,3	69	68	57	52,4	51,2	49,9	48,3	47,3	46,3	46	45,6	45,3	44,7	43,6	43	42,5	42,4	42,4	42,1
68,7	57,1	56,4	48,9	45,6	44,7	43,8	42,5	41,7	41	40,8	40,5	40,2	39,8	38,9	38,3	38	37,9	37,9	37,6
91,1	71,3	70,3	58,5	53,7	52,4	51,1	49,3	48,3	47,3	47	46,6	46,2	45,7	44,5	43,8	43,4	43,3	43,3	42,9

Ajustement d'une loi de Gumbel aux pluies journalières maximales à Bouira

			0,7453	40	42,6	0,3679	20	32,4
			0,7264	39	41,6	0,3491	19	31,2
			0,7075	38	41	0,3302	18	31
			0,6887	37	40,6	0,3113	17	30,7
			0,6698	36	40,5	0,2925	16	30,6
			0,6509	35	40,5	0,2736	15	30,2
			0,6321	34	40,2	0,2547	14	30
0,9906	53	79,1	0,6132	33	40	0,2358	13	29,9
0,9717	52	63,8	0,5943	32	39,7	0,2170	12	29,7
0,9528	51	63	0,5755	31	39,6	0,1981	=	28,7
0,9340	50	53,5	0,5566	30	37,7	0,1792	10	28,2
0,9151	49	49,5	0,5377	29	37,5	0,1604	9	27,5
0,8962	48	48,4	0,5189	28	37,4	0,1415	8	27
0,8774	47	47,3	0,5000	27	36,9	0,1226	7	26,6
0,8585	46	45,8	0,4811	26	35,4	0,1038	6	25,4
0,8396	45	44,9	0,4623	25	35,1	0,0849	S	24
0,8208	44	44	0,4434	24	35	0,0660	4	22,1
0,8019	43	43,8	0,4245	23	35	0,0472	S	21,8
0,7830	42	43,4	0,4057	22	33,3	0,0283	2	21
0,7642	41	43,1	0,3868	21	32,5	0,0094	1	19,7
Exp.		classées	Exp.		classées	Exp.		classées
Fréq.	Rangs	Valeurs	Fréq.	Rangs	Valeurs	Fréq.	Rangs	Valeurs
(3)	(2)	(1)	(3)	(2)	(1)	(3)	(2)	(1)

Ajustement d'une LG aux Pmax à Bouira Test de Kolmogorov - Smirnov

27	26	25	24	23	22	21	20	19	18	17	16	15	14	13	12	=	10	9	000	7	6	S	4	دن	2	_		n.	3
36,9	35,4	35,1	35	35	33,3	32,5	32,4	31,2	31	30,7	30,6	30,2	30	29,9	29,7	28,7	28,2	27,5	27	26,6	25,4	24	22,1	21,8	21	19,7		×.	(2)
0,5	0,4811	0,4623	0,4434	0,4245	0,4057	0,3868	0,3679	0,3491	0,3302	0,3113	0,2925	0,2736	0,2547	0,2358	0,217	0,1981	0,1792	0,1604	0,1415	0,1226	0,1038	0,0849	0,066	0,0472	0,0283	0,0094	exp	FND	(0)
0,52	0,35	0,32	0,31	0,31	0,11	0,02	0,01	-0,13	-0,15	-0,19	-0,20	-0,25	-0,27	-0,28	-0,30	-0,42	-0,48	-0,56	-0,61	-0,66	-0,80	-0,96	-1,18	-1,21	-1,30	-1,45		<u>۷</u> .	(4)
0,5534	0,4950	0,4829	0,4789	0,4789	0,4084	0,3747	0,3704	0,3198	0,3114	0,2989	0,2947	0,2783	0,2701	0,2660	0,2579	0,2187	0,1998	0,1746	0,1574	0,1443	0,1083	0,0735	0,0388	0,0346	0,0250	0,0138	Théo.	FND	(3)
0,053	0,014	0,021	0,035	0,054	0,003	0,012	0,003	0,029	0,019	0,012	0,002	0,005	0,015	0,030	0,041	0,021	0,021	0,014	0,016	0,022	0,005	0,011	0,027	0,013	0,003	0,004	.Fe-Ft	Diff	(0)
	53	52	51	50	49	48	47	46	45	44	43	42	41	40	39	38	37	36	35	34	33	32	31	30	29	28		ni.	3
	79,1	63,8	63	53,5	49,5	48,4	47,3	45,8	44,9	44	43,8	43,4	43,1	42,6	41,6	41	40,6	40,5	40,5	40,2	40	39,7	39,6	37,7	37,5	37,4		X.	(2)
	0,9906	0,9717	0,9528	0,934	0,9151	0,8962	0,8774	0,8585	0,8396	0,8208	0,8019	0,783	0,7642	0,7453	0,7264	0,7075	0,6887	0,6698	0,6509	0,6321	0,6132	0,5943	0,5755	0,5566	0,5377	0,5189	exp	FND	(3)
	5,38	3,62	3,53	2,43	1,97	1,85	1,72	1,55	1,45	1,34	1,32	1,27	1,24	1,18	1,07	1,00	0,95	0,94	0,94	0,90	0,88	0,85	0,84	0,62	0,59	0,58		٧ <u>.</u>	(4)
	0,9954	0,9736	0,9711	0,9161	0,8704	0,8542	0,8363	0,8086	0,7900	0,7700	0,7653	0,7557	0,7483	0,7356	0,7086	0,6913	0,6794	0,6764	0,6764	0,6671	0,6609	0,6513	0,6481	0,5829	0,5757	0,5720	Théo.	FND	(5)
	0,005	0,002	0,018	0,018	0,045	0,042	0,041	0,050	0,050	0,051	0,037	0,027	0,016	0,010	0,018	0,016	0,009	0,007	0,025	0,035	0,048	0,057	0,073	0,026	0,038	0,053	.Fe-Ft	Diff	(6)

Dépouillement du pluviogramme de l'averse du 05 mai 1990 à la station d'Erraguène

15h15		14h45		14h15	14h00	13h45		13h15				12h15	12h00	11h45		11h15	11h00	10h45	10h30	10h15	10h00	9h45	9h30	9h15	9h00	8h45	8h30	8h15	8h00	
15h30	15h15	15h00	14h45	14h30	14h15	14h00	13h45	13h30	13h15	13h00	12h45	12h30	12h15	12h00	11h45	11h30	11h15	11h00	10h45	10h30	10h15	10h00	9h45	9h30	9h15	9h00	8h45	8h30	8h15	
-	-	2	1	2	1	2	1		4	2	2	2	2	ω	з	1	1	1	1	1	w	4	4	2	2	2	2	2	0	Basculements
0,5	0,5	_	0,5		0,5	-	0,5	0,5	2	_	_	-	_	1,5	1,5	0,5	0,5	0,5	0,5	0,5	1,5	2	2	-	_	_	_	-	0	
28	27,5	27	26	25,5	24,5	24	23	22,5	22	20	19	18	17	16	14,5	13	12,5	12	11,5	11	10,5	9	7	S	4	ယ	2	_	0	(mm).
2	2	4	2	4	2	4	2	2	8	4	4	4	4	6	6	2	2	2	2	2	6	8	8	4	4	4	4	4 .	0	horaire (mm/h)

23h45	23h30	23h15	23h00	22h45	22h30	22h15	22h00	21h45	21h30	21h15	21h00	20h45	20h30	20h15	20h00	19h30	19h15	19h00	18h45	18h30	18h15	18h00	17h45	17h30	17h15	17h00	16h45	16h30	16h15	16h00	15h45	15h30
24h00	23h45	23h30	23h15	23h00	22h45	22h30	22h15	22h00	21h45	21h30	21115	21h00	20h45	20h30	20h15	20h00	19h30	19h15	19h00	18h45	18h30	51481	00481	17h45	17h30	17115	17h00	16h45	16h30	16h15	16h00	15h45
0	0	0	0	0	_	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	_	_	0	1	1	1	_	_	2	2	ω	ÇJ	1	2	1	ω	
0	0	0	0	0	0,5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0,5	0,5	0	0,5	0,5	0,5	0,5	0,5	_	_	1,5	1,5	0,5	_	0,5	1,5	0,5
41	41	41	41	41	41	40,5	40,5	40,5	40,5	40,5	40,5	40,5	40,5	40,5	40,5	40,5	40	39,5	39,5	39	38,5	38	37,5	37	36	35	33,5	32	31,5	30,5	30	28,5
0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2	2	0	2	2	2	2	2	4	4	6	6	2	4	2	6	2

INDEX ALPHABÉTIQUE

Z

débit d'équilibre 176, 178 degré de risque 55, 69, 78 degré de signification 55, 58, 69, 70, 78 degrés de liberté 54, 55, 69, 78 diagramme de dispersion 107 dominante 37 double mass 98	courbes intensité-durée 121 courbes intensité-durée-fréquence 123 courbes isodromes 157 cumul des résidus 99 cycle de l'eau 13 cycle hydrologique 14, 17	capacité d'infiltration 141 coefficient de corrélation 107, 110, 111 coefficient de torrentialité 40, 47 coefficient de variation 63, 82, 128, 131, 133 composantes principales 99 corrélation 106, 107, 108, 110, 111, 112, 116 courbe de tarage 154 courbes hauteur-surface-durée 61, 62, 71, 72 courbe hypsométrique 22, 24, 116	B bac 130, 131, 132, 133 bassin de drainage 21	ajustement

Henry	Giandotti	Gaiss	fréquence absolue	fonction de densité de probabilité		effectif	écart-type	doubles cumuls96 E
médiane mode moyenne arithmétique moyenne géométrique moyenne harmonique moyenne quadratique	Mann Whitney	lagLaplacelimnigrammelysimètrelysimètre	Khi-deux. Kirpich Kolmogorov L	jaugeage K	interceptionintervalle de confianceisodromesisohyètes	indice de compacité indice de pente. indice Ф infiltromètre intensité horaire	hyétogramme I	hydrogramme en Shydrogramme unitairehydrométrie

N	Mann-Whitney .99, 102, 103, 104 médiane .23, 38,39, 44 mode .19,37, 44 moyenne arithmétique .37, 38, 39, 114 moyenne géométrique .37 moyenne harmonique .37 moyenne quadratique .37	M	L lagLaplacelimnigrammelysimètre	khi-deux 52, 53, 54, 55 Kirpich 164 Kolmogorov 52, 56, 57	jaugeage154, 155, 1	J	indice de compacité	I	hydrométrie
	99, 102, 103, 104 		160 .42 154	52, 53, 54, 55 164 52, 56, 57	154, 155, 156, 158		21, 22 22, 25, 26, 27 147, 161 142 121, 122 121, 147 121, 147 121, 147 139, 160 58, 59, 60, 61 157 4, 116, 117, 126, 157		58, 169, 170, 182 154 .3, 145, 161, 164

Tamanitests d'adéquationThiessenThornthwaite.temps de base.	T	Saadi Cherif. Scimeni Smirnov Snyder superposition.	ruissellement direct153, 159, 1 S	rapport de bifurcation. rapport de confluence. rectangle équivalentrégressionréseau pluviométrique.	précipitations cycloniques	population18, 31, porosité	polygone des fréquences	pluviogramme	pluie efficace	période de retour perméabilité	PagliaroPearson	<i>P</i>
Tamani. 163 tests d'adéquation. 52 Thiessen. 114, 115, 116 Thornthwaite. 136 temps de base. 160, 164, 165, 160, 160, 160, 160, 160, 160, 160, 160		Saadi Cherif. 163 Scimeni. 166 Smirnov. 52, 56, 57 Snyder. 182, 183 superposition. 169, 174	ruissellement direct153, 159, 160, 161, 162, 164, 165, 168, 170, 171, 172, 174 S	rapport de bifurcation	 précipitations cycloniques	population	pluviographe	pluviogramme	pluie efficace	période de retour	Pagliaro167 Pearson52, 54	

Young130, 133	Y	Wilcoxon	W	variable réduite 43, 44, 48, 55, 57, 60 variance 39, 47, 59 vecteurs régionaux 99 vitesses spécifiques 157	V	temps de concentration
---------------	---	----------	---	--	---	------------------------

LISTES DES FIGURES

Figure VI-1 Les précipitations orographiques		Figure IV-1 Relations entre les fonctions de distribution, de répartition, de densité et de probabilité d'une variable aléatoire	Figure III-1 Histogramme et polygone des fréquences	(1)	CHAPITRE I - LE CYCLE DE L'EAU Figure l-1 Le cycle de l'eau
20000	42	0 8 7 - 9 0	W 4 L	6375	(4)

6	Figure IX-9 Constitution d'un hydrogramme
59	1X-8
58	1X-7
157	9-XI
55	Figure IX-5 Présentation de l'hydrogramme
54	1X-4
53	Figure IX-3 Champ de vitesses à travers une section d'un oued
150	IX-2 Oued alimentant une nappe
150	X-1
	CHAPITRE IX - LES ÉCOULEMENTS SUPERFICIELS
	,
146	Figure VIII-7 Hyétogrammes et indices 0
145	Figure VIII-6 Schéma de définition de l'indice φ
144	Figure VIII-5 Variation de F et de f
142	VIII-4 Détermination de f par la méthode de l'hydrogramme
140	VIII-3 L'infiltromètre
139	VIII-2
138	Figure VIII-1 Répartition de l'eau de pluie
	CHAPTIRE VIII - L'INFILTRATION
	VIII
130	Figure VII-2 Bac class A
129	VII-I Bac Colo
	CHAPITRE VII - L'ÉVAPORATION ET LA TRANSPIRATION
124	Figure VI-22 Courbes HDS
122	VI-21 Courbes
121	VI-20 Courbe intensité-durée
117	VI-19 Calcul de la pluie moyenne par la méthodes des deux axes
116	VI-18 Méthodes des deux axes
115	VI-17 La méthode des isohyètes
13	VI-16 La méthode de Thiessen
011	VI-15 La droite de régression entre la série BBN et SEH
106	VI-14 La droite de régression
104	VI-13 Différents types de corrélation
104	VI-12 Diagramme de dispersion
. 96	VI-11 Méthode du double cumul ou double mass
. 92	Figure VI-10 Hyétogramme de l'averse du 12 mai 1990 à la station d'Erraguène.
. 92	uène
	VI-9 Courbe des pluies cumulées de l'averse du 1
. 91	VI-8 Pluviogramme
89	VI-7 Echantillon de papier enregistreur
× ×	VI-6 Distance minimale entre un
87	VI-5
× 5	VI-4
∞	Figure VI-3 Les précipitations cycloniques.

One providence of

LISTE DES TABLEAUX

CHAPITRE I - LE CYCLE DE L'EAU

IV-7 Application du test du χ^2 à une loi de Gumbel	Tableau IV-2 Application du test du χ^2 à un loi log-normale	pluies journalières ı	CHAPITRE V - AUTRES LOIS D'AILISTEMENT	III-3 Calcul du χ^2 expérimentalIII-4 Test de Kolmogorov-SmirnovIII-5 Calcul des intervales de confiance	Tableau III-1 Série de pluies journalières maximales à Bouira47 Tableau III-2 Ajustement d'une loi normale à le série de pluies maximales à 48	CHAPITRE IV – LA LOI NORMALE	Tableau II-1 Débits maximum d'un oued	CHAPITRE III - QUELQUES NOTIONS DE STATISTIQUES	Tableau V-1 Calcul des surfaces cumulées22 Tableau V-2 Calcul des largeurs des intervalles	CHAPITRE II - LE BASSIN VERSANT	Tableau I-1 Répartition de l'eau sur le globe terrestre

CHAPITRE VI - LES PRÉCIPITATIONS

Vableau VI-1 Dépouillement du pluviogramme de l'averse du 12 mai 1990 à la station d'Erraguène (wilaya de Jijel).....

Calcul de l'hydrogramme en SSolution du quatrième exemple	
171 IX-3 Solution du troisième exemple	Tableau IX-2 S
Tableau IX-1 Solution de l'exemple 1167	Tableau IX-1 S
CHAPITRE IX - LES ÉCOULEMENTS SUPERFICIELS	CHAPITRE IX
Tableau VIII-1 Quelques valeurs de f _c 144	Tableau VIII-1
CHAPITRE VIII - L'INFILTRATION	CHAPITRE VI
Tableau VII-1 Les coefficients de bacs131 Tableau VII-2 Valeurs de l'évapotranspiration annuelle pour quelques plantes 133	Tableau VII-1 Tableau VII-2
CHAPITRE VII - L'ÉVAPORATION ET LA TRANSPIRATION	CHAPITRE VI
Tableau VI-15 Valeur des paramètres k, a et b	Tableau VI-15
1	1
i VI-11 Série des 35 années de pluies reconstituées	Tableau VI-11
Calcul des paramètres de l'extension des séries	Tableau VI-10
Tableau VI-9 Résultats de la régression linéaire 110	Tableau VI-9 R
linéaire	Tableau VI-8 C
Séries pluviométriques à BBN et SEH	-
Application du test de Mann-Whitney	Tableau VI-6 A
Application de la méthode de Wilcoxon	
Série de pluies annuelles à Bordj Bou Naâma	
Méthode du double cumul	
VI-2 Méthode du double cumul : relevé des stations A et B	Tableau VI-2 N

TABLE DES MATIÈRES

H
1
1
7
-
TRE
ਧ
(T)
_
1
LE
(1 2
0
1
~
CLE
TE
-
\leq
[1]
DE I
,'EAU
6.1
-

29 30 30	B. ANALYSE STATISTIQUE 1. Ordre de la série :
29	A. INTRODUCTION
	CHAPITRE III - QUELQUES NOTIONS DE STATISTIQUES
28	D. BIBLIOGRAPHIE
28	Coefficient de torrentra
27	b) Densité de thalwegs élémentaires, ou fréquence des oueds élémentaires: c) Rapport de confluence Rc:
25	3. LES FACTEURS PHYSIOGRAPHIQUES D'UN BASSIN VERSANT
	C. LES CARACTERISTIQUES DU RESEAU HYDROGRAPHIQUE 1. Le profil en long
24	_
24	
23	a) Indice de Pente de Rocheb) Indice de pente global
22	4. L'indice de pente
20	2. Le Relief
19	B. LES CARACTERISTIQUES DE FORME
19	A. DEFINITION DU BASSIN VERSANT
	CHAPITRE II - LE BASSIN VERSANT
17	D. BIBLIOGRAPHIE
16	
15	
12	C. LE BILAN HYDRAULIOUE DE L'AI GERIE
	A. INTRODUCTION

	31. Définition
	A. LA LOI LOG - NORMALE63
	CHAPITRE V - AUTRES LOIS D'AJUSTEMENT
	H. BIBLIOGRAPHIE60
	G. COURBES ENVELOPPES59
	F. INTERVALLES DE CONFIANCE56
	1. Test du χ ² (khi-deux)
_	E. TESTS D'ADEQUATION D'UNE LOI THEORIQUE49
	1. Calcul des caractéristiques empiriques: 45 2. Classement des valeurs : 45
_	
	C. LA DROITE DE HENRY:42
	B. DEFINITION DE LA LOI NORMALE OU LOI DE LAPLACE - GAUSS 40
	A. INTRODUCTION39
	CHAPITRE IV – LA LOI NORMALE
	C. BIBLIOGRAPHIE38
_	c) Le coefficient de variation c_V :
	b) L'écart-type s
	Les parametres de dispersion
	g) La mediane:
_	ricial cule des moyennes.
	La moyenne quadrande Aq
	La moyenne
_	I a movenne
_	b) La movenne arithmétique x ₃ :35
	Les paramètres de position:
	4. Courbes de fréquences cumulées ou fonction de répartition:
	Histogramme et polygone de fréquences:

1. Les perturbations atmosphériques du Nord. 2. Les perturbations d'Ouest. 3. Les perturbations d'Ouest. 4. Les perturbations du Sud-Ouest. C. PLUIES ARTIFICIELLES. D. LES MESURES DES PRECIPITATIONS. 1. Le pluviographe . 2. Le pluviographe peseur :	5. Intervalles de confiance
--	-----------------------------



L'auteur est né le 04 avril 1939 a Médéa. Il a poursurvi des primaires et secondaires dans sa ville natale et à Sidi Bel Abbès blint son baccalauréat série mathématiques, en septembre 1960.

Après un passage à l'ALN, entre mars 1961 et Aout 1962, il poursuit ses études supérieures à l'Université de l'Arizona, à Tucson (USA), où il obtient le Bachelor of Science en génie civil en 1966 et le Master of Science en ressources en eau en 1968. Ensuite, après une tentative de deux ans pour obtenir le diplôme de PhD en ressources en eau, il rentre au pays le 4 décembre 1970.

Le 17 février 1971, il rejoint le Secrétariat d'Etat

recteur des infrastructures de mobilisation et de transfert.

Depuis janvier 1985 à novembre 1998, il est charge de divers dossiers.

En oùtre, en octobre 1990, il a été recruté comme Maître de conférences associé à l'Institut e génie civil de l'Université de Bab Ezzouar, à Alger, où il enseigne encore un cours d'hydrologie de Lrface,

wsari@yahoo.fr)

Cet ouvrage constitue le complément du livre de cours intitulé "Initiation à l'hydrologie face" du même auteur et paru aux mêmes éditions Houma. Les exercices de ce livre sont des exemples traités en détail et tirés de la réalité Algerienne na gratitude va aussi aux techniciens et ingénieurs de l'Agence nationale des ressources hydrauliques our les données hydrologiques). Ils permettent de mieux comprendre et évaluer les "bêtes noires" des nyénieurs génies civil, architectes, urbanístes et agronomes que sont le volume d'une crue et son débit e pointe.

En outre, les intensités des pluies, les pluies moyennes en un point ou sur une surface, le acités d'infiltration d'un sol, l'évapotranspiration, les caractéristiques physiques d'un bassi sant sont calculées dans des exercices contenus dans ce manuel.

Des méthodes de comblement de données manquantes dans une série hydrologique planées.

Les solutions sont détaillées à l'extrême en vue de faciliter leur compréhension par étudiant et l'ingénieur autodidactes.



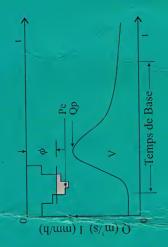
L'auteur est né le 04 avril 1939 à Médéa. Il a poursuivi ses études primaires et secondaires dans sa ville natale et à Sidi Bel Abbès ou il obtint son baccalauréat série mathématiques, en septembre 1960. Après un passage à l'ALN, entre mars 1961 et août 1962. Il poursuit ses études supérieures à l'Université de l'Arizona, à Tueson (USA), où il obtient le Bachelor of Science en génie civil en 1966 et le Master of Sciences en ressources en eau en 1968. Ensuite, après une tentative de deux ans pour obtenir le diplôme de PHD en ressources en eau, il reftre au pays le 4 décembre 1970.

Le 17 février 1971, il rejoint le Secrétariat d'Etat

directeur des infrastructures de mobilisation et de transfert.

De janvier 1985 à novembre 1998 date de son départ en retraite, il est chargé de divers dossiers. Jont celui de l'hydraulique, au cabinet du Premier ministre.

de génie civil de l'Université de Bab Ézzouar, à Alger, où il enseigne encore un cours d'hydrologie de



Cet ouvrage décrit et quantifie les caractéristiques du bassin versant ainsi que les quatre connogantes du cycle hydrologique.

L'accent a été mis sur les précipitations et les écoulements superficiels, vu leur impact sur les infrastructures de génie civil; et ceci grâce à des exercices corrigés. Les méthodes statistiques de traitement de données ont été expliquées avec force détails par de nombreux exemples suivis de leurs solutions.

Ce livre s'adresse aux élèves ingénieurs qui ont terminé le tronc commun de leur cursus. Il reque tre aussi utile aux ingénieurs pratiquants, lorsque la théorie s'est quelque peu "rouillé".



